

TOLERANTA SISTEMELOR IN RAPORT CU DEFECTELE SOFTWARE

Dr.Ing.Mat. Ion Bucur

S-a scris mult despre cauzele care conduc la sensibilitatea software-ului la defecte dar și despre rațiunile care fac ca proiectarea și scrierea software-ului să fie intrinsec dificilă. Cercetarea a dovedit că există atât dificultăți esențiale cât și accidentale care sunt implicate în producția software-ului. Dificultățile esențiale țin de natura aplicațiilor complexe ca și de mediul complex de operare. Aceste dificultăți își au sorginea și în construcția cu un număr foarte mare de stări, guvernate prin legi de tranzitare complexe.

Introducerea, frecventă, pe durata ciclului de viață a software-ului a modificărilor impuse de reglementări ori de situații noi. Astfel, sunt adăugate software-ului noi facilități pentru a adapta o aplicație software la cerințele actualizate ale contextului de utilizare.

Platformele hardware și sistemul de operare se pot modifica ulterior perioadei în care a fost proiectată și implementată o aplicație software iar aceasta trebuie ajustată corespunzător.

Software-ul este, adesea, utilizat să mascheze incompatibilitățile dintre componentele unui sistem de calcul.

Considerațiile privind costurile nu pot fi ocolite atunci când sunt alternative în implementarea unei aplicații complexe. De cele mai multe ori se face apel la software existent, deja disponibil contra cost (COTS *Commercial Off-The-Shelf*) care nu este proiectat întotdeauna pentru aplicații de mare fiabilitate.

Utilizarea COTS este mandatată în multe programe guvernamentale ori de afaceri pentru că pot oferi economii semnificative atât în costurile inițiale de achiziție cât și în costurile ulterioare, de întreținere. Totuși, specificațiile software-ului COTS sunt scrise extern, independent, de utilizarea acestui software într-o aplicație aparținând, eventual, unei agenții guvernamentale.

Acest fapt poate induce rezerve și temeri deoarece schimbările viitoare ale produsului respectiv nu mai pot fi controlate.

Principalele motive invocate atunci când sunt utilizate produsele COTS vizează:

- (1) reducerea globală a timpului de dezvoltare,
- (2) costurile de dezvoltare, deoarece componentele pot fi achiziționate ori licențiate, în loc să fie dezvoltate pornind de la specificații,
- (3) costuri mai reduse de întreținere.

Software-ul conține, aproape inevitabil, defecte. De aceea se face tot posibilul ca rata de defectare să scadă ori, pentru soluționarea problemelor erorilor din software, se folosesc tehnici de creștere a toleranței la defecte.

Teoretic, o metodă foarte eficientă de evitarea erorilor în software este verificarea formală. Dar această metodă nu este aplicabilă modulelor mari, complexe, dintr-o aplicație software.

Un pas important, în orice tentativă de tolerare a defectelor, este detectarea acestora. O cale mult utilizată de detectare a defectelor în software este aplicarea testelor de acceptare.

Acestea sunt utilizate în contextul așa - numitelor *wrappers* (ambalaje) dar și în blocurile de recuperare.

Aceste teste sunt mecanisme importante în implementarea toleranței la defecte în software.

Dacă un termometru arată – 40° C în miezul unei zile de vară, spre exemplu, termometrul respectiv este presupus că funcționează eronat. Acesta este un exemplu de *test de acceptare*.

Un test de acceptare este, în esență, o verificare a rezonabilității. Cele mai multe dintre testele de acceptare, în general, sunt cuprinse într-una din categoriile următoare.

Verificarea duratei de execuție. Acesta este un alt instrument mult folosit în toleranța defectelor în software. Dacă există o apreciere cât de cât a duratei rulării codului, se poate programa o întrerupere corespunzătoare intervalului de timp estimat. Atunci când acel timp estimat a fost depășit se poate presupune că a avut loc o funcționare necorespunzătoare (o eroare produsă în hardware ori ceva eronat în software care a cauzat depășirea duratei estimate). Verificările prin durata execuției sunt folosite în paralel cu alte teste de acceptare.

