
CAPITOLUL 3

MODELUL RELAȚIONAL

O problema fundamentală a unui SGBD este modul în care datele sunt organizate în vederea stocării și exploatarii lor de către aplicații. Din punct de vedere istoric, în anii '60 au existat două modele de organizare a datelor care au fost apoi abandonate din cauza problemelor pe care le generau:

- Modelul ierarhic, folosit de IBM în sistemul IMS (care încă este unul dintre produsele furnizate de această firmă), în care organizarea este sub formă arborească: nodurile conțin date și legături ('pointeri') către nodurile fiu (vezi <http://www-306.ibm.com/software/data/ims/>)
- Modelul rețea. În cadrul acestuia înregistrările sunt structurate sub formă unui graf orientat, fiecare nod putând avea mai multe înregistrări 'tata' și mai mulți fii. Au existat mai multe sisteme de gestiune și limbaje de programare dezvoltate pe baza acestui model (de exemplu limbajul COBOL).

Dezavantajul principal al acestor două modele este că accesul la o înregistrare necesită navigarea prin arbore sau graf pentru a o localiza. Din acest motiv apar o serie de probleme mai ales legate de timpul necesar scrierii de noi programe și de detectarea anomaliilor care pot să apară în proiectarea bazei de date.

Modelul relațional al datelor, folosit în acest moment de majoritatea covârșitoare a sistemelor de gestiune aflate pe piață a fost introdus în anul 1970 prin articolul lui Edgar Frank Codd "*A relational model for large shared databanks*". Acest model, în care datele sunt stocate sub formă tabelară are o serie de avantaje care au dus la înlocuirea celorlalte modele:

- Datele sunt stocate doar ca valori; nu există pointeri sau navigare prin date;
- Face posibilă dezvoltarea de limbaje de cereri de nivel înalt în care utilizatorul specifică *ce* date dorește și nu *cum* se ajunge la rezultat, modul în care este calculat acesta fiind în sarcina sistemului de gestiune (exemplu de astfel de limbaj: SQL)
- Furnizează o bază solidă pentru problemelor de corectitudine a datelor (redundanță, anomalii, etc).
- Permite tratarea problemelor de independență a datelor (discutate în capitolul 1).
- Este extensibil, putând fi utilizat și pentru modelarea și manipularea de date complexe.

3.1. Elementele de baza ale modelului

3.1.1. Domeniu

Definitie: Domeniu (eng. Domain) = o multime de valori având asociat un nume.

Un domeniu se poate defini fie prin enumerarea elementelor sale fie prin specificarea unor caracteristici definitorii ale acestora.

Exemple:

- Culori = {rosu, galben, albastru, violet, verde}
- Nota = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10} sau Nota = $\{n \in \mathbb{N}^* \mid n \geq 1 \text{ si } n \leq 10\}$
- Sir40 = {Multimea sirurilor de maxim 40 de caractere}
- Numar = {Multimea numerelor intregi pozitive din intervalul [0, 100000]}

Din teoria multimilor se cunoaste notiunea de **produs cartezian** al unor multimi: fiind date n domenii D_1, D_2, \dots, D_n produsul lor cartezian este:

$$D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n = \{(v_1, v_2, \dots, v_n) \mid v_i \in D_i, i = 1, \dots, n\}$$

Trebuie mentionat ca in sirul de domenii care participa la un produs cartezian unele se poate gasi in mod repetat:

$$PC = \text{Numar} \times \text{Sir40} \times \text{Numar} \times \text{Numar} \times \text{Sir40} \times \text{Sir40}$$

3.1.2. Relatie

Definitie: Relatie (eng. Relation) = o submultime a unui produs cartezian având asociat un nume.

Termenul de relatie provine de asemenea din matematica. Un exemplu de relatie apartinand produsului cartezian PC din paragraful urmator este:

Produse = { (101, 'Imprimanta laser', 30, 20, 'Xerox', 'Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București'), (105, 'Calculator PC', 20, 23, 'IBM', 'Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti'), (124, 'Copiator', 10, 20, 'Xerox', 'Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București') }

Elementele unei relatii sunt denumite in literatura de specialitate **tupluri** (engl. tuple). Relatia de mai sus contine doar 3 dintre elementele produsului cartezian din care provine (3 tupluri).

O reprezentare intuitiva pentru relatia de mai sus este si urmatoarea, in care fiecare element al relatiei devine o linie a unei tabele si fiecare coloana corespunde unui domeniu din produsul cartezian de baza:

Produse

101	Imprimanta laser	30	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
105	Calculator PC	20	23	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti
124	Copiator	10	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București

În fapt deci o relație se reprezintă o tabelă care conține date, fiecare coloană având asociat un anumit tip de date, dat de domeniul din care provine.

3.1.3. Atribut

Deoarece o relație are o reprezentare tabelară putem vorbi de ‘coloană a unei relații’. În mod obișnuit, într-o tabelă coloanele au un nume.

Definiție: *Atribut* (eng. Attribute) = coloană a unei relații având asociat un nume.

