

---

## CAPITOLUL 4

---

### PROIECTAREA BAZELOR DE DATE

O categorie de probleme care pot să apară în dezvoltarea unei aplicații continuând o bază de date este cea a proiectării incorecte a schemelor de relație. În acest caz pot să apară o serie de *anomalii* care pot complica procesul de programare. Testarea corectitudinii unei scheme de relație poate fi făcută cu ajutorul *dependentelor functionale* (sau de alt tip) atașate acelei scheme.

Acestea modelează corelații care există între datele din lumea reală stocate în baza de date și, așa cum am menționat anterior, în cadrul teoriei bazelor de date relationale, ele reprezintă criteriile de corectitudine ale datelor încărcate în baza de date.

În cazul în care o relație nu are o schemă corespunzătoare ea trebuie înlocuită cu două sau mai multe relații (operația este numită și *descompunerea unei scheme de relație*), fiecare relație rezultată având o schemă corectă – aflată în *forma normală* dorită.

În cadrul acestui capitol vom prezenta elementele de proiectare a structurii unei baze de date subliniate mai sus.

#### 4.1. Anomalii

Exemplificarea anomaliilor rezultate din proiectarea defectuoasă a schemei unei relații va fi făcută folosind tabela Produse din paragraful 3.1.3:

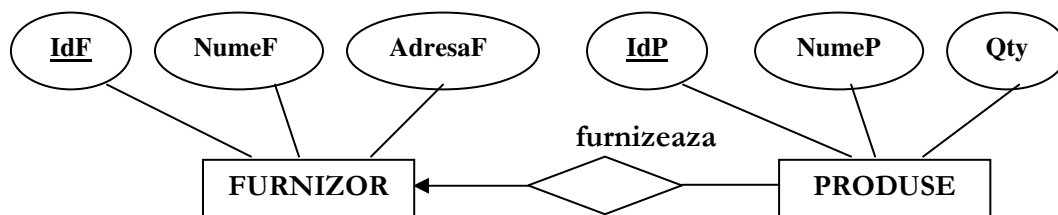
##### Produse

IdP	NumeP	Qty	IdF	NumeF	AdresaF
101	Imprimanta laser	30	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
105	Calculator PC	20	23	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti
124	Copiator	10	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București

- a. **Redundanta:** Redundanta reprezintă stocarea în mod nejustificat a unei aceleiași informații de mai multe ori în baza de date. Observăm de exemplu că pentru fiecare produs este stocat numele și adresa furnizorului, deși ele sunt unic determinate de codul acestuia.
- b. **Anomalia de actualizare:** În cazul actualizării unei informații redundante, se poate întâmpla ca operația să modifice unele apariții ale acesteia iar altele să rămână cu vechea valoare.

- c. **Anomalia de inserare:** Nu putem insera date despre un furnizor (numele si adresa sa) decat daca exista in stoc un produs furnizat de acesta.
- d. **Anomalia de stergere:** La stergerea din relatie a ultimului produs al unui furnizor se pierd automat si datele despre acesta.

Aceste anomalii apar deoarece intr-o aceeași tabelă au fost stocate date despre două clase diferite de obiecte. În cazul proiectării cu ajutorul modelului entitate-asociere diagrama corectă este următoarea:



Prin transformarea acestei diagrame se obțin următoarele scheme de relație:

Furnizor(IdF, NumeF, AdresaF)  
 Produse(IdP, NumeP, Qty, IdF)

Rezultă că informația din relația Produse trebuie stocată de fapt în două relații astfel:

**Furnizori**

IdF	NumeF	AdresaF
20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
23	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti

**Produse**

IdP	NumeP	Qty	IdF
101	Imprimanta laser	30	20
105	Calculator PC	20	23
124	Copiator	10	20

Procesul de ‘spargere’ a unei tabele care are o structură incorectă în două sau mai multe tabele se numește **descompunerea schemei de relație**. Pentru detectarea relațiilor care trebuie descompuse există o serie de reguli de corectitudine, numite și **forme normale**. Definirea acestor forme normale se bazează pe noțiunea de **dependență (funcțională sau multivalorică)** prezentată în continuare.

## 4.2. Dependente funcționale

### 4.2.1. Notatii

În paragrafele următoare vom folosi următoarea convenție de notare, întâlnită în multe lucrări din literatura de specialitate a domeniului:

- R, S, T, ...: scheme de relatii,
- r, s, ...: instante ale relatiilor R respectiv S,
- A, B, C, D, ... (litere mari de la inceputul alfabetului): atribute ale unei relatii,
- X, Y, Z, W, U, ... (litere mari de la sfarsitul alfabetului): multimi de atribute dintr-o schema de relatie,
- $X \subseteq R$ : Multimea de atribute X este inclusa in multimea atributelor relatiei R.
- $Y \subseteq X$ : Multimea de atribute Y este inclusa in multimea de atribute X
- $A \in X$ : Atributul A apartine multimii de atribute X
- t, t1, t2, ... tupluri ale unei relatii,
- $t[X]$ : valorile atributelor din X aflate in tuplul t,
- F, G, ...: multimi de dependente functionale atasate unei scheme de relatie

In paragrafele urmatoare termenul generic de **relatie** semnifica atat *schema relatiei* (descrierea structurii acesteia) cat si *o instanta a acesteia* (continutul de date de la un moment dat al relatiei).

#### 4.2.2. Definitia dependentelor functionale

**Definitie:** Fie:

- R o schema de relatie
- $X, Y \subseteq R$  doua multimi de atribute ale acesteia.

Spunem ca X *determina functional pe Y* (sau Y este determinata functional de X) daca si numai daca oricare ar fi doua tupluri  $t_1$  si  $t_2$  din orice instanta a lui R atunci:

$$t_1[X] = t_2[X] \Rightarrow t_1[Y] = t_2[Y].$$

sau, in cuvinte, daca doua tupluri au aceleasi valori pe atributele X atunci ele au aceleasi valori si pe atributele Y.

Notatia pentru dependente functionale este o sageata de la stanga spre dreapta:

$$X \rightarrow Y$$

**Exemplu:** In relatia Produse din paragraful anterior putem scrie urmatoarele dependente functionale:

$$\text{IdP} \rightarrow \text{NumeP, Qty, IdF, NumeF, AdresaF,}$$

$$\text{IdF} \rightarrow \text{NumeF, AdresaF}$$

Aceste dependente arata ca

- daca doua produse au acelasi IdP, este vorba de fapt de acelasi produs
- daca doua produse au acelasi IdF (Id furnizor) atunci si valorile pentru numele si adresa acestuia trebuie sa fie aceleasi.

**Observatie:** Dependentele functionale nu se determina din inspectarea continutului de la un moment dat al relatiei ci din semnificatia atributelor acesteia. In exemplul prezentat, a doua dependenta functionala arata ca daca la doua produse apare acelasi Id furnizor atunci numele si adresa furnizorului sunt de asemenea aceleasi (deoarece nu pot sa existe doi furnizori diferiti cu acelasi Id).

### 4.2.3. Axiome si reguli

Pornind de la o multime de dependente functionale atasate unei scheme de relatie se pot deduce alte dependente functionale valide. Exista o multitudine de reguli de inferenta. Pentru a se putea face o prezentare formala a acestora, trei dintre ele au fost alese ca axiome iar restul se pot deduce pornind de la ele. Cele trei axiome (numite in literatura si **Axiomele lui Armstrong**) sunt urmatoarele:

**A1. Reflexivitate:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X \subseteq R$ .

$$\text{Daca } Y \subseteq X \text{ atunci } X \rightarrow Y$$

Toate dependentele functionale care rezulta din acest axioma sunt numite si **dependente triviale**. Ele nu spun nimic in plus fata de setul de dependente initial dar sunt dependente functionale valide.

**A2. Augmentare:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y, Z \subseteq R$ .

$$\text{Daca } X \rightarrow Y \text{ atunci si } XZ \rightarrow YZ$$

Aceasta axioma arata ca se poate reuni o aceeasi multime  $Z$  in stanga si in dreapta unei dependente functionale valide obtinand de asemenea o dependenta functionala valida.

**A3. Tranzitivitate:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y, Z \subseteq R$ .

$$\text{Daca } X \rightarrow Y \text{ si } Y \rightarrow Z \text{ atunci si } X \rightarrow Z$$

Pe baza acestor axiome se pot demonstra o serie de reguli de inferenta pentru dependente functionale dintre care cele mai importante sunt urmatoarele:

**R1. Descompunere:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y, Z \subseteq R$ .

$$\text{Daca } X \rightarrow Y \text{ si } Z \subseteq Y \text{ atunci si } X \rightarrow Z$$

Regula descompunerii ne permite sa rescriem un set de dependente functionale astfel incat sa obtinem doar dependente care au in partea dreapta doar un singur atribut. Sa presupunem ca avem o dependenta functionala de forma:

$$X \rightarrow A_1 A_2 A_3 \dots A_n$$

Atunci ea poate fi inlocuita cu urmatoarele  $n$  dependente functionale:

$$X \rightarrow A_1$$

$$X \rightarrow A_2$$

$$X \rightarrow A_3$$

...

$$X \rightarrow A_n$$

**R2. Reuniune:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y, Z \subseteq R$ .

$$\text{Daca } X \rightarrow Y \text{ si } X \rightarrow Z \text{ atunci si } X \rightarrow YZ$$

Rezulta si faptul ca din cele  $n$  reguli obtinute prin descompunere se poate obtine dependenta initiala, deci inlocuirea acesteia nu duce la pierderea vreunei corelatii existente.

**R3. Pseudotranzitivitate:** Fie  $R$  o schema de relatie și  $X, Y, Z, W \subseteq R$ .

Dacă  $X \rightarrow Y$  și  $YZ \rightarrow W$  atunci și  $XZ \rightarrow W$

**Exercitiu:** Demonstrați cele trei reguli folosind axiomele lui Armstrong.

Exemplu de demonstrație:

Pentru regula R3: Augmentăm prima dependentă cu  $Z$ . Obținem  $XZ \rightarrow YZ$ . Din această dependentă și din  $YZ \rightarrow W$  obținem prin tranzitivitate  $XZ \rightarrow W$ , qed.