Verificarea rezultatului. În anumite cazuri testul de acceptare este cât se poate de natural sugerat chiar de problema în cauză. Adică, natura problemei este de în așa fel, încât chiar dacă problema este dificil de soluționat, este mult mai comod de verificat corectitudinea rezultatului deoarece este mult mai puțin probabil ca verificarea, în sine, să fie incorectă. În acest sens, spre exemplu, soluționarea unui joc puzzle poate fi de durată, dar verificarea corectitudinii acesteia este trivial de simplă.

Exemple ale unor astfel de probleme în software sunt:

- calculul rădăcinii pătrate (se ridică la pătrat rezultatul și se verifică obținerea numărului inițial),
- factorizarea unor numere mari (se multiplică factorii corespunzători, urmărind obținerea numerelor respective, dar metoda poate fi de durată),
- soluționarea ecuațiilor (se introduc soluțiile în ecuațiile inițiale) și
- ordonarea. De remarcat că în problemele de ordonare este insuficient să se verifice corecta ordonare, pe de-o parte dar trebuie verificat și faptul că toate numerele supuse ordonării sunt prezente în rezultatul final (șirul ordonat complet de numere).

Adeseori, din rațiuni care țin de durata testelor, se utilizează verificări probabilistice. Acestea nu garantează detectarea tuturor rezultatelor eronate chiar dacă verificările sunt executate perfect. Un astfel de exemplu de verificare probabilistică, privind corectitudinii înmulțirii matricelor, este descris în cele ce urmează.

Se presupune că sunt înmulțite două matrice A și B , pătrate de dimensiune n , obținându-se matricea C .

Verificarea rezultatului, fără repetarea înmulțirii matricelor, utilizează un vector aleatoriu cu n întregi, R , și efectuează operațiile $M_1 = A \times (B \times R)$ și $M_2 = C \times R$. Dacă $M_1 \neq M_2$, atunci a avut loc o eroare.

Dar, dacă $M_1 = M_2$, aceasta nu dovedește, totuși, că rezultatul C este corect.

În același timp, este *foarte puțin probabil* că vectorul aleatoriu R a fost astfel ales încât $M_1 = M_2$, chiar dacă $A \times B \neq C$. Se poate obține reducerea, în continuare, a acestei probabilități prin alegerea unui alt vector aleatoriu R , tot cu n componente, repetând verificarea. Acest test are complexitatea $O(mn^2)$.

Verificarea ordinului mărimii a rezultatului. Există situații când nu sunt la îndemână abordări evidente și convenabile pentru verificarea corectitudinii rezultatului. Pentru astfel de situații sunt folosite majorări ori limite ale rezultatului. În acest sens, se utilizează cunoașterea naturii aplicației pentru evaluarea unor limite acceptabile ale rezultatului. Un rezultat situat în afara acestor limite justifică declararea rezultatului respectiv ca fiind eronat.

De cele mai multe ori limitele sunt fie valori prestabilite, fie sunt calculabile prin funcții simple care depind de variabilele în raport cu care se determină rezultatul respectiv.

În cele de-al doilea caz este important ca funcțiile să fie suficient de simplu implementabile astfel încât probabilitatea de rejecție a testului software însuși, ca fiind defect, să fie suficient de mică.

Un satelit prevăzut cu senzori de temperatură, spre exemplu, efectuează din spațiu imagini termice ale suprafeței pământului. Se pot stabili, evident, limite ale gamei de temperaturi și se poate considera orice abatere față de aceste limite, ca fiind o indicație clară a unei malfuncționări. Chiar mai mult, se pot stabili corelații spațiale, care să repereze diferențe excesive dintre temperaturile unor arii adiacente și să se declare eroare dacă diferențele nu sunt explicabile prin cauze fizice (cum ar fi prezența unor vulcani).

Atunci când sunt stabilite limitele pentru acceptarea testelor trebuie să fie considerați doi parametri, *sensibilitatea* și *specificitatea*.

Sensibilitatea este probabilitatea ca testul de acceptare să sesizeze un rezultat eronat. Mai exact, sensibilitatea este probabilitatea condiționată ca testul să declare o eroare, dat fiind faptul că rezultatul este eronat.