Pentru relația Produse putem fixa de exemplu următoarele nume de atribute:

- IdP – Codul produsului (nu există două produse având același cod)
- NumeP – numele produsului
- Qty – Cantitate
- IdF – Codul furnizorului (nu există doi furnizori având același cod)
- NumeF – Numele furnizorului
- AdresaF – Adresa furnizorului

Produse

IdP	NumeP	Qty	IdF	NumeF	AdresaF
101	Imprimanta laser	30	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
105	Calculator PC	20	23	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti
124	Copiator	10	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București

3.1.4. Schema unei relații

Conținutul unei relații (văzută ca o tabelă) poate varia în timp: se pot adăuga sau șterge linii sau se pot modifica unele dintre valorile din liniile existente. Ceea ce rămâne constantă este structura relației: numele relației, numărul și tipul atributelor sale. În terminologia relațională structura unei relații este denumită și schema relației.

Definiție: *Schema unei relații* (eng. Relation scheme) = numele relației urmat de lista atributelor sale și (eventual) de domeniul din care acestea provin.

Există mai multe modalități prin care se poate specifica schema unei relații. În exemplele următoare prezentăm câteva dintre acestea cu referire la relația Produse:

```
Produse(IdP, NumeP, Qty, IdF, NumeF, AdresaF)
Produse(IdP: Numar, NumeP: Sir40, Qty: Numar, IdF: Numar,
        NumeF: Sir40, AdresaF: Sir40)
Produse = IdP, NumeP, Qty, IdF, NumeF, AdresaF
```

În cazul prezentării unora dintre elementele de teorie a bazelor de date relaționale se folosesc și notații de forma:

R = ABCDE

Cu semnificația: schema relației R conține 5 atribute notate cu A, B, C, D și respectiv E.

3.1.5. Cheia unei relatii

O relatie fiind o multime (de tupluri) nu poate contine elemente duplicat – spre deosebire de exemplu de un tabel Excel unde putem avea dubluri.

Rezulta ca tuplurile pot fi deosebite intre ele prin valorile aflate pe una sau mai multe coloane din relatie.

Definitie: Cheia unei relatii = multime minimala de atribute ale caror valori identifica in mod unic un tuplu al relatiei respective

Cheia unei relatii este o caracteristica a schemei acesteia si nu este determinata prin inspectarea valorilor aflate la un moment dat in relatie.

In tabela *Produce* cele trei linii existente pot fi identificate unic de valorile de pe 3 atribute (IdP, NumeP si Qty) dar numai IdP este cheie:

- IdP identifica (prin definitie) in mod unic un produs; rezulta ca multimea de atribute { IdP } este cheie (fiind si minimala prin natura sa).
- Multimea de atribute {IdP, IdF} identifica de asemenea unic fiecare tuplu al relatiei dar nu este cheie nefiind minimala: prin inlaturarea lui IdF multimea ramane in continuare cheie.
- Multimea de atribute {NumeP} nu este cheie: este posibil ca in tabela *Produce* sa avem mai multe linii cu NumeP = ‘Imprimanta laser’, ‘Copiator’ sau ‘Calculator PC’. Asa cum am mentionat cheia se determina din semnificatia atributelor relatiei si nu din valorile la un moment dat.
- Din acelasi motiv nici una dintre celelalte multimi de atribute ale relatiei *Produce* nu este cheie: fie nu este minimala (in cazul in care il include pe IdP) fie nu identifica unic tuplurile relatiei (pot exista valori duble)

In termeni de tabele rezulta ca nu pot exista doua linii avand aceeasi combinatie de valori pe coloanele care formeaza cheia tablei respective (proprietate denumita in literatura de specialitate si unicitatea cheii)

O relatie poate avea mai multe chei. Sa ne imaginam o relatie *Studenti* continand date despre studentii romani ai unei facultati:

Studenti (IdStud, NrMatricol, Nume, CNP, SerieCI, NumarCI)

In acest caz avem mai multe chei:

- { IdStud } – pentru ca IdStud este un numar asignat de sistem fiecarei inregistrari, fara repetitii
- { NrMatricol } – pentru ca nu pot exista doi studenti ai unei facultati cu acelasi numar matricol
- { CNP } – pentru ca nu pot exista doi cetateni romani (deci nici doi studenti romani) cu acelasi cod numeric personal
- { SerieCI, NumarCI } – pentru ca nu pot exista doi cetateni romani (deci nici doi studenti romani) cu aceeasi combinatie serie/numar carte de identitate.

Observatie: Orice relatie are cel putin o cheie: deoarece intr-o relatie nu pot exista doua elemente identice, rezulta ca multimea tuturor atributelor relatiei este cheie sau contine cel putin o cheie.

În literatura de specialitate și în sistemele de gestiune a bazelor de date există trei alte concepte legate de cheie și care vor fi prezentate în paragrafele următoare ale acestui capitol:

- Cheie primară (eng. Primary key),
- Cheie străină (eng. Foreign key),
- Supercheie (eng. Superkey).

3.1.6. Valori nule

Uneori, unele elemente ale unei relații (celule ale tabelului) nu au nici o valoare concretă. Se spune că în acel loc există o **valoare nulă**.

Definiție: *Valoare nulă* (eng. Null value) = o valoare diferită de oricare altă și care modelează o informație necunoscută sau o informație inaplicabilă.