#### 4.2.4. Inchiderea unei multimi de DF

Pornind de la un set de dependente funcționale  $F$  și utilizând axiomele și regulile obținem o mulțime de alte dependente, triviale sau nu. Mulțimea tuturor dependentelor funcționale care se pot deduce din  $F$  se numește **inchiderea multimei de dependente**  $F$ , notată cu  $F^+$ . Definiția formală a acestei închideri este următoarea:

$$F^+ = \{X \rightarrow Y \mid F \Rightarrow X \rightarrow Y\}$$

Unde prin  $\Rightarrow$  am notat faptul că dependentă respectivă se poate deduce din  $F$  folosind axiomele și regulile.

Mulțimea  $F^+$  conține foarte multe dependente, inclusiv dependente triviale ca:

$ABC \rightarrow A, ABC \rightarrow B, ABC \rightarrow C, ABC \rightarrow AB, ABC \rightarrow AC, ABC \rightarrow BC$  sau  
 $ABC \rightarrow ABC$

Ea nu se calculează, algoritmi care au nevoie de ea ocolind într-un fel sau altul calculul acesteia. Introducerea acestei noțiuni s-a făcut pentru a explica, în cazul descompunerii unei scheme de relație, care sunt dependentele moștenite de elementele descompunerii de la relația inițială (paragraful 4.3) și pentru a putea defini formal alte noțiuni:

**Acoperirea unei multimi de DF:** Fie  $R$  o schema de relație și  $F, G$  două mulțimi de dependente pentru  $R$ . Se spune că  $F$  **acoperă** pe  $G$  dacă și numai dacă  $G \subseteq F^+$ .

**Echivalența a două mulțimi de dependente:** Fie  $R$  o schema de relație și  $F, G$  două mulțimi de dependente pentru  $R$ . Se spune că  $F$  **echivalență** cu  $G$  dacă și numai dacă  $F$  acoperă pe  $G$  și  $G$  acoperă pe  $F$  (deci  $G \subseteq F^+$  și  $F \subseteq G^+$ , deci  $F^+ = G^+$ )

**Forma canonică a unei multimi de DF:** Din definițiile de mai sus rezultă că o mulțime de dependente poate fi înlocuită cu alta echivalentă conținând alte dependente. În cazul în care această mulțime îndeplinește condițiile următoare se spune că este în **forma canonică**:

- Orice dependentă are în partea dreaptă un singur atribut. Acest lucru se poate obține aplicând regula descompunerii prezentată anterior.
- Mulțimea de dependente este minimală, nici una dintre dependente neputând să fie dedusă din celelalte (altfel spus nu există dependente redundante).

**Exemplul 1:** Fie  $R = ABCDE$  o schema de relație și  $F$  mulțimea de dependente funcționale asociată, cu  $F = \{AB \rightarrow CDE, C \rightarrow DE\}$ :

Aplicăm regula de descompunere. Obținem:

$$F = \{AB \rightarrow C, AB \rightarrow D, AB \rightarrow E, C \rightarrow D, C \rightarrow E\}$$

Multimea nu este însă minimală deoarece  $AB \rightarrow D$  și  $AB \rightarrow E$  se pot deduce prin tranzitivitate din  $AB \rightarrow C$  împreună cu  $C \rightarrow D$ ,  $C \rightarrow E$ . Rezultă că forma canonică a lui  $F$  este:

$$F = \{ AB \rightarrow C, C \rightarrow D, C \rightarrow E \}$$

**Exemplul 2:** Pentru relația  $\text{Produse}(\text{IdP}, \text{NumeP}, \text{Qty}, \text{IdF}, \text{NumeF}, \text{AdresaF}, \text{IdF})$  din paragraful 4.1. având mulțimea de dependențe funcționale:

$$F = \{ \text{IdP} \rightarrow \text{NumeP}, \text{Qty}, \text{IdF}, \text{NumeF}, \text{AdresaF}, \text{IdF} \rightarrow \text{NumeF}, \text{AdresaF} \}$$

Forma canonică a lui  $F$  este:

$$F = \{ \text{IdP} \rightarrow \text{NumeP}, \\ \text{IdP} \rightarrow \text{Qty}, \\ \text{IdP} \rightarrow \text{IdF}, \\ \text{IdF} \rightarrow \text{NumeF}, \\ \text{IdF} \rightarrow \text{AdresaF} \}$$

De asemenea au fost eliminate două dependențe redundante:

$$\text{IdP} \rightarrow \text{NumeF} \text{ și} \\ \text{IdP} \rightarrow \text{AdresaF}$$

#### 4.2.5. Chei și superchei

În acest moment putem să dăm o definiție echivalentă a cheii pe baza dependențelor funcționale:

**Definiție:** Fie  $R$  o schema de relație,  $F$  mulțimea de dependențe funcționale asociată și  $X \subseteq R$ . Atunci  $X$  este cheie pentru  $R$  dacă și numai dacă:

- $F \Rightarrow X \rightarrow R$  (deci  $X \rightarrow R$  se poate deduce din  $F$ )
- și
- $X$  este minimală: oricare ar fi  $Y \subset X$ ,  $Y \neq X$  atunci  $\neg(F \Rightarrow Y \rightarrow R)$  (deci orice submulțime strictă a lui  $X$  nu mai îndeplinește condiția anterioară).

Deci o cheie determină funcțional toate atributele relației și este minimală: nici o submulțime strictă a sa nu determină funcțional pe  $R$ . Se observă faptul că această definiție este echivalentă cu cea din capitolul 3: cunoscându-se valorile pe atributele  $X$  sunt unic determinate valorile pentru toate atributele relației, deci este unic determinat tuplul din relație.

În cazul în care doar prima condiție este îndeplinită mulțimea  $X$  se numește **supercheie**.

**Observație:** Faptul că o supercheie nu este constransă de minimalitate nu înseamnă însă că ea nu poate fi minimală. Rezultă că orice cheie este în același timp și supercheie, reciproca nefiind însă adevărată.

Exemplu: Fie  $R = ABCDE$  și  $F = \{ AB \rightarrow C, C \rightarrow D, C \rightarrow E \}$ . Atunci  $AB$  este cheie pentru  $R$ :

- Din  $AB \rightarrow C$ ,  $C \rightarrow D$  și  $C \rightarrow E$  obținem prin tranzitivitate  $AB \rightarrow D$  și  $AB \rightarrow E$
- Din  $AB \rightarrow C$ ,  $AB \rightarrow D$  și  $AB \rightarrow E$  obținem prin reuniune  $AB \rightarrow CDE$
- Din  $AB \rightarrow CDE$  obținem (augmentare cu  $AB$ )  $AB \rightarrow ABCDE$ , deci  $AB \rightarrow R$

Rezulta ca AB este supercheie pentru R. In paragraful 4.2.8. vom vedea cum se poate demonstra si faptul ca AB este minimala, deci este nu numai supercheie ci chiar cheie pentru R.

#### 4.2.6. Proiectia unei multimi de DF

Asa cum s-a mentionat in paragraful 4.2.4. inchiderea unei multimi de dependente functionale  $F^+$  a fost introdusa si pentru a putea defini setul de dependente functionale mostenite de o schema de relatie obtinuta prin descompunerea unei scheme incorect proiectata. Sa luam cazul relatiei anterioare continand produsele dintr-un depozit:

$$\text{Produse} = \text{IdP}, \text{NumeP}, \text{Qty}, \text{IdF}, \text{NumeF}, \text{AdresaF}$$

avand asociata multimea de dependente:

$$F = \{ \text{IdP} \rightarrow \text{NumeP}, \text{IdP} \rightarrow \text{Qty}, \text{IdP} \rightarrow \text{IdF}, \text{IdF} \rightarrow \text{NumeF}, \text{IdF} \rightarrow \text{AdresaF} \}$$

Prin spargerea acestei relatii in doua obtinem relatiile:

$$\text{Produse} = \text{IdP}, \text{NumeP}, \text{Qty}, \text{IdF}$$

$$\text{Furnizori} = \text{IdF}, \text{NumeF}, \text{AdresaF}$$

Atributele relatiei initiale se regasesc fie doar intr-una dintre schemele rezultate fie in amandoua. Se pune insa si problema: ce dependente mostenesesc cele doua relatii de la relatia initiala? Solutia este de a defini proiectia unei multimi de dependente pe o multime de atribute.

**Definitie.** Fie o relatie R, o multime asociata de dependente functionale F si o submultime de atribute  $S \subseteq R$ . **Proiectia multimei de dependente F pe S**, notata cu  $\pi_S(F)$  este multimea dependentelor din  $F^+$  care au si partea stanga si pe cea dreapta incluse in S. Formal putem scrie:

$$\pi_S(F) = \{ X \rightarrow Y \in F^+ \mid X, Y \subseteq S \}$$

Pentru exemplul de mai sus proiectiile sunt urmatoarele:

$$F_{\text{PRODUSE}} = \pi_{\text{PRODUSE}}(F) = \{ \text{IdP} \rightarrow \text{NumeP}, \text{IdP} \rightarrow \text{Qty}, \text{IdP} \rightarrow \text{IdF} \}$$

$$F_{\text{FURNIZORI}} = \pi_{\text{FURNIZORI}}(F) = \{ \text{IdF} \rightarrow \text{NumeF}, \text{IdF} \rightarrow \text{AdresaF} \}$$

**Observatie:** Atunci cand descompunem o schema se poate intampla ca unele dintre dependentele schemei initiale sa se piarda.

Exemplu: Fie  $R = ABCD$  si  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow A \}$ . In cazul in care descompunem R in  $R_1 = AB$  si  $R_2 = CD$  atunci:

$$F_{R_1} = \pi_{R_1}(F) = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A \}$$

$$F_{R_2} = \pi_{R_2}(F) = \{ C \rightarrow D, D \rightarrow C \}$$

A doua dependenta din fiecare multime nu este in F dar este in  $F^+$  (obtinuta prin tranzitivitate).

Observam insa ca dependentele  $B \rightarrow C$  si  $D \rightarrow A$  nu mai pot fi obtinute nici din  $F_{R_1}$  nici din  $F_{R_2}$  nici din reuniunea lor. In subcapitolul 4.4. va fi prezentata o metoda prin care se poate testa daca prin descompunere dependentele initiale sunt pastrate sau nu.