Specificitatea, spre deosebire de sensibilitate, este probabilitatea condiționată ca atunci când testul de acceptare detectează un rezultat eronat, aceasta este într-adevăr o eroare și nicidecum un rezultat corect, care se întâmplă să se situeze în afara limitelor testului.

Un parametru strâns legat este probabilitatea unei *false alarme*. Aceasta este probabilitatea condiționată ca testul să declare eronat un rezultat care, în fapt, este corect. Se poate atinge o creștere a sensibilității prin îngustarea intervalului de acceptare. Aceasta ar conduce, în același timp, din nefericire la micșorarea specificității și creșterea probabilității falselor alarme.

Versiunea singulară la toleranța față de defecte

Sunt considerate căi și metode prin care componente individuale de software pot fi făcute să fie mult mai robuste. Se vor considera, pentru început încapsulările. Acestea sunt interfețe specifice care îmbunătățesc interfețele modulelor software existente.

Încapsulările

Acestea sunt structuri software care încapsulează un program atunci când acesta este executat. Se poate efectua încapsularea aproape la orice nivel al software-ului. Exemple curente cuprind software de aplicații, *middleware* și chiar nucleul sistemului de operare. Fluxul intrărilor venind de la mediul extern, lumea din afară, spre entitatea încapsulată sunt interceptate de încapsulare, care decide când să le transmită entității încapsulate sau când să semnaleze o excepție spre sistem.

În mod absolut similar ieșirile entității încapsulate sunt de asemenea filtrate prin încapsulare.

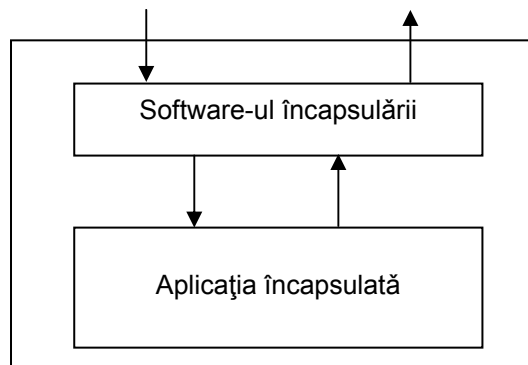
Încapsulările au devenit foarte mult uzitate atunci când s-a început utilizarea componentelor software COTS în vederea aplicațiilor cu înaltă fiabilitate. Componentele COTS sunt scrise pentru aplicații de uz general, pentru care erorile sunt supărătoare, în adevăr, dar nu sunt o calamitate.

Înainte ca aceste componente să fie folosite în aplicații care impuneau fiabilitate ridicată, acestea trebuiau să fie incluse, cuprinse, într-un anumit mediu software care să le micșoreze rata erorilor.

Acest mediu (încapsularea) trebuia să evite spre aplicația încapsulată fluxuri de intrări care sunt fie în afara gamei de valori valide, fie sunt cunoscute deja ca fiind cauzatoare de erori. Similar, încapsularea trece fluxurile de ieșire ale entității încapsulate printr-un filtru de acceptare înainte să le trimită spre sistem.

Dacă anumite informații, eventual toate ieșirile violează testul de acceptare, acest fapt trebuie transmis sistemului care decide asupra unei acțiuni corespunzătoare.

O încapsulare este caracterizată, specificată, prin entitatea încapsulată dar și prin sistemul în care se instalează.



Structura generală a unei încapsulări software

Tratarea depășirii lungimii zonelor tampon de memorie. Limbajul de programare C, tradițional, nu efectuează întotdeauna verificarea mărimii masivelor, ceea ce poate cauza neajunsuri accidentale ori rău intenționate. Scrierea unui șir mare de caractere într-o zonă tampon de memorie insuficientă ca mărime, produce o depășire; deoarece nu se efectuează nici o verificare a lungimii zonelor implicate în transfer, o regiune din memorie, situată în imediata vecinătate a zonei tampon, este suprascrisă. Mai mult, conținutul zonei suprascrise nu este controlat.