Exemplul următor prezintă o relație *Studenti* în care există astfel de valori nule și care au fost simbolizate (pentru a ieși în evidență) prin <NULL>:

Studenti				
IdS	NumeStud	Codfacultate	IdTutor	Medie
1001	Ionescu Ion	03	<NULL>	9,10
1002	Popescu Vasile	03	1001	<NULL>
1003	Georgescu Ion	<NULL>	1001	8,40

- **Modelarea unei informații necunoscute:** Codul facultății studentului Georgescu și media lui Popescu sunt nule pentru că în momentul încărcării cu date informația respectivă, deși existentă în lumea reală, nu era cunoscută celui care a încărcat datele. La un moment ulterior aceste valori nule vor fi înlocuite cu valori nenule care specifică informația respectivă.
- **Modelarea unei informații inaplicabile:** Să presupunem că unii dintre studenți sunt consiliați în activitatea lor de un student de an mai mare, numit și tutor. Codul tutorului unui student este înscris pe coloana *IdTutor* (de exemplu studentii Popescu și Georgescu îl au ca tutor pe studentul Ionescu având codul 1001). În cazul studentului Ionescu însă valoarea lui *IdTutor* este nulă pentru că acest student (de an mai mare) nu are la rândul său un tutor, valoarea nulă fiind cea corectă în contextul respectiv.

3.1.7. Corectitudinea datelor

Schema unei relații conține descrierea structurii acesteia dar nu da informații privind corectitudinea datelor continute în aceasta. Exemplul următor prezintă o încărcare cu date incorecte pentru tabela *Produse*, erorile fiind următoarele:

- Există două produse diferite având același *IdP* (101)
- Ultimul produs din tabela nu are asignată o valoare pe coloana *IdP*
- Aceeași firmă are două coduri numerice diferite (20 și 22)
- Există două firme diferite cu același cod (20)

- Aceeași firmă are două adrese diferite

Produse

IdP	NumeP	Qty	IdF	NumeF	AdresaF
101	Imprimanta laser	30	20	Xerox	Str. Daniel Danielopolu 4-6, Sector 1, București
101	Calculator PC	20	20	IBM	Bd. D.Cantemir nr.1, Bucuresti
	Copiator	10	22	Xerox	Str. Batistei, București

Specificarea condițiilor de corectitudine pe care trebuie să le verifice datele se face astfel:

- În cadrul teoriei bazelor de date relaționale, o relație conține date corecte dacă acestea verifică setul de **dependente functionale** (sau de alt tip) atașat relației respective (dependentele functionale sunt prezentate în capitolul 4)
- În cazul sistemelor de gestiune a bazelor de date existente pe piață, acestea pun la dispoziție mecanisme de verificare numite **constrangeri de integritate**. Constrangerile de integritate se definesc fie la crearea tabelului fie ulterior și sunt de obicei de cinci tipuri, descrise în continuare. Efectul definirii unor astfel de constrangeri de integritate este acela că SGBD-ul va rejecta orice operație care violează vreuna dintre constrangerile definite pe tabelul respectiv.

a. Constrangeri NOT NULL (valori nenule)

Este o constrangere la nivelul unei coloane dintr-o tabelă și specifică faptul că pe coloana respectivă nu pot să apară valori nule. În cazul tabelului Produse o astfel de constrangere se poate asocia de exemplu pentru toate coloanele sau doar o parte din acestea. Orice încercare de a adăuga o linie care conține valori nule pe acea coloană sau de a modifica o valoare nenulă într-una nulă va fi respinsă de sistem.

b. Constrangeri PRIMARY KEY (cheie primară)

Așa cum s-a văzut anterior, o relație poate avea mai multe chei. În momentul creării tabelului corespunzător relației într-un sistem de gestiune a bazelor de date, una dintre ele poate fi aleasă ca și cheie primară (principală) a tabelului respectiv. O tabelă nu poate avea decât o singură cheie primară, formată din una sau mai multe atribute (coloane) ale acesteia. SGBD-ul creează automat structuri de căutare rapidă (index) pentru cheia primară a tabelului.

Alegerea cheii care devine cheie primară va fi făcută în concordanță cu tipul de aplicație în care este folosită acea tabelă. Pentru exemplul tabelului de la paragraful 3.1.5:

Studenti (IdStud, NrMatricol, Nume, CNP, SerieCI, NumarCI)

având cheile { IdStud }, { NrMatricol }, { CNP } și { SerieCI, NumarCI } alegerea cheii primare se poate face astfel:

- În cazul în care tabelul este folosit într-o aplicație de gestiune a datelor privind școlaritatea, se poate alege cheia primară NrMatricol, având în vedere că o serie de date privind rezultatele unui student sunt legate de matricolul său (informație de legătură cu alte tabele)

- In cazul in care tabela este folosita intr-o aplicatie a politiei universitare, alegerea se va face probabil intre CNP si (SerieCI, NumarCI), legatura cu bazele de date de la nivelurile superioare facandu-se dupa aceste informatii.
- In ambele cazuri se poate alege cheia primara IdStud, continand numere unice generate automat de sistem.

O caracteristica a cheii primare a unei tabele este (in majoritatea SGBD-urilor existente) cerinta ca pe coloanele componente nu pot sa apara valori nule.

c. Constrangeri UNIQUE (cheie)

Prin acest tip de constrangere se modeleaza celelalte chei ale tabelei. Pe coloanele unei chei definite cu UNIQUE pot insa sa apara valori nule, unicitatea fiind certificata doar pentru valorile nenule de pe coloanele cheii respective.