### 4.2.7. Inchiderea unei multimii de atribute

Fie  $R$  o schema de relatie,  $F$  multimea de dependente asociată și  $X \subseteq R$ . Se poate defini **inchiderea multimii de atribute  $X$  în raport cu  $F$**  (notată  $X^+$ ) astfel:

$$X^+ = \{ A \mid X \rightarrow A \in F^+ \}$$

$X^+$  conține deci toate atributele care apar în partea dreaptă a unei dependente din  $F$  sau care se poate deduce din  $F$  folosind regulile și axiomele.

Pentru calculul lui  $X^+$  există un algoritm simplu, prezentat în continuare.

#### Algoritm de calcul pentru $X^+$

Intrare:  $R$  o schema de relatie,  $F$  multimea de dependente asociată și  $X \subseteq R$

Iesire:  $X^+$

Metoda: se procedează iterativ astfel:

- Se porneste cu  $X^{(0)} = X$
- Pentru  $i \geq 1$ ,  $X^{(i)} = X^{(i-1)} \cup \{ A \mid (\exists) Y \rightarrow A \in F \text{ cu } Y \subseteq X^{(i-1)} \}$
- Oprirea se face atunci când  $X^{(i)} = X^{(i-1)}$

**Exemplu:** Fie  $R = ABCDE$  și  $F = \{ A \rightarrow B, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$ . Pentru a calcula  $A^+$  și  $AD^+$  procedăm astfel:

Calcul  $A^+$ :

- $X^{(0)} = \{A\}$
- Din  $A \rightarrow B$  și  $A \rightarrow C$  rezulta că  $X^{(1)} = X^{(0)} \cup \{B, C\} = \{A\} \cup \{B, C\} = ABC$
- Singurele dependente care au partea dreaptă în  $X^{(1)}$  sunt tot primele două deci  $X^{(2)} = X^{(1)} \cup \{B, C\} = \{A, B, C\} \cup \{B, C\} = ABC$
- Oprește deoarece  $X^{(2)} = X^{(1)}$

Rezulta că  $(A)^+ = ABC$

Calcul  $AD^+$ :

- $X^{(0)} = \{A, D\}$
- Din  $A \rightarrow B, A \rightarrow C$  și  $D \rightarrow E$  rezulta că  $X^{(1)} = X^{(0)} \cup \{B, C, E\} = \{A, D\} \cup \{B, C, E\} = ABCDE$
- Oprește deoarece  $X^{(1)} = R$  deci oricâte iterații am face nu mai pot să apară noi atribute.

Rezulta că  $(AD)^+ = ABCDE$

Scopul introducerii acestei noțiuni este și cel de a putea ocoli în alți algoritmi și definiții calculul lui  $F^+$ . Avem următorul rezultat teoretic:



**Propozitie:** Fie  $R$  o schema de relatie,  $F$  multimea de dependente asociata si  $X, Y \subseteq R$ . Atunci  $X \rightarrow Y$  se poate deduce din  $F$  daca si numai daca  $Y \in X^+$

Demonstratia acestei propozitii se gaseste in literatura de specialitate.

#### 4.2.8. O alta definitie a cheii

Pe baza propozitiei din paragraful anterior se poate da o alta definitie pentru cheia sau supercheia unei relatii, bazata nu pe  $F^+$  ca in paragraful 4.2.5 ci pe inchiderea unei multimi de atribute.

**Definitie:** Fie  $R$  o schema de relatie,  $F$  multimea de dependente functionale asociata si  $X \subseteq R$ . Atunci  $X$  este cheia pentru  $R$  daca si numai daca:

- $X^+ = R$
- si
- $X$  este minimala: oricare ar fi  $Y \subset X, Y \neq X$  atunci  $Y^+ \neq R$  (deci orice submultime stricta a lui  $X$  nu mai indeplineste conditia anterioara).

Daca numai prima conditie este indeplinita atunci  $X$  este supercheie pentru  $R$

Echivalenta acestei definitii cu cea anterioara este evidenta:

- $X^+ = R$  inseamna cf. propozitiei ca  $X \rightarrow R$
- minimalitatea este de asemenea definita echivalent:  $\neg(F \Rightarrow Y \rightarrow R)$  este echivalenta cu  $\neg(Y^+ = R)$  adica  $Y^+ \neq R$

Folosind aceasta definitie se poate defini o euristica de gasire a cheilor unei relatii:

#### Euristica de gasire a cheilor unei relatii

Pentru gasirea cheilor unei relatii pornim de la observatia ca atributele care nu sunt in partea dreapta a nici unei dependente nu pot sa apara in procesul de inchidere a unei multimi de atribute si deci ele apartin oricarei chei a relatii.

Intrare:  $R$  o schema de relatie si  $F$  multimea de dependente functionale asociata ( $F$  in forma canonica).

Iesire: Cheia unica sau cheile alternative ale lui  $R$

Metoda:

1. Se porneste de la multimea de atribute  $X \subseteq R$  care nu apar in partea dreapta a nici unei dependente
2. Se calculeaza  $X^+$ . Daca  $X^+ = R$  atunci  $X$  este cheia unica minimala a relatii  $R$  si calculul se opreste aici. Pasii urmatoari se efectueaza doar daca  $X^+ \neq R$
3. Se adauga la  $X$  cate un atribut din  $R - X^+$  obtinandu-se o multime de chei candidat.
4. Se calculeaza  $X^+$  pentru fiecare dintre candidate. Daca se obtin toate atributele lui  $R$  atunci acel  $X$  este o cheie a lui  $R$ .
5. Se repeta pasii 3 si 4 pornind de la acele multimi candidat  $X$  care nu sunt gasite ca si chei la pasul anterior. Intre multimile candidat nu luam niciodata in considerare pe cele care contin o cheie gasita anterior.
6. Procesul se opreste cand nu se mai pot face augmentari.

Exemplul 1: Fie  $R = ABCDE$  și  $F = \{ A \rightarrow B, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$ .

- Multimea atributelor care nu apar în partea dreapta a nici unei dependente este  $X = AD$ .
- Calculăm  $(AD)^+$ . Obținem  $(AD)^+ = ABCDE = R$ .
- Procesul se oprește. Rezulta că  $AD$  este cheia unică pentru  $R$ .

Exemplul 2: Fie  $R = ABCDE$  și  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$ .

- Multimea atributelor care nu apar în partea dreapta a nici unei dependente este  $X = D$ .
- Calculăm  $(D)^+$ . Obținem  $(D)^+ = DE$ . Rezulta că  $D$  nu este cheia unică pentru  $R$ .
- Calculăm multimea de candidate: augmentăm  $D$  cu atribute din  $R - D^+ = ABCDE - DE = ABC$ . Obținem  $AD, BD$  și  $CD$ .
- Calculăm închiderile lor. Obținem  $(AD)^+ = R, (BD)^+ = R$  și  $(CD)^+ = CDE \neq R$ . Rezulta că  $AD$  și  $BD$  sunt chei ale lui  $R$  dar  $CD$  nu e cheie.
- Calculăm o nouă multime de candidate pornind de la  $CD$ . Putem augmenta  $CD$  cu atribute din  $R - (CD)^+ = ABCDE - CDE = AB$ . Nici una dintre augmentări nu este însă posibilă pentru că atât  $ACD$  cât și  $BCD$  conțin o cheie găsită anterior ( $AD$  respectiv  $BD$ ).
- Procesul se oprește. Singurele chei ale lui  $R$  rămân  $AD$  și  $BD$ .

### 4.3. Forme normale

Există câteva seturi de condiții care ne arată că o schema de relație este corect proiectată în sensul că ea nu permite apariția anomaliilor prezentate la începutul capitolului.

Dacă schema îndeplinește cerințele unui anumit set de condiții se spune că este în **forma normală** asociată acelui set. În continuare sunt prezentate formele normale Boyce-Codd și forma normală 3. În finalul acestui capitol va fi prezentată și forma normală 4 care se definește în funcție de alt tip de dependente, și anume dependentele multivaloarea.

#### 4.3.1. Forma normală Boyce-Codd (FNBC)

**Definiție.**  $R$  o schema de relație și  $F$  multimea de dependente funcționale asociate. Se spune că  $R$  este în forma normală Boyce-Codd dacă și numai dacă oricare ar fi o dependență netrivială  $X \rightarrow Y$  din  $F$  atunci  $X$  este supercheie pentru  $R$ .

Rezulta că o schema de relație este în FNBC dacă și numai dacă fiecare dependență din  $F$  are în partea stângă o supercheie. Nu este necesar ca  $F$  să fie în forma canonică dar nu trebuie să conțină dependente triviale (obținute din prima axiomă - de reflexivitate, de tipul  $AB \rightarrow A$  sau  $AB \rightarrow AB$ ).

Exemple:

1. Relația  $R = ABCDE$  având  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$  nu este în forma normală Boyce-Codd deoarece are cheile  $AD$  și  $BD$  dar nici o dependență nu are în partea stângă o supercheie a lui  $R$ .

2. Relatia  $Produse = IdP, NumeP, Qty, IdF$  avand asociata multimea de dependente functionale  $F_{PRODUSE} = \pi_{PRODUSE}(F) = \{ IdP \rightarrow NumeP, IdP \rightarrow Qty, IdP \rightarrow IdF \}$  este in forma normala Boyce-Codd: cheia unica a relatiei este  $IdP$  si toate dependentele au in partea stanga o supercheie (asa cum s-a mentionat orice cheie este in acelasi timp si supercheie)

3. Relatia  $Produse = IdP, NumeP, Qty, IdF, NumeF, AdresaF$  avand dependentele:  
 $F = \{ IdP \rightarrow NumeP, IdP \rightarrow Qty, IdP \rightarrow IdF, IdF \rightarrow NumeF, IdF \rightarrow AdresaF \}$   
 nu este in forma normala Boyce-Codd: cheia unica este  $IdP$  dar exista dependente care nu au in partea stanga o dupercheie:  $IdF \rightarrow NumeF, IdF \rightarrow AdresaF$

### 4.3.2. Forma normala 3 (FN3)

Pentru definitia formei normale 3 este necesara definirea notiunii de *atribut prim*:

**Definitie.**  $R$  o schema de relatie si  $F$  multimea de dependente functionale asociata. Un atribut  $A \in R$  se numeste atribut prim daca el apartine unei chei a lui  $R$ .