Se consideră, spre exemplu, funcția *strcpy()* din limbajul C. Aceasta funcție copiază șiruri de caractere dintr-o locație de memorie în alta. Dacă se execută apelul *strcpy(str1, str2)*, unde *str1* desemnează o zonă tampon de memorie cu lungimea 5 iar *str2* este adresa unui șir cu lungimea 25, atunci depășirea zonei de memorie va suprascrie o regiune din memorie în afara zonei de tampon *str1*.

Astfel de depășiri au fost exploatate în vederea producerii unor agresiuni.

O încapsulare poate verifica și asigura că astfel de depășiri de suprascriere nu sunt posibile, spre exemplu, prin verificarea capacității zonei de memorie tampon în raport cu șirul desemnat.

Violarea acestei reguli face să se anuleze apelul funcției *strcpy()* iar încapsularea returnează o eroare sau ridică o excepție spre sistem.

Utilizarea unor aplicații software având erori cunoscute. Sunt cunoscute situații în care o aplicație achiziționată se dovedește să aibă defecte. Stabilirea funcționării defectuoase poate avea loc în urma unor verificări specifice sau ca urmare a unor rapoarte provenite din utilizări

anterioare și care au dovedit existența unor anumite malfuncționări, corespunzătoare unor anumite seturi de date S , etc.

Se poate ca versiunea nouă, corectată și adusă la zi, urmând să fie lansată de producător să nu fie încă disponibilă, cel puțin un timp.

În consecință, trebuie utilizată cea curentă, așa cum este aceasta. Pentru evitarea defectelor cunoscute această aplicație trebuie controlată. Instituirea acestui control se realizează prin încapsulare.

Încapsularea va intercepta intrările de date ale aplicației și va stabili dacă acestea au intersecție nevidă cu mulțimea S de seturi de date, cunoscute ca fiind cauzatoare a malfuncționării. În cazul în care datele de intrare ale aplicației sunt din mulțimea S , acestea se pot redirecționa spre o aplicație special constituită, capabilă să trateze situația ori, în cel mai defavorizat caz, să poată emite o excepție spre sistem.

Utilizarea unei aplicații de încapsulare care să verifice corectitudinea rezultatelor produse. O astfel de aplicație de încapsulare cuprinde un test de acceptare prin care se poate filtra orice rezultat produs de aplicația verificată. Dacă rezultatul produs de aplicația verificată trece de testul respectiv, atunci acel rezultat este transmis mai departe. Dar, dacă rezultatul nu satisface testul de acceptare atunci se generează o excepție iar sistemul are de soluționat un caz suspect.

O alternativă la generarea unei excepții, este implementarea în aplicația de încapsulare a unui modul specific de tratare a situației generate în urma ne-satisfacerii testului de acceptare. Acest modul specific poate stabili rezultatul corect și îl poate substitui celui produs în aplicația verificată.

Capacitatea încapsulării cu succes a unei aplicații existente depinde de anumiți factori:

- (a) Calitatea testelor de acceptare. Acest factor este intens dependent de aplicația respectivă și are un impact imediat asupra abilității aplicației încapsulatoare să blocheze ieșirile eronate produse de aplicația încapsulată.
- (b) Disponibilitatea informațiilor necesare, proprii aplicației încapsulate. Adesea componenta încapsulată este tratată ca fiind o *cutie neagră* și tot ce se poate observa în legătură cu comportamentul acesteia sunt valorile produse la ieșire, ca răspuns la anumite valori ale intrărilor. În astfel de situații încapsularea va fi cumva limitată.
- (c) Măsura în care aplicația încapsulată a fost deja testată. Testarea extensivă a acestei aplicații permite identificarea regiunilor din spațiul valorilor de intrare pentru care aplicația nu funcționează corect și implică implicit diminuarea probabilității propagării în sistem a valorilor eronate.

Se consideră, spre exemplu, verificarea corectitudinii unui modul planificator de sarcini (*scheduler*). Pentru aceasta se consideră o încapsulare a planificatorului de sarcini dintr-un sistem în timp real, tolerant la defecte.

Spre deosebire de sistemele de operare de uz general, planificatoarele sistemelor în timp real nu utilizează o planificare de tip *R-R* (*round-robin*).