In exemplul anterior, daca s-a ales cheia primara IdStud, pentru celelalte trei chei se pot defini trei constrangeri de acest tip.

d. Constrangeri FOREIGN KEY (cheie straina)

Sunt cazuri in care o multime de coloane ale unei tabele contin valori care exista pe cheia primara a unei alte tabele. Sa consideram o baza de date in care exista urmatoarele doua tabele (cheile lor primare sunt cele subliniate):

Studenti(IdS, NumeStud, CodFacultate, IdTutor, Medie)
 Facultati(CodFacult, NumeFacultate, Adresa)

Coloana Codfacultate din tabela Studenti nu este cheie in aceasta tabela (pot exista mai multi studenti cu aceeasi valoare pe aceasta coloana, fiind studenti ai aceleiasi facultati) dar in mod normal contine valori care pot fi doar dintre cele existente pe cheia primara CodFacult din tabela Facultati.

O constrangere activa de acest tip (numita si *constrangere referentiala*) va avea ca efect respingerea inserarilor/modificarilor in tabela Studenti care ar face ca pe coloana Codfacultate sa apara o valoare care nu este deja in tabela Facultati.

Rezulta implicit ca in momentul incarcarii cu date este necesar sa fie completata intai tabela Facultati si apoi tabela Studenti, altfel operatia de incarcare cu date va esua din cauza violarii acestei constrangeri.

In cazul multor SGBD-uri se poate specifica in constrangere si stergerea automata a inregistrarilor 'fii' in cazul stingerii inregistrarii 'tata': la stergerea liniei corespunzatoare unei facultati (din tabela Facultati) se vor sterge automat si liniile din tabela Studenti continand studentii acelei facultati.

Constrangerile referentiale provin de obicei din transformarea asociierilor unare si binare unu-unu si multi-unu (descrisa in capitolul precedent).

e. Constrangeri CHECK (conditie)

Acest tip de constrangere specifica faptul ca valorile unei linii din tabela trebuie sa verifice o conditie (expresie logica).

Exemplu: In tabela:

Studenti(IdS, NumeStud, CodFacultate, IdTutor, Medie)

pe coloana Medie putem defini o constrangere de acest tip specificand ca valoarea (daca exista o valoare nenula) trebuie sa fie din intervalul [0, 10].

3.2. Transformarea diagramelor EA in modelul relational

In procesul de transformare vom pleca de la o diagrama EA si vom obtine trei tipuri de scheme de relatie:

- a. Relatii provenite din entitati. Ele contin aceleasi informatii ca si entitatile din care au rezultat.
- b. Relatii provenite din entitati si care contin chei straine.
Ele contin pe langa informatiile provenite din entitatile din care au rezultat si atribute care in alte entitati sint identificatori. Este cazul acelor entitati care au asocieri multi-unu si partial din cele care au asocieri unu-unu cu alte entitati.
- c. Relatii provenite din asocieri. Este cazul celor care apar din transformarea asocierilor binare multi-multi si a asocierilor de grad mai mare ca doi. Ele contin ca atribute reuniunea identificatorilor entitatilor asociate plus atributele proprii ale asocierilor.

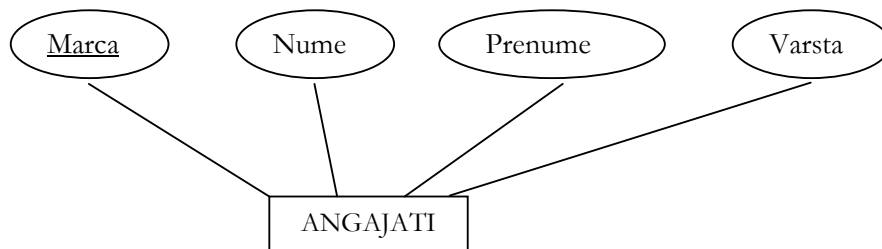
Procesul de transformare are un algoritm foarte precis si este din aceasta cauza pasul care se preteaza cel mai bine pentru crearea de instrumente software care sa-l asiste.

Transformarea entitatilor

Fiecare entitate a diagramei se transforma intr-o schema de relatie avind:

Numele relatiei	=	Numele entitatii
Atributele relatiei	=	Atributele entitatii
Cheia relatiei	=	Identificatorul entitatii

Exemplu: Fie entitatea Angajati de mai jos:



Schema rezultata este Angajati(Marca, Nume, Prenume, Varsta)

Transformarea asocierilor unare si binare unu-unu si multi-unu

Fiecare asociere din aceasta categorie va avea ca rezultat imbogatirea multimii de atribute descriptive ale uneia dintre cele doua scheme rezultate la pasul 2.1 din entitatile asociate, cu cheia celeilalte scheme. Aceste atribute care se adauga sint denumite in prezentarea de fata cheie straina deoarece ele sint cheie dar in alta schema de relatie.