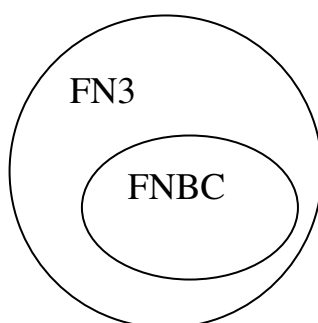
Exemplu:  $R = ABCDE$  avand  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$ . Cum cheile relatiei sunt  $AD$  si  $BD$  rezulta ca in  $R$  sunt trei atribute prime:  $A, B$  si  $D$ .

**Definitie.**  $R$  o schema de relatie si  $F$  multimea de dependente functionale asociata. Se spune ca  $R$  este in forma normala 3 daca si numai daca oricare ar fi o dependenta netriviala  $X \rightarrow A$  din  $F$  atunci

- $X$  este supercheie pentru  $R$
- sau
- $A$  este atribut prim

De remarcat ca daca in  $F$  avem dependente care contin mai multe atribute in partea dreapta putem aplica regula de descompunere pentru a obtine dependente care in partea dreapta au cate un singur atribut.

Observatie: Conditia de FNBC este inclusa in definitia FN3. Din acest motiv orice relatie care este in FNBC este implicit si in FN3. Reciproca nu este adevarata.



Rezulta de asemenea ca daca o schema de relatie nu este in FN3 ea nu poate fi nici in FNBC.

Exemple:

1. Relatia  $R = ABCD$  avand  $F = \{ AB \rightarrow C, AB \rightarrow D, D \rightarrow A \}$  are cheia unica AB.
  - Relatia este in FN3 deoarece primele doua dependente au in partea stanga o supercheie (AB) iar a treia dependenta are in partea dreapta atributul prim A.
  - Relatia nu este in FNBC deoarece a treia dependenta violeaza definitia pentru aceasta forma normala (nu are in partea stanga o supercheie).
2. Relatia  $R = ABCDE$  avand  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$  are cheile AD si BD. Rezulta ca:
  - R nu este in FN3 deoarece dependentele 3 si 4 nu au nici supercheie in partea stanga nici atribut prim in partea dreapta
  - R nu e in FNBC deoarece nu e in FN3
3. Relatia  $R = ABCD$  avand  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow A \}$  are cheile A, B, C si D. Rezulta ca:
  - R este in FNBC deoarece in partea stanga a dependentelor sunt numai superchei
  - R este in FN3 deoarece este in FNBC

#### 4.3.2. Formele normale 1 si 2 (FN1 si FN2)

Aceste forme normale nu garanteaza eliminarea anomalilor deci ele nu sunt de dorit pentru schemele de relatie ale unei baze de date a unei aplicatii. Prezentam pe scurt definitia lor.

**Definitie:** O relatie R este in **forma normala 1** (FN1) daca pe toate attributele sale exista doar valori atomice ale datelor.

Semnificatia termenului ‘atomic’ este similara cu cea de la modelul entitate asociere: valoarea respectiva este intotdeauna folosita ca un intreg si nu se utilizeaza niciodata doar portiuni din aceasta.

De exemplu, daca intr-o relatie continand date despre persoane avem atributul **Adresa** acesta este atomic daca niciodata nu este nevoie sa fie folosite doar anumite portiuni ale sale (strada, numar, etc).

Fiind data o relatie R si multimea de dependente asociata F putem defini inca doua concepte:

**Definitie:** O dependenta functionala  $X \rightarrow A$  se numeste **dependenta partiala** daca X este strict inclusa intr-o cheie a relatiei R.

**Definitie:** O dependenta functionala  $X \rightarrow A$  se numeste **dependenta tranzitiva** daca X nu este inclusa in nici o cheie a relatiei R.

Pe baza acestor notiuni putem defini forma normala 2:

**Definitie:** Fie  $R$  o schema de relatie și  $F$  mulțimea de dependente functionale asociată. Se spune că  $R$  este în forma normală 2 (FN2) dacă și numai dacă  $F$  nu conține dependente parțiale (dar poate conține dependente tranzitive).

Exemplu: Relatia  $Produse = \{ IdP, NumeP, Qty, IdF, NumeF, AdresaF \}$  având dependentele functionale:

$F = \{ IdP \rightarrow NumeP, IdP \rightarrow Qty, IdP \rightarrow IdF, IdF \rightarrow NumeF, IdF \rightarrow AdresaF \}$

Este în FN2 pentru că ultimele două dependente nu sunt parțiale ( $IdF$  nu aparține cheii unice  $IdP$ ).

Așa cum s-a specificat anterior FN2 nu este o formă normală ‘bună’, ea trebuind evitată (relatia de mai sus prezintă toate anomaliile enumerate la începutul acestui capitol).

## 4.4. Descompunerea schemelor de relatii

Așa cum s-a menționat anterior, în cazul în care o relație din baza de date nu este într-o formă normală bună (FNBC, FN3) pot să apară diverse anomalii. Soluția este înlocuirea relației respective cu două sau mai multe relații care să conțină aceleași informații dar care, fiecare în parte, este în forma normală dorită de proiectant.

### 4.4.1. Definitia descompunerii unei scheme de relatie

Procesul prin care se ‘sparge’ o relație în mai multe relații se numește **descompunerea unei scheme de relație**.

Formal putem defini acest concept astfel:

**Definitie:** Fie  $R$  o schema de relație,  $R = A_1 A_2 \dots A_m$ .

Se spune că  $\rho = (R_1, R_2, \dots, R_n)$  este o **descompunere** a lui  $R$  dacă și numai dacă

$$R = R_1 \cup R_2 \cup \dots \cup R_n$$

Schemele  $R_1, R_2, \dots, R_n$  conțin deci atribute din  $R$ , fiecare atribut  $A_i$  al schemei inițiale trebuind să se regăsească în cel puțin una dintre ele. Nu este necesar ca schemele să fie disjuncte (în practică ele au aproape întotdeauna atribute comune).

În exemplele de mai jos sunt prezentate câteva descompuneri valide ale unor scheme de relații (unele însă incorecte din punct de vedere al pastrării datelor și/sau dependentelor inițiale):

**Exemplul 1:** Fie relația  $R = ABCDE$  având  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$ .

Putem avea descompuneri ca:

$$\rho_1 = (ABC, DE), \rho_2 = (ABCD, DE), \rho_3 = (AB, CD, DE)$$

**Exemplul 2.** Fie relația  $Produse = \{ IdP, NumeP, Qty, IdF, NumeF, AdresaF \}$  având dependentele functionale:

$F = \{ IdP \rightarrow NumeP, IdP \rightarrow Qty, IdP \rightarrow IdF, IdF \rightarrow NumeF, IdF \rightarrow AdresaF \}$

Putem avea o multitudine de descompuneri printre care:

$$\rho_1 = ( (IdP, NumeP, Qty, IdF); (NumeF, AdresaF) )$$

$$\rho_2 = ( (IdP, NumeP, Qty, IdF); (IdF, NumeF, AdresaF) )$$

$$\rho_3 = ( (IdP, NumeP); (Qty, IdF); (NumeF, AdresaF) )$$

Descompunerea acționează deci la nivelul *schemei* relației. Ce se întâmplă însă cu *conținutul* acesteia în cazul unei descompuneri?

Fiecare relație rezultată va moșteni o parte dintre datele relației descompuse și anume proiecția acesteia pe mulțimea de atribute a relației rezultată din descompunere.

Să considerăm o instanță *r* a relației de schema R (instanța unei relații este o încărcare cu date corecte a acesteia). Atunci instanțele pentru relațiile din descompunerea  $\rho$  sunt:

$$r_i = \pi_{R_i}(r)$$

Exemplu: Fie relația PRODUSE de mai jos:

IdP	NumeP	Qty	IdF	NumeF	AdresaF
101	Imprimanta laser	30	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
105	Calculator PC	20	23	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti
124	Copiator	10	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București

1. În cazul descompunerii  $\rho_1 = ( (IdP, NumeP, Qty, IdF); (NumeF, AdresaF) )$  obținem :

$r_1 =$

IdP	NumeP	Qty	IdF
101	Imprimanta laser	30	20
105	Calculator PC	20	23
124	Copiator	10	20

$r_2 =$

NumeF	AdresaF
Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti

2. În cazul descompunerii  $\rho_2 = ( (IdP, NumeP, Qty, IdF); (IdF, NumeF, AdresaF) )$  obținem :

$r_1 =$

IdP	NumeP	Qty	IdF
101	Imprimanta laser	30	20
105	Calculator PC	20	23
124	Copiator	10	20

$r_2 =$

IdF	NumeF	AdresaF
20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
23	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti

3. In cazul descompunerii  $\rho_1 = ( (IdP, NumeP); (Qty, IdF); (NumeF, AdresaF) )$  obținem :

$r_1 =$

IdP	NumeP
101	Imprimanta laser
105	Calculator PC
124	Copiator

$r_2 =$

Qty	IdF
30	20
20	23
10	20

$r_3 =$

NumeF	AdresaF
Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti

Observam din aceste exemple ca in cazul primei si ultimei descompuneri nu putem reconstrui prin join sau alti operatori relationali relatia initiala. In cazul in care descompunerea nu s-a facut corect putem pierde:

- Datele relatiei initiale
- Dependentele functionale ale relatiei initiale.

In paragrafele urmatoare sunt prezentati algoritmi prin care putem detecta daca prin descompunere se pierd date sau dependente.