Un algoritm de planificare pentru planificatoarele de sarcini în timp real este de tip *EDF* (*EDF* fiind abrevierea denumirii *Earliest Deadline First*) în care, așa cum rezultă din denumire, sistemul execută prioritar sarcina cu cel mai strâns, apropiat, termen de execuție dintre toate sarcinile care sunt gata să fie lansate în execuție.

Un astfel de algoritm trebuie să ia în considerație anumite restricții privind întreruperea execuției unei sarcini înainte de terminarea execuției acesteia, deoarece anumite sarcini nu se pot întrerupe pe durata unor anumite porțiuni, dinainte cunoscute, ale execuției acestora.

Un astfel de planificator poate fi supus unei încapsulări printr-o aplicație care verifică modul corect de execuție al planificatorului:

- planificatorul alege, dintr-o mulțime existentă, mereu sarcina gata de execuție caracterizată prin termenul de execuție cel apropiat.
- apariția, la un moment dat, a unei noi sarcini executabile având termen mai scurt decât sarcina executată curent trebuie să conducă la lansarea acesteia în execuție doar dacă execuția sarcinii curente poate fi întreruptă.

Este evident că pentru soluționarea verificării funcționării corecte a planificatorului EDF, aplicația încapsulatoare trebuie să aibă acces la anumite informații esențiale:

- mulțimea sarcinilor gata de execuție,
- termenele de execuție ale acestora și
- informația privind posibilitatea întreruperii înainte de termen a sarcinii executate curent.

Obținerea acestor informații impune, în fapt, accesul printr-o interfață corespunzătoare a respectivului planificator al sarcinilor în timp real, privitor la starea sarcinilor gata de lansat în execuție ca și asupra termenelor lor de execuție, pe de-o parte, dar și asupra momentului când sarcina aflată curent în execuție este interruptibilă înainte de termen.

Reîntinerirea software-ului

Sunt multe situații în care un utilizator se confruntă cu situații în care calculatorul se blochează. Reacția firească este adesea reîncărcarea sistemului de operare. Această operație este cea mai simplă cale de reîntinerire a software-ului.

Pe măsură ce se execută un proces de calcul acesta ocupă memorie și acaparează fișiere fără să elibereze corespunzător aceste resurse. În paralel datele unui astfel de proces tind să fie corupte și să se acumuleze erori necorectate. Un astfel de proces tinde să consume, în egală măsură, fire de execuție și semafoare fără să le elibereze. Dacă un asemenea proces continuă să ruleze indefinit, va deveni defect și va stopa execuția. Pentru evitarea unei astfel de situații se poate proceda să se stopeze, proactiv, procesul. Astfel, starea internă a acestui proces este re-inițializată și se poate demara reluarea respectivului proces. Aceasta este ceea ce se numește o reîntinerire a software-ului.

Nivelul reîntineririi

Se poate aplica un procedeu de reîntinerire fie la nivelul aplicației, fie la nivelul procesorului respectiv.

Reîntinerirea practică la nivelul unei aplicații constă din suspendarea individuală a respectivei aplicații, ștergerea stării acesteia, reinițializarea structurilor de date ale acesteia ș.a.m.d., după care se relansează în execuție respectiva aplicație.

Reîntinerirea aplicată la nivelul procesorului constă din re-încărcarea sistemului de operare și afectează toate aplicațiile care rulează pe respectivul procesor. Dacă situația se petrece la nivelul unui cluster de procesoare este de dorit ca să se mărginească reîntinerirea astfel încât o atare reîntinerire să afecteze doar o mica parte a procesoarelor la un moment dat.

Modul de aplicare al reîntineririi

Reîntinerirea software-ului se poate determina în raport cu timpul sau se poate stabili prin predicție. Reîntinerirea software-ului în raport cu timpul constă în acțiuni de reîntinerire la intervale constante de timp.

Determinarea perioadei optime de inter-reîntinerire trebuie să echilibreze beneficiile în raport cu costurile operației de reîntinerire.

Se poate constitui un model matematic simplu al modului de aplicare periodică a reîntineririi software-ului.

Se vor utiliza câteva notații:

$N(t)$ – numărul mediu de erori dintr-un interval de timp t , fără efectuarea vreunei reîntineriri.