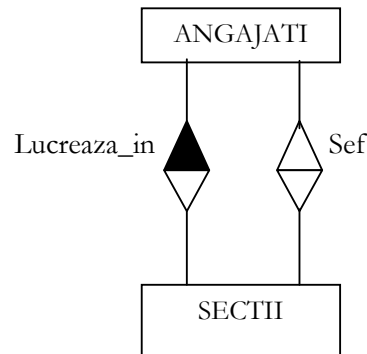
- a. In cazul asocierilor multi-unu, se adauga identificatorul entitatii unu in schema rezultata din entitatea multi

b. În cazul asocierilor unu-unu, se adaugă identificatorul unei entități în schema rezultată din transformarea celeilalte. Alegerea schemei în care se face adăugarea se poate face după două criterii:

- fie în acea schema care definește relația cu cele mai puține tupluri din cele două,
- fie păstrându-se, dacă există, filiația naturală între cele două entități: identificatorul tatălui se adaugă la fiu.

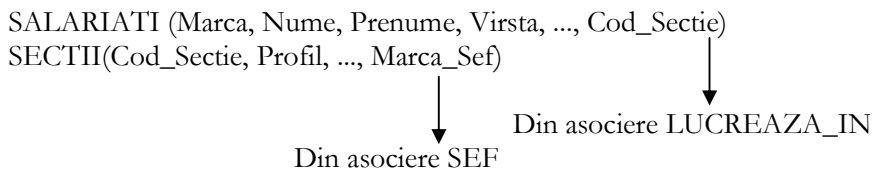
În cazul acestui tip de asocieri, la schema de relație care primește cheia străină se atașează una sau două dependente funcționale primare (vezi tabelul 1.1.)

Exemplu:



Între entitățile SALARIATI și SECTII există două asocieri: una unu-unu, SEF, care modelează faptul că o secție este condusă de un salariat (seful de secție) și una multi-unu, LUCREAZA_IN descrisă în paragrafele anterioare.

Rezultatul transformării este cel de mai jos. Atributele aflate după punctele de suspensie sunt cele adăugate (chei străine).



Pe cîmpul Cod_Sectie din relația SALARIATI se va înregistra pentru fiecare salariat codul secției în care acesta lucrează iar pe cîmpul Marca din relația SECTII se va înregistra pentru fiecare secție marca sefului de secție. Pentru asociere SEF s-a aplicat primul criteriu (relația SECTII va avea mult mai puține înregistrări decît SALARIATI), dar și al doilea criteriu este îndeplinit.

Transformarea asocierilor unare și binare multi-multi și a celor de grad mai mare ca doi

Fiecare asociere binară multi-multi și fiecare asociere cu grad mai mare ca doi se transformă într-o schema de relație astfel:

Nume relație	=	Nume asociere
Atribute relație	=	Reuniunea identificatorilor entităților asociate la care se adaugă atributele proprii ale asocierii
Cheia relației	=	Conform tabelului 1.2.

Grad	Conectivitate	Cheia relatiei provenite din asociere
Unare	multi (E) - multi (E)	Cheie(E) + Cheie(E)
Binare	multi (E1) - multi (E2)	Cheie(E1) + Cheie(E2)
Ternare	unu (E1) - unu (E2) - unu (E3)	Cheie(E1)+Cheie(E2) sau Cheie(E1)+Cheie(E3) sau Cheie(E2)+Cheie(E3) sau
	unu (E1) - unu (E2) - multi (E3)	Cheie(E1)+Cheie(E3) sau Cheie(E2)+Cheie(E3) sau
	unu (E1) - multi (E2) - multi (E3)	Cheie(E2)+Cheie(E3)
	multi (E1) - multi (E2) - multi (E3)	Cheie(E2)+Cheie(E3)+Cheie(E1)
<i>Cheile schemelor de relatie rezultate din asocieri</i>		
Legenda:		
X + Y: Multimea de atribute X impreuna cu multimea de atribute Y		

3.3. Algebra relationala

Încă din primul său articol în care introduce modelul relațional, E.F. Codd propune și un set de operatori pentru lucrul cu relații. Cum o relație este o mulțime de tupluri o parte dintre acești operatori provin direct din teoria mulțimilor. Ceilalți operatori, introduși în această algebra pentru relații (numiți în literatură de specialitate *algebra relationala*) sunt specifici acestora și au la bază operații uzuale cu tabele – acestea fiind reprezentarea intuitivă pentru relații.

După apariția primelor sisteme de gestiune a bazelor de date relationale s-a constatat însă că această algebra nu înglobează o serie de situații care apar în practică: în cazul execuției unei cereri SQL pot să apară tabele rezultat în care există linii duplicate. În plus, în cazul în care pe o tabelă din baza de date nu a fost definită o cheie primară, putem să avem în această mai multe linii identice. Problema liniilor duplicate intră în contradicție cu definiția unei relații în care nu putem avea două tupluri identice. Din acest motiv în acest subcapitol prezentăm următoarele variante de operatori:

- operatori ai algebrei relationale clasice în care pornind de la una sau mai multe relații obținem o relație.
- Operatori ai algebrei pe multiseturi care lucrează pe așa numitele multiseturi (în engleză *bags*) care sunt asemănătoare relațiilor dar în care putem avea elemente duplicate.
- Operatori care lucrează atât pe relații cât și pe multiseturi. Ei sunt o extensie a algebrei relationale și pe multiseturi și provin din necesitatea de a putea rescrie orice cerere SQL în termeni algebrei extinse.