#### 4.4.2. Descompuneri cu join fara pierderi

Conditia pentru a nu se pierde date prin descompunere este ca relatia initiala sa poata fi reconstruita exact prin joinul natural al relatiilor rezultate, fara tupluri in minis sau in plus. Formal, definitia este urmatoarea:

**Definitie:** Fie  $R$  o schema de relatie,  $F$  multimea de dependente functionale asociata si o descompunere  $\rho = (R_1, R_2, \dots, R_n)$  a lui  $R$ . Se spune ca  $\rho$  este o descompunere **cu join fara pierderi in raport cu  $F$**  (prescurtat j.f.p.) daca si numai daca pentru orice instanta  $r$  a lui  $R$  care satisface dependentele  $F$  avem ca:

$$r_1 \bowtie r_2 \bowtie \dots \bowtie r_n = r$$

unde

$$r_i = \pi_{R_i}(r)$$

In exemplul de la paragraful 4.4.1 doar descompunerea  $\rho_2 = ( (IdP, NumeP, Qty, IdF); (IdF, NumeF, AdresaF) )$  are aceasta proprietate, in cazul celorlalte, din cauza inexistentiei coloanelor comune, joinul natural nu se poate efectua.

Faptul ca o descompunere are sau nu aceasta proprietate se poate testa pornind doar de la lista atributelor relatiei initiale, lista atributelor relatiilor din descompunere si a multimii de dependente functionale asociata folosind urmatorul algoritm

**Algoritm de testare a proprietatii de j.f.p. pentru o descompunere**

**Intrare:** Schema de relatie  $R = A_1 A_2 \dots A_m$ , multimea de dependente functionale  $F$  si o descompunere  $\rho = (R_1, R_2, \dots, R_n)$

**Iesire:** Verdictul daca  $\rho$  are sau nu proprietatea j.f.p.

**Metoda:**

Se construiesc o tabela avand  $n$  linii si  $m$  coloane. Liniile sunt etichetate cu elementele descompunerii  $\rho$  iar coloanele cu atributele relatiei  $R$ . Elementul  $(i,j)$  al tablei va fi egal cu  $a_j$  daca  $A_j \in R_i$  sau  $b_{ij}$  altfel.

Se parcurg dependentele  $X \rightarrow Y$  din  $F$ . Daca doua (sau mai multe) linii din tabela au aceiasi simbolii pe coloanele  $X$  aceste linii se egaleaza si pe coloanele din  $Y$  astfel:

- Daca pe o coloana din  $Y$  apare un  $a_j$  atunci toate elementele de pe acea coloana din liniile respective devin  $a_j$
- Daca pe o coloana din  $Y$  nu apare nici un  $a_j$  atunci se alege unul dintre elementele de tip  $b_{ij}$  si toate elementele de pe acea coloana din liniile respective devin egale cu acel  $b_{ij}$

Procesul se opreste:

- Fie cand s-a obtinut o linie in tabela care contine doar a-uri, caz in care descompunerea  $\rho$  are proprietatea j.f.p.
- Fie cand la o parcurgere a dependentelor nu mai apar schimbari in tabela si nu s-a obtinut o linie doar cu a-uri. In acest caz descompunerea  $\rho$  nu are proprietatea j.f.p.

In literatura de specialitate se poate gasi demonstratia faptului ca acest algoritm determina corect daca o descompunere are proprietatea j.f.p. sau nu.

Exemplul 1: Fie  $R = ABCDE$ ,  $F = \{ A \rightarrow B, A \rightarrow C, A \rightarrow D, D \rightarrow E \}$  si o descompunere a lui  $R$   $\rho = (ABCD, DE)$

Construim tabelul din algoritm:

	A	B	C	D	E
ABCD	a1	a2	a3	a4	<del>b15</del> a5
DE	b21	b22	b23	a4	a5

La prima parcurgere, pentru dependentele  $A \rightarrow B$ ,  $A \rightarrow C$ ,  $A \rightarrow D$  nu gasim doua linii cu aceleasi valori pe coloana A dar pentru dependenta  $D \rightarrow E$  cele doua linii sunt egale pe coloana D (simbolul a4). Le egalam si pe coloana E: cum pe aceasta coloana exista a5 rezulta ca b15 devine egal cu a5. S-a obtinut o linie numai cu a-uri, deci descompunerea are proprietatea de join fara pierderi.



Exemplul 2: Fie relatia  $R = ABCDE$  si  $F = \{ A \rightarrow B, AC \rightarrow D, D \rightarrow E \}$  si descompunerea  $\rho = (AB, BC, CDE)$ . Tabelul este urmatorul:

	A	B	C	D	E
AB	a1	a2	b13	b14	b15
BC	b21	a2	a3	b24	b25
CDE	b31	b32	a3	a4	a5

La prima trecere nu apar modificari in tabel. Procesul se opreste si  $\rho$  nu are proprietatea j.f.p.

Exemplul 3. Fie  $R = ABCDE$ ,

$F = \{ C \rightarrow E (1), A \rightarrow C (2), B \rightarrow D (3), D \rightarrow E (4), E \rightarrow B (5) \}$  (cu dependente numerotate intre paranteze) si  $\rho = (BCE, AB, ACD)$

	A	B	C	D	E
BCE	b11	a2	a3	b14	a5
AB	a1	a2	<del>b23</del> a3 (2)	<del>b24</del> b14 (3)	<del>b25</del> a5 (4)
ACD	a1	<del>b32</del> a2 (5)	a3	a4	<del>b35</del> a5 (1)

Prima trecere:

- Din  $C \rightarrow E$  b35 devine a5
- Din  $A \rightarrow C$  b23 devine a3
- Din  $B \rightarrow D$  b24 devine b14
- Din  $D \rightarrow E$  b25 devine a5
- Din  $E \rightarrow B$  b32 devine a2

Am obtinut inca o linie doar cu a-uri. Descompunerea are proprietatea de j.f.p.

**Observatie:** In exemplele de mai sus a fost suficienta o singura trecere prin dependente. Exista insa situatii cand sunt necesare mai multe treceri pana procesul se opreste.

In cazul in care descompunerea are doar doua elemente se poate testa daca are proprietatea de join fara pierderi si astfel:

Fie  $R$  o schema de relatie,  $F$  multimea de dependente functionale asociata si  $\rho = (R_1, R_2)$  o descompunere a sa.

Atunci  $\rho$  are proprietatea de join fara pierderi daca una din dependentele urmatoare se poate deduce din  $F$ :

$$(R_1 \cap R_2) \rightarrow (R_1 - R_2) \text{ sau}$$

$$(R_1 \cap R_2) \rightarrow (R_2 - R_1)$$

Pentru a testa daca dependenta se poate deduce din  $F$  este suficient sa calculam inchiderea lui  $(R_1 \cap R_2)$ . Daca ea contine fie pe  $(R_1 - R_2)$  fie pe  $(R_2 - R_1)$  atunci descompunerea este cu join fara pierderi.

Exemplu: In prima exemplificare a aplicarii algoritmului de testare aveam o descompunere cu doua elemente:  $R = ABCDE$ ,  $F = \{ A \rightarrow B, A \rightarrow C, A \rightarrow D, D \rightarrow E \}$  si  $\rho = (ABCD, DE)$ .

Avem  $R_1 = ABCD$ ,  $R_2 = DE$ ,

$(R_1 - R_2) = ABCD - DE = ABC$

$(R_2 - R_1) = DE - ABCD = E$

$(R_1 \cap R_2) = D$

Cele doua dependente sunt:

$(R_1 \cap R_2) \rightarrow (R_1 - R_2)$  devine  $D \rightarrow ABC$

$(R_1 \cap R_2) \rightarrow (R_2 - R_1)$  devine  $D \rightarrow E$

Ultima este chiar o dependenta din  $F$  deci se poate deduce din  $F$  deci  $\rho$  are proprietatea de join fara pierderi.

#### 4.4.2. Descompuneri care pastreaza dependentele

O a doua problema in cazul descompunerii unei scheme de relatie  $R$  avand dependentele  $F$  in mai multe relatii  $R_1, R_2, \dots, R_n$  este aceea a pastrarii corelatiilor intre date, corelatii date de dependentele functionale din  $F$ .

Fiecare relatie  $R_i$  va mosteni o multime de dependente data de proiectia multimii de dependente functionale  $F$  pe  $R_i$

$$F_i = \pi_{R_i}(F)$$

Exemplu: Fie relatia  $Produce = (IdP, NumeP, Qty, IdF, NumeF, AdresaF)$  avand dependentele functionale:

$F = \{ IdP \rightarrow NumeP, IdP \rightarrow Qty, IdP \rightarrow IdF, IdF \rightarrow NumeF, IdF \rightarrow AdresaF \}$

In cazul descompunerii  $\rho_2 = (R_1, R_2)$  unde:

$R_1 = (IdP, NumeP, Qty, IdF)$

$R_2 = (IdF, NumeF, AdresaF)$

cele doua relatii mostenesc urmatoarele dependente:

$F_{R_1} = \pi_{R_1}(F) = \{ IdP \rightarrow NumeP, IdP \rightarrow Qty, IdP \rightarrow IdF \}$

$F_{R_2} = \pi_{R_2}(F) = \{ IdF \rightarrow NumeF, IdF \rightarrow AdresaF \}$

Dupa cum se observa toate dependentele relatiei initiale sunt pastrate fie in  $F_{R_1}$  fie in  $F_{R_2}$ . Exista insa si cazuri in care unele dependente din  $F$  nu mai pot fi regasite in multimile de dependente asociate schemelor din descompunere si nu se pot deduce din acestea. In primul caz se spune ca descompunerea pastreaza dependentele iar in al doilea ca descompunerea nu pastreaza dependentele.

O definitie formală a acestui concept este urmatoarea:

**Definitie:** Fie  $R$  o schema de relatie,  $F$  multimea de dependente functionale asociata, o descompunere  $\rho = (R_1, R_2, \dots, R_n)$  a lui  $R$  si  $F_i = \pi_{R_i}(F)$  multimile de dependente functionale ale elementelor descompunerii. Se spune ca  $\rho$  **pastreaza dependentele** din  $F$  daca si numai daca orice dependenta din  $F$  poate fi dedusa din  $\cup_{i=1..n} (F_i)$ .