C_e – costul fiecărei erori,

C_r – costul fiecărei operații de reîntinerire,

P – perioada de timp scursă între două reîntineriri succesive.

Prin sumarea costurilor datorită erorilor și aferente operațiilor de reîntinerire se determină expresia costului reîntineririi aferente unei perioade de timp P , notat prin $C_{re}(P)$:

$$C_{re}(P) = N(P) \cdot C_e + C_r$$

Prin raportarea acestui cost la timpul de aplicare a unei reîntineriri, se obține costul (în raport cu o unitate de timp) unei operații de reîntinerire.

Acest cost este notat prin $C_{rata}(P)$ și are expresia:

$$C_{rata}(P) = \frac{C_{re}(P)}{P} = \frac{N(P)C_e + C_r}{P} \quad (1)$$

Este util de considerat diferite cazuri asupra modului cum evoluează numărul mediu de erori între două operații de reîntinerire.

Întâi se poate considera că viteza de defectare a software-ului λ este constantă pe toată durata de execuție a software-ului.

Această ipoteză conduce la o expresie a numărului mediu de erori, acumulate după un interval P de timp, de forma:

$$N(P) = \lambda P.$$

Substituind această expresie pentru $N(P)$ în (1) se obține:

$$C_{rata}(P) = \lambda C_e + C_r / P.$$

Se poate ușor remarca faptul că se poate minimiza această expresie, dedusă, pentru $C_{rata}(P)$ dacă P tinde spre infinit. Concluzia se poate formula în termenii următori:

- Atunci când viteza de defectare a software-ului este constantă în timp, este rentabil să se evite reîntinerirea software-ului.
- Reîntinerirea software-ului este profitabilă atunci când viteza de apariție a erorilor crește pe măsură ce este executat software-ul respectiv.

Următoarea ipoteză asupra vitezei de defectare a software-lui consideră că numărul mediu de defecte care apar într-un interval de timp P este de forma:

$$N(P) = \lambda P^2.$$

Din expresia (1) cu $N(P) = \lambda P^2$ rezultă că:

$$C_{rata}(P) = \lambda P C_e + C_r / P$$

Minimizarea expresiei astfel obținute se va determina pentru:

$$\frac{dC_{rata}(P)}{dP} = 0,$$

Cu condiția:

$$\frac{d^2 C_{rata}(P)}{dP^2} > 0.$$

Prin soluționarea condițiilor anterior menționate se obține o durată optimă, notată prin P^* , de forma:

$$P^* = \sqrt{\frac{C_r}{\lambda C_e}}.$$

În cel de-al treilea caz se consideră că $N(P) = \lambda P^n$, $n > 1$.

Acest caz este o generalizarea a cazului precedent. Astfel, în acest caz se obține, pentru $C_{rata}(P)$, expresia:

$$C_{rata}(P) = \lambda P^{n-1} C_e + C_r / P.$$

Printr-un calcul similar celui aplicat în cazul anterior, se stabilește că perioada optimă de reîntinerire are expresia:

$$P^* = \left(\frac{C_r}{(n-1)\lambda C_e} \right)^{1/n}$$

Pentru alegerea corespunzătoare a valorii perioadei P este necesară cunoașterea valorilor parametrilor C_r/C_e și $N(t)$.

Acești parametrii se pot obține experimental prin rularea unor simulări ori alternativ, sistemul poate fi proiectat adaptiv, având anumite valori inițiale implicite, alese pentru început.

În timp, pe măsură ce se culeg date și se determină statistici, care reflectă natura căderilor software-ului, se poate ajusta corespunzător perioada de reîntinerire.

Reîntinerirea bazată pe predicții cuprinde monitorizarea caracteristicilor sistemului (cum ar fi volumul de memorie alocat, numărul de fișiere etc.) și predicțiile privitor la condițiile în care au loc căderile sistemului. Dacă un proces, spre exemplu, este intens consumator de memorie, cu o anumită viteză, atunci sistemul va putea estima destul de precis când va avea loc depășirea volumului de memorie disponibilă. Reîntinerirea software-ului, în acest caz, va avea loc chiar înaintea momentului predeterminat al epuizării memoriei disponibile.