3.3.1. Algebra relationala clasica

Exista mai multi operatori in cadrul acestei algebre, unii dintre ei fiind derivati (se pot rescrie in functie de alti operatori). Putem imparti acesti operatori in doua categorii:

- Operatori derivati din teoria multimilor.
- Operatori specifici algebrei relationale

Operatori derivati din teoria multimilor

Reuniunea: Fiind date doua relatii R si S, reuniunea lor, notata $R \cup S$ este o relatie care contine tuplurile care sunt fie in R, fie in S fie in ambele relatii. In rezultatul reuniunii nu apar tupluri duplicat.

Pentru ca aceasta operatie sa poata fi executata cele doua relatii care se reunesc trebuie sa aiba scheme compatibile (acelasi numar de coloane provenind din aceleasi domenii (deci cu acelasi tip de date)).

Echivalent SQL: operatorul UNION prin care se pot reuni rezultatele a doua cereri SQL de tip SELECT.

Exemplu:

A	B	C
1	1	2
2	1	3
1	3	2

Relatia R

A	B	C
4	1	2
2	1	3
1	3	2
5	1	7

Relatia S

A	B	C
1	1	2
2	1	3
1	3	2
4	1	2
5	1	7

Relatia $R \cup S$

Diferenta: Fiind date doua relatii R si S, diferenta lor, notata $R - S$ este o relatie care contine tuplurile care sunt in R si nu sunt in S.

Si in cazul diferentei cele doua relatii care se reunesc trebuie sa aiba scheme compatibile.

Echivalent SQL: operatorul MINUS prin care se poate face diferenta intre rezultatele a doua cereri SQL de tip SELECT.

Exemplu:

A	B	C
1	1	2
2	1	3
1	3	2

Relatia R

A	B	C
4	1	2
2	1	3
1	3	2
5	1	7

Relatia S

A	B	C
1	1	2

Relatia $R - S$

Intersectia: Fiind date doua relatii R si S, intersectia lor, notata $R \cap S$ este o relatie care contine tuplurile care sunt si in R si in S. De asemenea cele doua relatii care se reunesc trebuie sa aiba scheme compatibile.

Echivalent SQL: operatorul INTERSECT prin care se poate calcula intersecția rezultatelor a două cereri SQL de tip SELECT.

Exemplu:

A	B	C
1	1	2
2	1	3
1	3	2

Relatia R

A	B	C
4	1	2
2	1	3
1	3	2
5	1	7

Relatia S

A	B	C
2	1	3
1	3	2

Relatia $R \cap S$

Observatie: Intersecția este un operator derivat. Putem rescrie orice intersecție astfel:

$$R \cap S = R - (R - S)$$

Produsul cartezian: Fiind date două relații R și S, produsul lor cartezian, notată $R \times S$ este o relație ale cărei tupluri sunt formate prin concatenarea fiecărei linii a relației R cu fiecare linie a relației S. Rezultă de aici următoarele:

- Numărul de atribute (coloane) ale lui $R \times S$ este egal cu suma numerelor de atribute ale lui R și S
- Numărul de tupluri (linii) ale lui $R \times S$ este egal cu produsul numerelor de tupluri ale lui R și S
- Dacă în R și S avem atribute (coloane) cu același nume, în produsul cartezian $R \times S$ vom avea atribute care au același nume. Pentru a le deosebi se prefixează numele atributului cu cel al relației din care provine (ex.: R.A și S.A, ca în exemplul următor)

Echivalent SQL:

- În clauza FROM a unei cereri SELECT apar două (sau mai multe) tabele
- În cazul standardului SQL-3, se poate folosi clauza CROSS JOIN a unei cereri de regăsire de date de tip SELECT prin care se poate efectua produsul cartezian a două tabele.

Exemplu:

A	B	C
1	1	2
2	1	3
1	3	2

Relatia R

A	C	D	E
4	1	2	5
2	1	3	1

Relatia S

Rezultatul produsului cartezian este o relatie avand 7 atribute - coloane (suma dintre 3 si 4) si 6 tupluri - linii (produsul lui 3 cu 3):

R.A	R.B	R.C	S.A	S.C	S.D	S.E
1	1	2	4	1	2	5
1	1	2	2	1	3	1
2	1	3	4	1	2	5
2	1	3	2	1	3	1
1	3	2	4	1	2	5
1	3	2	2	1	3	1

Relatia $R \times S$

Operatori specifici algebrei relationale

Proiectia: Fiind data o relatie R si o multime de atribute ale acesteia $X=A_1, A_2, \dots, A_n$, proiectia lui R pe multimea de atribute X este o relatie care se obtine din R luand doar coloanele din X (in aceasta ordine) si eliminand eventualele tupluri duplicat. Notatia pentru selectie este urmatoarea:

$$\pi_X(R) \text{ sau } \pi_{A_1, A_2, \dots, A_n}(R)$$

Echivalent SQL: Clauza SELECT a unei cereri de regasire de date in care este specificata lista de expresii care da structura de coloane a rezultatului.