Rezulta ca o descompunere pastreaza dependentele daca si numai daca:

$$F \subseteq (\cup_{i=1..n} (F_i))^+$$

Din pacate atat proiectia unei multimi de dependente cat si incluziunea de mai sus implica un calcul de inchidere a unei multimi de dependente ( $F$  si respectiv reuniunea multimilor  $F_i$ ). Exista si in acest caz un algoritm pentru a testa daca o dependenta este sau nu pastrata dupa descompunere fara a fi necesar efectiv calculul multimilor  $F_i$

### Algoritm de testare a pastrarii dependentelor

**Intrare:** o schema de relatie  $R$ , multimea de dependente functionale asociata  $F$  si o descompunere  $\rho = (R_1, R_2, \dots, R_n)$

**Iesire:** verdictul daca  $\rho$  pastreaza sau nu dependentele

**Metoda:** Pentru fiecare dependenta  $X \rightarrow Y$  din  $F$  se procedeaza astfel:

- Se porneste cu o multime de atribute  $Z = X$
- Se parcurg repetat elementele descompunerii  $\rho$ . Pentru fiecare  $R_i$  se calculeaza o noua valoare a lui  $Z$  astfel:

$$Z = Z \cup ((Z \cap R_i)^+ \cap R_i)$$

- Procesul se opreste in momentul cand  $Z$  ramane neschimbat la o parcurgere a elementelor  $R_i$ . Daca  $Y \subseteq Z$  atunci dependenta  $X \rightarrow Y$  este pastrata, altfel nu e pastrata

Daca toate dependentele din  $F$  sunt pastrate inseamna ca  $\rho$  pastreaza dependentele din  $F$ .

Exemplul 1: Fie  $R = ABCDE$ ,  $\rho = (BCE, AB, ACD)$  si multimea de dependente functionale  $F = \{ C \rightarrow E, A \rightarrow C, B \rightarrow D, D \rightarrow E, E \rightarrow B \}$

Se observa ca dependentele  $C \rightarrow E$ ,  $A \rightarrow C$  si  $E \rightarrow B$  sunt pastrate: ele apartin proiectiei lui  $F$  pe  $BCE$  (prima si ultima) si  $ACD$  (a doua). Raman de testat dependentele  $B \rightarrow D$  si  $D \rightarrow E$ . Sa aplicam algoritmul pentru  $B \rightarrow D$ :

Initial  $Z = B$

Trecerea 1 prin elementele lui  $\rho$ :

$$\text{Pentru } BCE: Z = B \cup ((B \cap BCE)^+ \cap BCE) = B \cup (BDE \cap BCE) = BE$$

$$\text{Pentru } AB: Z = BE \cup ((BE \cap AB)^+ \cap AB) = BE \cup (BDE \cap AB) = BE$$

$$\text{Pentru } ACD: Z = BE \cup ((BE \cap ACD)^+ \cap AB) = BE \cup \emptyset = BE$$

La urmatoarea trecere  $Z$  ramane neschimbat si procesul se opreste. Cum  $\{D\} \not\subseteq BE$  rezulta ca dependenta  $B \rightarrow D$  nu este pastrata deci  $\rho$  nu pastreaza dependentele.

Exemplul 2: Fie schema de relatie  $R = ABCD$ ,  $F = \{ A \rightarrow B, A \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow A \}$  si o descompunere  $\rho = (ABC, CD)$ . Trebuie sa testam daca  $D \rightarrow A$  este pastrata (celelalte dependente se regasesc direct in proiectiile lui  $F$  pe elementele descompunerii).

Initial  $Z = D$

Prima trecere prin elementele lui  $\rho$ :

$$\text{Pentru ABC: } Z = D \cup ((D \cap ABC)^+ \cap ABC) = D \cup \emptyset = D$$

$$\text{Pentru CD: } Z = D \cup ((D \cap CD)^+ \cap CD) = D \cup (ABCD \cap CD) = CD$$

A doua trecere prin elementele lui  $\rho$ :

Pentru ABC:  $Z = CD \cup ((CD \cap ABC)^+ \cap ABC) = CD \cup (ABCD \cap ABC) = ABCD$ . Stop. Am obtinut ca  $A \subseteq Z$ , deci dependentă  $D \rightarrow A$  este pastrata, deci  $\rho$  pastreaza dependentele.

#### 4.4.3. Algoritmi de descompunere

Algoritmii de testare al pastrarii dependentelor si a joinului fara pierderi pot fi aplicati atunci cand descompunerea unei scheme de relatie se face ‘de mana’, pe baza experientei pe care o are proiectantul bazei de date. Exista insa si niste algoritmi simpli care, pornind de la o schema de relatie si multimea de dependente functionale asociata ne duc direct la o descompunere care este in FN3 sau FNBC si in plus au proprietatea de join fara pierderi (deci nu se pierde date prin descompunere) si/sau de pastrare a dependentelor.

#### Algoritm de descompunere in FN3 cu pastrarea dependentelor

Fie  $R$  o schema de relatie si  $F$  multimea de dependente functionale asociata, cu

$$F = \{ X_1 \rightarrow Y_1, X_2 \rightarrow Y_2, \dots, X_n \rightarrow Y_n \}$$

Atunci descompunerea  $\rho = (X_1Y_1, X_2Y_2, \dots, X_nY_n)$  este o descompunere in FN3 cu pastrarea dependentelor.

Se observa din definitia de mai sus a descompunerii  $\rho$  ca:

- Toate dependentele sunt pastrate: dependentă  $X_i \rightarrow Y_i$  este in proiectia lui  $F$  pe  $X_iY_i$
- Pentru a minimiza numarul de elemente din descompunere se aplica regula reuniunii: daca avem mai multe dependente care au aceeasi parte stanga le reunim intr-una singura.
- Daca in descompunere exista doua elemente  $X_iY_i$  si  $X_jY_j$  astfel incat  $X_iY_i \subseteq X_jY_j$  atunci  $X_iY_i$  se elimina.

In literatura de specialitate exista demonstratia faptului ca fiecare schema din descompunere este in FN3.

Exemplul 1:  $R = ABCDE$ ,  $F = \{ A \rightarrow B, A \rightarrow C, A \rightarrow D, D \rightarrow E \}$ . Rescriem prin reuniune multimea de dependente functionale:  $F = \{ A \rightarrow BCD, D \rightarrow E \}$ . Rezulta din algoritm descompunerea  $\rho = (ABCD, DE)$

Exemplul 2: Fie relatia  $\text{Produse} = \text{IdP}, \text{NumeP}, \text{Qty}, \text{IdF}, \text{NumeF}, \text{AdresaF}$  avand dependentele functionale:

$$F = \{ \text{IdP} \rightarrow \text{NumeP}, \text{IdP} \rightarrow \text{Qty}, \text{IdP} \rightarrow \text{IdF}, \text{IdF} \rightarrow \text{NumeF}, \text{IdF} \rightarrow \text{AdresaF} \}$$

Rescriem multimea de dependente. Raman doar doua dependente:

$$F = \{ \text{IdP} \rightarrow \text{NumeP}, \text{Qty}, \text{IdF}; \text{IdF} \rightarrow \text{NumeF}, \text{AdresaF} \}$$

Descompunerea in FN3 cu pastrarea dependentelor va fi:

$$\rho = ((\text{IdP}, \text{NumeP}, \text{Qty}, \text{IdF}), (\text{IdF}, \text{NumeF}, \text{AdresaF}))$$

### Algoritm de descompunere in FN3 cu pastrarea dependentelor si join fara pierderi

Daca la descompunerea obtinuta prin algoritmul anterior adaugam o cheie a relatiei (ca element al descompunerii) vom obtine o descompunere care are atat proprietatea de join fara pierderi cat si pe cea a pastrarii dependentelor. Formal putem scrie algoritmul astfel:

Fie  $R$  o schema re relatie si  $F$  multimea de dependente functionale asociata, cu

$$F = \{ X_1 \rightarrow Y_1, X_2 \rightarrow Y_2, \dots X_n \rightarrow Y_n \}$$

si  $X$  o cheie pentru  $R$

Atunci descompunerea  $\rho = (X, X_1Y_1, X_2Y_2, \dots X_nY_n)$  este o descompunere in FN3 cu pastrarea dependentelor si join fara pierderi.

Pastrarea dependentelor este evidenta, ca mai sus. Demonstratia faptului ca descompunerea are si proprietatea de join fara pierderi se gaseste in literatura de specialitate.

Observatie: Daca vreunul dintre elementele de forma  $X_iY_i$  contin deja o cheie a lui  $R$  atunci nu este necesara adaugarea unui element suplimentar in descompunere.

Exemplul 1: Pentru relatiile din exemplele de mai sus descompunerea ramane aceeași deoarece:

- In cazul relatiei  $R = ABCDE$  cheia este  $A$ , deja inclusa in  $ABCD$ , deci descompunerea ramane  $\rho = (ABCD, DE)$ .
- In cazul relatiei  $PRODUSE$  de asemenea cheia este  $IdP$ , inclusa deja intr-unul din elementele descompunerii.

Exemplul 2: Fie  $R = ABCDE$ ,  $F = \{ A \rightarrow B, B \rightarrow A, A \rightarrow C, D \rightarrow E \}$ . Cheile relatiei sunt  $AD$  si  $BD$ .

- Rescriem multimea de dependente:  $F = \{ A \rightarrow BC, B \rightarrow A, D \rightarrow E \}$ .
- Rezulta descompunerea cu pastrarea dependentelor:  $\rho = (ABC, AB, DE)$ . Cum  $AB$  e inclus in  $ABC$  rezulta in final  $\rho = (ABC, DE)$ .
- Cum elementele descompunerii nu contin vreo cheie a lui  $R$ , o adaugam. Obtinem in final descompunerea  $\rho = (AD, ABC, DE)$ .

### Algoritm de descompunere in FNBC cu join fara pierderi

Fie  $R$  o schema de relatie si  $F$  multimea de dependente functionale asociata,  $F$  in forma canonica:  $F = \{ X_1 \rightarrow A_1, X_2 \rightarrow A_2, \dots X_n \rightarrow A_n \}$ . Putem calcula descompunerea in FNBC cu join fara pierderi iterativ:

- Initial  $\rho = (R)$
- La fiecare pas se alege o schema  $T$  care contine o dependenta de forma  $X \rightarrow A$  care violeaza conditiile de FNBC. Schema respectiva este inlocuita in  $\rho$  prin  $T_1$  si  $T_2$  unde  $T_1 = XA$  si  $T_2 = T - \{A\}$
- Procesul se opreste cand in  $\rho$  nu mai exista elemente care nu sunt in FNBC

Exemplu: Fie relatia  $R = ABCD$  cu  $F = \{ AB \rightarrow C, AB \rightarrow D, D \rightarrow A \}$ . Cheia relatiei este  $AB$ . Relatia este in FN3 dar nu este in FNBC din cauza dependentei  $D \rightarrow A$  care nu are in partea stanga o supercheie a lui  $R$ .