Software-ul care implementează reîntinerirea bazată pe predicții trebuie să poată să aibă acces la suficient de multe informații de stare ale sistemului pentru determinarea unor predicții fiabile. Atunci când aplicația care gestionează reîntinerirea software-ului face parte din sistemul de operare, este satisfăcut accesul la informațiile vitale pentru stabilirea unor predicții satisfăcătoare.

Dar dacă această aplicație rulează peste sistemul de operare, fără să aibă privilegii speciale, atunci aceasta va fi constrânsă să utilizeze orice interfață este oferită de sistemul de operare pentru ca să colecteze informații privitor la starea sistemului.

Sistemul de operare Linux, spre exemplu, oferă anumite facilități de acces la informațiile de sistem prin intermediul unor utilități cum ar fi:

vmstat – oferă informații despre utilizarea procesorului, memoriei și activității în pagini, întrepreri și operații de I/E.

iostat – produce utilizarea procentuală a UC, la nivelurile de utilizator și sistem, precum și un raport asupra utilizării fiecărui dispozitiv de I/E.

netstat – arată conexiunile în rețea, tabelele de rutare și tabelul tuturor interfețelor de rețea.

nfsstat – oferă statistici despre clientul NFS și activitățile NFS.

Odată ce s-au colectat informațiile corespunzătoare stării sistemului, se pot identifica tendințele și se pot face predicții privitor la momentul în care aceste tendințe vor produce erorile de sistem. Dacă se cunoaște modul în care a fost cerută și alocată memorie, unui anumit proces, de-a lungul timpului, se poate determina o aproximare polinomială (eventual utilizând metoda celor mai mici pătrate) a alocărilor de memorie dintr-o anumită fereastră, interval, de timp scurs recent.

Cea mai simplă abordare, în acest sens, este potrivirea peste punctele de alocare a unei linii drepte, echivalentă unui polinom de gradul întâi, de forma: $f(t) = mt + c$.

Aproximări mai complexe pot utiliza un polinom de grad neprecizat, de gradul n , spre exemplu. Fereastra de timp se presupune că include ultimele k momente de timp:

$$t_1 < t_2 < \dots < t_k,$$

unde t_k este cel mai recent moment.

Se presupun cunoscute valorilor corespunzătoare celor k momente de timp:

$$\mu(t_1), \mu(t_2), \dots, \mu(t_k).$$

Unde $\mu(t_i)$, $1 \leq i \leq k$, reprezintă volumul de memorie alocată la momentul t_i .

Se caută să se determine coeficienții polinomului:

$$f(t) = m_n t^n + m_{n-1} t^{n-1} + \dots + m_1 t + m_0,$$

astfel încât să se minimizeze expresia:

$$\sum_{i=1}^k [\mu(t_i) - f(t_i)]^2.$$

Acest polinom poate fi utilizat pentru extrapolarea funcției de alocare a memoriei și să se poată prognoza momentul când procesul va epuiza memoria disponibilă.

În aproximarea prin cele mai mici pătrate fiecare punct observat $\mu(t_i)$ are aceeași pondere în determinarea funcției de aproximare. O variantă a acestei metode este metoda *ponderată* a

celor mai mici pătrate, în care se caută să se minimizeze suma ponderată a pătratelor. Pentru problema aproximării cererilor de memorie se vor alege anumite ponderi:

$$w_1, w_2, \dots, w_k,$$

urmând să se determine coeficienții funcției $f(t)$ astfel încât să se minimizeze expresia:

$$\sum_{i=1}^k w_i [\mu(t_i) - f(t_i)]^2 .$$

Introducerea ponderilor face posibilă introducerea unei anumite discriminări între anumite puncte din domeniul de definiție al funcției f .

Astfel, dacă $w_1 < w_2 < \dots < w_k$, atunci datele mai recente vor influența procesul de potrivire mai mult decât cele anterioare.

Abordarea problemei predicției prin metoda de aproximare a celor mai mici pătrate este vulnerabilă la impactul câtorva puncte cu valori disparate (valori mult în afara celorlalte, mult mai mari ori mult mai mici) care pot distorsiona potrivirea căutată.