Exemplu: din relatia R de mai jos dorim sa calculam $\pi_{B, C, E}(R)$

A	B	C	D	E
1	1	2	1	3
2	1	2	1	3
2	7	4	4	1
2	3	9	2	1
1	3	7	4	1
1	3	9	2	1

Relatia R

B	C	E
1	2	3
7	4	1
3	9	1
3	7	1

Rezultatul proiectiei $\pi_{B, C, E}(R)$

Observam ca s-au eliminat doua linii duplicat din rezultat (cele provenite din liniile 2 si 6).

Nota: in multimea de atribute pentru o proiectie poate sa apara toate atributele relatiei. In acest caz se obtine o relatie cu acelasi continut cu cea initiala dar in care coloanele sunt permutate:

A	B	C	D	E
1	1	2	1	3
2	1	2	1	3
2	7	4	4	1
2	3	9	2	1
1	3	7	4	1
1	3	9	2	1

Relatia R

B	C	A	E	D
1	2	1	3	1
1	2	2	3	1
7	4	2	1	4
3	9	2	1	2
3	7	1	1	4
3	9	1	1	2

Rezultatul proiecției $\pi_{B, C, A, E, D}(R)$

Selectia (numita uneori restrictia): Fiind data o relatie R si o expresie logica F (o conditie), selectia lui R in raport cu F este o relatie care se obtine din R luand doar liniile care verifica expresia logica F.

Notatia pentru selectie este urmatoarea:

$$\sigma_F(R)$$

Echivalent SQL: Clauza WHERE a unei cereri de regasire de date de tip SELECT pe care se scrie conditia pe care trebuie sa o indeplineasca liniile pentru a trece mai departe spre rezultat.

Exemplu: din relatia R de mai jos dorim sa calculam $\sigma_{B+1 > A+C}(R)$:

A	B	C	D	E
1	1	2	1	3
2	1	2	1	3
2	7	4	4	1
2	3	9	2	1
1	3	7	4	1
1	3	9	2	1

Relatia R

A	B	C	D	E
2	7	4	4	1

Rezultatul selectiei $\sigma_{B+1 > A+C}(R)$

Joinul general (numit si theta-join sau θ -join): fiind dare doua relatii R si S, joinul lor (notat $R \bowtie_F S$) se obtine din produsul cartezian al relatiilor R si S urmat de o selectie dupa conditia F (numita si **conditie de join**). Denumirea de theta-join este folosita din motive istorice, simbolul θ fiind folosit initial pentru a desemna o conditie.

Rezulta ca:

$$R \bowtie_F S = \sigma_F(R \times S)$$

Sa luam un exemplu concret pentru exemplificarea acestui operator: Sa consideram ca avem doua relatii, STUD si SPEC avand schemele:

STUD(Mat, Nume, CodSpec, Media)

SPEC(CodS, NumeS)

Cele doua relatii au urmatorul continut:

Matr	Nume	CodSpec	Media
101	Ionescu Ion	10	8
102	Popescu Maria	11	9
302	Georgescu Vasile	10	9,50

CodS	NumeS
10	Calculatoare si Tehnologia Informatiei
11	Automatica si Informatica Industriala

Relatia SPEC

Relatia STUD

Sa consideram urmatoarele joinuri:

- $STUD \bowtie_{STUD.CodSpec=SPEC.CodS} SPEC$
- $STUD \bowtie_{STUD.CodSpec>SPEC.CodS} SPEC$

Rezultatul celor doua joinuri este urmatorul:

Pentru $STUD \bowtie_{STUD.CodSpec=SPEC.CodS} SPEC$

Matr	Nume	CodSpec	Media	CodS	NumeS
101	Ionescu Ion	10	8	10	Calculatoare si Tehnologia Informatiei
102	Popescu Maria	11	9	11	Automatica si Informatica Industriala
302	Georgescu Vasile	10	9,50	10	Calculatoare si Tehnologia Informatiei

In cazul in care conditia de join este una de egalitate, joinul se mai numeste si **echijoin**. In restul cazurilor se foloseste sintagma non-echijoin.

- Pentru $STUD \bowtie_{STUD.CodSpec>SPEC.CodS} SPEC$

Matr	Nume	CodSpec	Media	CodS	NumeS
102	Popescu Maria	11	9	10	Calculatoare si Tehnologia Informatiei

Echivalent SQL: In clauza FROM a unei cereri de regasire de tip SELECT apar tabelele care participa la join si in clauza WHERE se pune conditia de join, conectata cu AND de celelalte conditii care eventual sunt necesare in cererea respectiva.

Join natural: Joinul natural pentru doua relatii R si S (notat $R \bowtie S$) se obtine facand joinul celor doua relatii dupa conditia “coloanele cu aceeasi semnificatie au valori egale” si eliminand prin proiectie coloanele duplicat (cele dupa care s-a facut joinul).