- Initial:  $\rho = (R) = (ABCD)$
- Alegem dependenta  $D \rightarrow A$  care violeaza conditia de FNBC.
- Inlocuim  $T = ABCD$  cu  $T_1 = DA$  si  $T_2 = ABCD - A = BCD$ .
- $T_1$  mosteneste de la  $T$  dependenta  $D \rightarrow A$ , cheia va fi  $D$  si  $T_1$  e in FNBC
- $T_2$  mosteneste de la  $T$  dependenta  $\{ DB \rightarrow C \}$ . Cheia va fi  $DB$  si  $T_2$  e in FNBC.
- Rezulta ca descompunerea in FNBC cu join fara pierderi este  $\rho = (AD, BCD)$ .

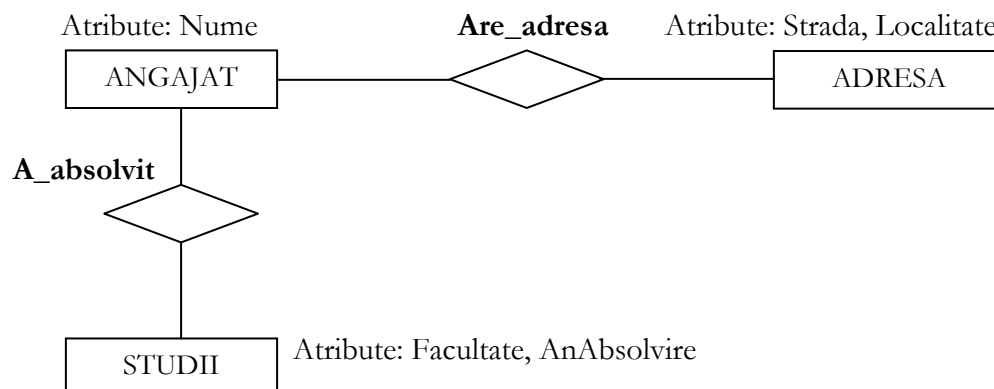
Observatii:

1. Dependenta mostenita de  $T_2$  este din  $F^+$ . Ea se deduce astfel: Din  $D \rightarrow A$  prin augmentare cu  $B$  obtinem  $DB \rightarrow AB$  si impreuna cu dependenta  $AB \rightarrow C$ , prin tranzitivitate obtinem  $DB \rightarrow C$ . Analog din  $AB \rightarrow D$  se deduce  $DB \rightarrow D$  dar aceasta este o dependenta triviala (partea dreapta e inclusa in cea stanga).
2. In multe cazuri este nevoie de mai multe iteratii, relatiile de tip  $T_2$  (egale in algoritm cu  $T - A$ ) nefiind uneori in FNBC. Ele se descompun din nou in acelasi fel.

#### 4.5. Dependente multivaloarea. Forma normala 4

Exista situatii in care, desi o relatie este in forma normala Boyce Codd, instantele sale contin date redundante. Acest fapt se datoreaza unei proiectari defectuoase in care in aceeasi relatie sunt stocate date care apartin mai multor entitati si a cel putin doua asocieri multi-multi.

Sa luam urmatorul exemplu:



Ambele asocieri sunt multi-multi: un angajat poate sa fie absolvent al mai multor facultati si in acelasi timp poate avea mai multe adrese (de exemplu una pentru domiciliul stabil si alta pentru rezidenta temporara la un moment dat).

In cazul in care toate datele din aceasta diagrama sunt stocate intr-o singura tabela putem avea urmatoarea incarcare cu date corecte:

Nume	Strada	Localitate	Facultate	AnAbsolvire
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Automatica	2000
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Comert	2004
Vasile	Dreapta	Bucuresti	Automatica	2000
Vasile	Dreapta	Bucuresti	Comert	2004
Mariana	Revolutiei	Timisoara	Constructii	1998
Mariana	Revolutiei	Timisoara	Drept	2003
Mariana	Revolutiei	Timisoara	Master ASE	2006
Mariana	Calea Vitan	Bucuresti	Constructii	1998
Mariana	Calea Vitan	Bucuresti	Drept	2003
Mariana	Calea Vitan	Bucuresti	Master ASE	2006

Putem observa ca nu exista nici o dependenta functionala netriviala valida pentru aceasta relatie, deci nu exista dependente care sa violeze conditiile FNBC. Ca urmare relatia este in FNBC avand ca singura cheie posibila multimea tuturor atributelor relatiei: din axioma de reflexivitate (A1) putem obtine dependenta:

Nume,Strada,Localitate,Facultate,AnAbsolvire  $\rightarrow$   
 Nume,Strada,Localitate,Facultate,AnAbsolvire

Desi relatia este in FNBC adresa si facultatea absolvita de un angajat sunt prezente repetat in relatie: adresa pentru fiecare facultate absolvita iar facultatea pentru fiecare adresa a angajatului.

Exemplul de mai sus sugereaza faptul ca seturile de atribute {Strada, Localitate} si {Facultate, AnAbsolvire} sunt independente unele de altele, in sensul ca fiecare adresa apare cu fiecare facultate absolvita de un angajat si reciproc. Astfel de situatii sunt modelate cu un nou tip de dependente numite *dependente multivalorice*.

#### 4.5.1. Dependente multivalorice (DMV)

**Definitie:** Fie o relatie R si doua multimi de atribute X si Y incluse in R. Se spune ca X multidetermina Y sau ca exista dependenta multivalorica  $X \twoheadrightarrow Y$  daca si numai daca ori de cate ori avem doua tupluri ale relatiei t1 si t2 cu  $t1[X] = t2[X]$  atunci exista in relatie un tuplu t3 pentru care:

- $t3[X] = t1[X] = t2[X]$
- $t3[Y] = t1[Y]$  si  $t3[R-X-Y] = t2[R-X-Y]$

	X	Y	R - X - Y
t1	AAA	BBB	CCC
t2	AAA	DDD	EEE
t3	AAA	BBB	EEE

O consecinta interesanta a acestei definitii este ca, daca inversam tuplurile t1 si t2, rezulta ca exista si un tuplu t4 pentru care

- $t4[X] = t1[X] = t2[X]$
- $t4[Y] = t2[Y]$  si  $t4[R-X-Y] = t1[R-X-Y]$

Tot din aceasta definitie rezulta ca daca in R exista dependenta multivalorica  $X \twoheadrightarrow Y$  atunci exista si dependenta  $X \twoheadrightarrow R - X - Y$  (acest fapt va fi prezentat in paragraful urmator ca axioma de complementare a dependentelor multivalorice).

Intorcandu-ne la exemplul anterior rezulta ca in relatia continand date despre angajati, studii si adrese avem urmatoarele dependente multivalorice (a doua fiind obtinuta din prima prin complementare):

Nume  $\twoheadrightarrow$  Strada, Localitate

Nume  $\twoheadrightarrow$  Facultate, AnAbsolvire

Intradevar, daca luam in considerare pentru  $t_1$  si  $t_2$  tuplurile 2 si 3 din relatie:

Nume	Strada	Localitate	Facultate	AnAbsolvire
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Comert	2004
Vasile	Dreapta	Bucuresti	Automatica	2000

gasim in relatie pe prima pozitie si tuplul  $t_3$  de forma:

Nume	Strada	Localitate	Facultate	AnAbsolvire
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Automatica	2000

In acelasi timp gasim pe pozitia 4 si tuplul  $t_4$ :

Nume	Strada	Localitate	Facultate	AnAbsolvire
Vasile	Dreapta	Bucuresti	Comert	2004

Sa facem o alta alegere pentru  $t_1$  si  $t_2$ :

Nume	Strada	Localitate	Facultate	AnAbsolvire
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Automatica	2000
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Comert	2004

Atunci  $t_3$  si  $t_4$  vor fi:

$t_3$ :

Nume	Strada	Localitate	Facultate	AnAbsolvire
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Comert	2004

$t_4$ :

Nume	Strada	Localitate	Facultate	AnAbsolvire
Vasile	Viitorului	Ploiesti	Automatica	2000

Observam ca  $t_3 = t_2$  si  $t_4 = t_1$  ceea ce este corect pentru ca in definitia dependentelor multivalorice nu se cere ca  $t_3$  sa fie diferit de  $t_1$  si  $t_2$ .



**Consecinta importanta:** orice dependenta functionala este in acelasi timp si o dependenta multivalorica:

Fie relatia R si o dependenta functionala  $X \rightarrow Y$  pentru R. Atunci daca doua tupluri t1 si t2 au aceleasi valori pe attributele X vor avea aceleasi valori si pe attributele Y. Rezulta ca t2 indeplineste conditiile pentru t3 din definitia dependentelor multivalorice:

	X	Y	R – X – Y
t1	AAA	BBB	CCC
t2	AAA	BBB	DDD
t3 este t2	AAA	BBB	DDD

Rezulta ca daca  $X \rightarrow Y$  avem si dependenta multivalorica  $X \rightarrow\rightarrow Y$

Exemplu: Fie relatia Produse anterioara:

IdP	NumeP	Qty	IdF	NumeF	AdresaF
101	Imprimanta laser	30	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
105	Calculator PC	20	23	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti
124	Copiator	10	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București

In aceasta avem dependenta functionala:

$$\text{IdF} \rightarrow \text{NumeF}, \text{AdresaF}$$

Avem doua tupluri cu aceleasi valori pe IdF:

	IdP	NumeP	Qty	IdF	NumeF	AdresaF
t1	101	Imprimanta laser	30	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
t2	124	Copiator	10	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București

In acest caz putem forma tuplul t3 astfel:

- Pe IdF valoarea 20
- Pe Numef si adresaF valorile din primul tuplu
- Pe restul atributelor valorile din al doilea tuplu.