Pentru astfel de situații sunt utilizate tehnici care să favorizeze o potrivire mai robustă, prin reducerea impactului unor astfel de puncte cu valori disparate.

Abordările combinate sunt adeseori utilizate. Astfel, reîntinerirea software-ului poate avea loc:

- fie la momentul planificat P ,
- fie corespunzător momentului pentru care s-a făcut predicția producerii următoarei erori.

Este ales acel moment care îl precede pe celălalt.

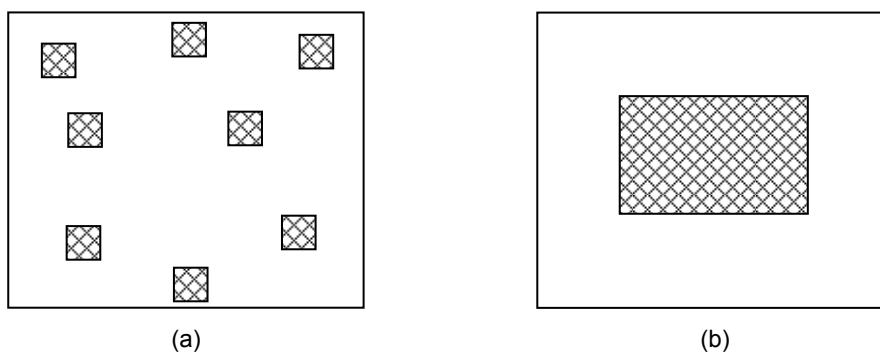


Figura 1. Regiuni de eșec.
(a) regiuni de eșec mici, dispersate. (b) regiunea de eșec mare, compactă.

Diversitatea datelor

Spațiul intrărilor unui program este spațiul ce cuprinde toate intrările posibile. Acest spațiu poate fi divizat în regiuni de *eșec* și regiuni de *non-eșec*. Un program eșuează dacă și numai dacă intrările sale aparțin unor regiuni de eșec.

Regiunile de eșec pot fi determinate în orice formă geometrică și mărime. Spațiul intrărilor poate avea, tipic, un număr mare de dimensiuni, dar poate fi vizualizat doar într-un nerealist

de simplu spațiu bidimensional. Figura 1 prezintă două reprezentări arbitrare ale unor spații de eșec. Regiunile de eșec, reprezentate în figura 1 prin suprafețele hașurate, ocupă, în ambele cazuri, aproximativ aceeași arie din spațiul intrărilor. Dar, regiunea de eșec în figura 1 (a) constă dintr-un număr de opt zone insulare relativ mici, în timp ce regiunea de eșec din figura 1 (b) apare reprezentată printr-o arie compactă și relativ întinsă.

În ambele cazuri, figura 1 (a) sau (b), dacă intrările sistemului sunt din zona de eșec acesta va eșua. Diferența esențială dintre figura 1 (a) și figura 1 (b) constă în faptul că o mică perturbație a valorilor intrărilor din figura 1 (a) poate face ca valorile liniilor de intrare să părăsească regiunea de eșec și să treacă în regiunea de non-eșec.

Defectări de felul celor reprezentate prin figura 1 (a) sugerează o posibilă abordare a toleranței defectelor. Dacă se consideră că intrările sistemului sunt dintr-una din zonele de eșec, atunci o mică perturbație a intrărilor sistemului este posibil să scoată intrările acestuia din aria de eșec și să le treacă în zona non-eșec. Această abordare generică se numește, în literatură, *diversitatea datelor*. Modul în care se implementează aceasta depinde de mecanismele de detecție a erorilor.

Dacă se rulează doar o singură copie a software-ului la un moment dat și se utilizează un test de acceptare pentru detectarea erorilor, atunci se poate recalcula același rezultat cu intrări perturbate și verifica rezultatul astfel determinat.

Dacă se utilizează un sistem masiv redundant, se pot aplica seturi de intrări ușor diferite diferitelor versiuni ale programului și urmărit rezultatul la circuitul de votare. Perturbări ale datelor de intrare se pot face atât implicit cât și explicit.