Obtinem t3 identin cu t2:

	IdP	NumeP	Qty	IdF	NumeF	AdresaF
t3	124	Copiator	10	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București

Ca si in cazul dependentelor functionale exista si in cazul DMV o serie de axiome si reguli care ne permit ca, pornind de la un set de dependente sa obtinem alte dependente.

### 4.5.2. Axiome si reguli pentru DMV

Urmatoarele axiome sunt specifice DMV. Le numerotam incepand cu A4 deoarece intr-o schema de relatie pot fi atat dependente functionale (carora li se aplica axiomele A1-A3 descriere anterior) cat si dependente multivalorice.

**A4. Complementare:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y \subseteq R$ .

Daca  $X \twoheadrightarrow Y$  atunci si  $X \twoheadrightarrow (R - X - Y)$

**A5. Augmentare pentru DMV:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y, Z, W \subseteq R$ .

Daca  $X \twoheadrightarrow Y$  si  $Z \subseteq W$  atunci si  $XW \twoheadrightarrow YZ$

**A6. Tranzitivitate pentru DMV:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y, Z \subseteq R$ .

Daca  $X \twoheadrightarrow Y$  si  $Y \twoheadrightarrow Z$  atunci si  $X \twoheadrightarrow (Z - Y)$

Ultimele doua axiome leaga dependentele multivalorice cu cele functionale:

**A7.** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y \subseteq R$ .

Daca  $X \rightarrow Y$  atunci si  $X \twoheadrightarrow Y$

**A8.** Fie  $R$  o schema de relatie si  $X, Y, Z, W \subseteq R$ . cu  $W \cap Y = \emptyset$

Daca  $X \twoheadrightarrow Y, Z \subseteq Y, W \rightarrow Z$  atunci si  $X \rightarrow Z$

**Observatie importanta:** orice dependenta functionala este in acelasi timp si o dependenta multivalorica inasa reciproca nu este adevarata: exista dependente multivalorice pentru care in schema relatiei nu avem o dependenta functionala corespunzatoare. Exemplu pentru acest fapt este dependenta multivalorica existenta in tabela de angajati din paragraful anterior:

Nume  $\twoheadrightarrow$  Strada, Localitate

In relatie nu exista inasa si o dependenta functionala echivalenta de tipul:

Nume  $\rightarrow$  Strada, Localitate

Rezulta ca:

- Putem folosi si axiomele A1-A3 dar doar pentru dependente multivalorice care sunt in acelasi timp si dependente functionale.
- Pentru restul dependentelor multivalorice putem folosi doar A4-A6.

Exista de asemenea o serie de reguli care se pot deduce din axiome. Toate considera existenta unei scheme de relatie  $R$  iar  $X, Y, Z, W$  sunt submultimi ale lui  $R$ :

**R1. Reuniune:** Daca  $X \twoheadrightarrow Y$  si  $X \twoheadrightarrow Z$  atunci

$X \twoheadrightarrow YZ$

**R2. Pseudotranzitivitate:** Daca  $X \twoheadrightarrow Y$  si  $WY \twoheadrightarrow Z$  atunci

$WX \twoheadrightarrow Z - WY$

**R3. Pseudotranzitivitate mixta:** Daca  $X \twoheadrightarrow Y$  si  $XY \twoheadrightarrow Z$  atunci

$X \twoheadrightarrow Z - Y$

**R4. Diferenta:** Daca  $X \rightarrow Y$  si  $X \rightarrow Z$  atunci:

$$X \rightarrow Y - Z$$

$$X \rightarrow Z - Y$$

**R5. Intersectie:** Daca  $X \rightarrow Y$  si  $X \rightarrow Z$  atunci:

$$X \rightarrow Y \cap Z$$

**R6. Eliminare attribute comune:** Daca  $X \rightarrow Y$  atunci:

$$X \rightarrow Y - X$$

**R7. Toate attributele:** Daca  $X \cup Y = R$  atunci

$$X \rightarrow Y \text{ si } Y \rightarrow X$$

**R8. Reflexivitate:** Daca  $Y \subseteq X$  atunci

$$X \rightarrow Y$$

Aceste axiome si reguli se pot folosi pentru calculul inchiderii unei multimi de dependente functionale si multivalorice. Definitia inchiderii este aceeaasi ca la dependentele functionale:

**Definitie:** Fie  $R$  o schema de relatie si  $G$  multimea de dependente functionale si multivalorice asociata. Atunci *inchiderea multimii de dependente*  $G$ , notata  $G^+$ , este o multime de dependente (DF si DMV) care sunt in  $G$  sau se pot deduce din  $G$  folosind axiomele si regulile.

Analog cu cazul dependentelor functionale se poate defini si proiectia unei multimi de dependente functionale si multivalorice pe o multime de attribute:

**Definitie.** Fie o relatie  $R$ , o multime asociata de dependente functionale si multivalorice  $G$  si o submultime de attribute  $S \subseteq R$ . *Proiectia multimii de dependente  $G$  pe  $S$* , notata cu  $\pi_S(G)$  este multimea dependentelor din  $G^+$  care au si partea stanga si pe cea dreapta incluse in  $S$ .

In momentul in care o schema de relatie se descompune in doua sau mai multe subscheme, fiecare subschema va mosteni o multime de dependente functionale si multivalorice obtinuta prin proiectia multimii initiale  $G$  pe attributele din subschema respectiva.

#### 4.5.3. Forma normala 4

Pentru a preintampina redundantele prezentate la inceputul paragrafului 4.5. este bine ca schemele de relatie sa fie intr-o forma normala superioara FNBC. Aceasta forma care considera si dependentele multivalorice se numeste **forma normala 4** (FN4).

Definitia ei este similara cu cea pentru FNBC dar conditia se pune pentru dependentele multivalorice ale relatiei respective:

**Definitie:** O schema de relatie  $R$  este in forma normala 4 daca orice dependenta multivalorica netriviala  $X \rightarrow Y$  are in partea stanga o supercheie

Dependentele multivaloarea triviale sunt de doua feluri:

1. Dependente provenite din R8, deci cele in care partea dreapta este inclusa in partea stanga:  $X \twoheadrightarrow Y$  unde  $Y \subseteq X$
2. Dependente provenite din regula R7:  $X \twoheadrightarrow Y$  pentru  $X \cup Y = R$

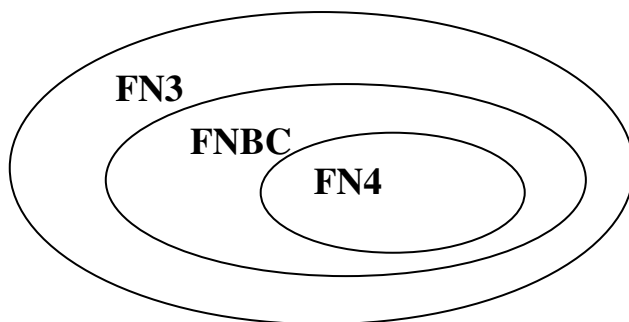
Conditia de FN4 spune deci ca orice DMV care nu intra in una din categoriile de mai sus are in partea stanga o supercheie.

**Exemplu:** Relatia angajati-studii-adrese are dependenta netriviala

$\text{Nume} \twoheadrightarrow \text{Strada, Localitate}$

Cum cheia relatiei e multimea tuturor atributelor acesteia, rezulta ca relatia nu este in FN4 deoarece  $\{\text{Nume}\}$  nu e supercheie.

Relatia dintre formele normal2 FN3, FNBC si FN4 este una de includere, in aceasta ordine. Orice relatie in FN4 este in acelasi timp si in FNBC si FN3:



### Algoritm de descompunere in FN4

Acest algoritm este similar cu cel de descompunere in FNBC dar ia in considerare dependentele multivaloarea care violeaza FN4. Atentie: dependentele multivaloarea ale unei relatii sunt atat cele care provin prin axioma A7 din dependente functionale cat si dependente multivaloarea care nu au corespondent in multimea celor functionale.

Fie  $R$  o schema de relatie si  $G$  multimea de dependente multivaloarea asociata (consideram ca din  $G$  au fost eliminate dependentele triviale). Putem calcula descompunerea in FN4 iterativ:

- Initial  $\rho = (R)$
- La fiecare pas se alege o schema  $T$  care contine o dependenta de forma  $X \twoheadrightarrow Y$  care violeaza conditia pentru FN4. Schema respectiva este inlocuita in  $\rho$  prin  $T_1$  si  $T_2$  unde  $T_1 = XY$  si  $T_2 = T - Y$
- Procesul se opreste cand in  $\rho$  nu mai exista elemente care nu sunt in FN4

Exemplu: Pentru relatia Angajati care nu era in FN4

- Initial  $\rho = ((\text{Nume}, \text{Strada}, \text{Localitate}, \text{Facultate}, \text{AnAbsolvire}))$

- Alegem dependenta  $\text{Nume} \twoheadrightarrow \text{Strada, Localitate}$  care violeaza conditia pentru FN4. Obtinem
  - $T_1 = \text{Nume, Strada, Localitate}$  si
  - $T_2 = \text{Nume, Facultate, AnAbsolvire}$
- Obtinem  $\rho = ( (\text{Nume, Strada, Localitate}), (\text{Nume, Facultate, AnAbsolvire}) )$ . Fiecare subschema mosteneste cate o dependenta multivalorica:
  - $T_1$  dependenta  $\text{Nume} \twoheadrightarrow \text{Strada, Localitate}$
  - $T_2$  dependenta  $\text{Nume} \twoheadrightarrow \text{Facultate, AnAbsolvire}$
- Cum cele doua dependente multivalorice mostenite de  $T_1$  si  $T_2$  sunt triviale (contin toate attributele relatiei respective) rezulta ca cele doua relatii sunt in FN4 deoarece nu exista dependente care violeaza conditia de FN4. Procesul s-a incheiat.

Observatie: Asa cum s-a mentionat anterior, fiecare subschema  $T_i$  obtinuta la descompunere mosteneste de la relatia originala  $T$  proiectia multimii de dependente a lui  $T$  (DF si DMV) pe  $T_i$ .