Echivalent SQL: Clauza NATURAL JOIN din sintaxa SQL-3. Observatie: deoarece SGBD-ul nu cunoaste semnificatia coloanelor, conditia de join implicita in acest caz este “coloanele cu acelasi nume au valori egale”

Exemplu: In cazul celor doua tabele de mai sus, STUD si SPEC, joinul lor natural va fi asemanator cu echijoinul anterior, lipsind inasa coloana duplicat SPEC.CodS (care are aceleasi valori ca si coloana STUD.CodSpec)

Matr	Nume	CodSpec	Media	NumeS
101	Ionescu Ion	10	8	Calculatoare si Tehnologia Informatiei
102	Popescu Maria	11	9	Automatica si Informatica Industriala
302	Georgescu Vasile	10	9,50	Calculatoare si Tehnologia Informatiei

Join extern: Asa cum se vede din nonechijoinul de mai sus (cel dupa conditia $STUD.CodSpec > SPEC.CodS$), in cazul in care o linie a unei tabele, oricare ar fi concatenarea ei cu o alta linie din cealalta tabela, nu indeplineste conditia de join, linia respectiva nu are corespondent in rezultat. Este cazul liniilor studentilor de la specializarea 10 si al liniei specializarii 11.

In unele cazuri se doreste inasa ca aceste linii sa apara in rezultat, cu valori nule pe coloanele din cealalta tabela. Aceasta operatie poarta numele de join extern (in engleza outer join). Cum la un join participa doua tabele, pot exista trei tipuri de join extern:

- Join extern stanga (left outer join), in care in rezultat apar toate liniile tabelei din stanga operatorului. Notatia este: $R \triangleright^{\circ} \triangleleft_L S$.
- Join extern dreapta (right outer join), in care in rezultat apar toate liniile tabelei din dreapta operatorului. Notatia este: $R \triangleright^{\circ} \triangleleft_R S$.
- Join extern complet (full outer join), in care in rezultat apar toate liniile tabelei din stanga si din dreapta operatorului. Notatia este: $R \triangleright^{\circ} \triangleleft S$.

De notat ca in rezultatul joinului extern sunt intotdeauna continute tuplurile (liniile) din rezultatul joinului general dupa aceeasi conditie.

Exemple:

- Joinul extern stanga $STUD \triangleright^{\circ} \triangleleft_L (STUD.CodSpec > SPEC.CodS) SPEC$

Matr	Nume	CodSpec	Media	CodS	NumeS
102	Popescu Maria	11	9	10	Calculatoare si Tehnologia Informatiei
101	Ionescu Ion	10	8	NULL	NULL
302	Georgescu Vasile	10	9,50	NULL	NULL

- Joinul extern dreapta $STUD \triangleright^{\circ} \triangleleft_D (STUD.CodSpec > SPEC.CodS) SPEC$

Matr	Nume	CodSpec	Media	CodS	NumeS
102	Popescu Maria	11	9	10	Calculatoare si Tehnologia Informatiei
NULL	NULL	NULL	NULL	11	Automatica si Informatica Industriala

- Joinul extern complet $STUD \bowtie^{\circ} \triangleleft (STUD.CodSpec > SPEC.CodS) SPEC$

Matr	Nume	CodSpec	Media	CodS	NumeS
102	Popescu Maria	11	9	10	Calculatoare si Tehnologia Informatiei
101	Ionescu Ion	10	8	NULL	NULL
302	Georgescu Vasile	10	9,50	NULL	NULL
NULL	NULL	NULL	NULL	11	Automatica si Informatica Industriala

Semijoin: Fie doua relatii R si S. Atunci semijoinul lui R in raport cu S (notat $R \bowtie S$) este o relatie care contine multimea tuplurilor lui R care participa la joinul natural cu S. Semijoinul este un operator derivat. Putem scrie ca:

$$R \bowtie S = \pi_R (R \bowtie S)$$

Semijoinurile pot fi folosite in optimizarea cererilor de regasire in baze de date distribuite.

3.3.2. Operatori folositi pentru multiseturi

Asa cum am spus anterior, in practica bazelor de date intr-o tabela sau un rezultat al unei cereri de regasire de date pot sa apara linii duplicat. In acest caz nu mai putem vorbi de relatii (care nu permit tupluri duplicat) ci de multiseturi (eng. *bags*). Prezentam pe scurt efectul unora dintre operatorii de mai sus aplicati multiseturilor.

Reuniunea: Efectul este asemanator cu al reuniunii din algebra relationala dar din rezultatul final nu se elimina duplicatele.

A	B	C
1	1	2
1	1	2
1	3	2

Multiset R

A	B	C
1	3	2
2	1	3

Multiset S

A	B	C
1	1	2
1	1	2
1	3	2
1	3	2
2	1	3

Multiset $R \cup S$

Intersectia, diferenta, produsul cartezian, selectia, joinul, joinul natural, joinul extern: acelasi mod de calcul ca si in cazul relatiilor dar:

- Multiseturile operand pot sa contina linii duplicat
- Din rezultat nu se elimina liniile duplicat

Observatie: in cazul acestor operatii nu pot aparea linii duplicat decat daca operanzii contin linii duplicat.

Proiectia: Acelasi mod de calcul ca si in cazul relatiilor dar la final nu eliminam liniile duplicat.

A	B	C	D	E
1	1	2	1	3
2	1	2	1	3
2	7	4	4	1
2	3	9	2	1
1	3	7	4	1
1	3	9	2	1

Multiset R

B	C	E
1	2	3
1	2	3
7	4	1
3	9	1
3	7	1
3	9	1

Rezultatul proiectiei $\pi_{B, C, E}(R)$
pentru multisetul R

Observam ca nu s-au eliminat liniile duplicat

3.3.3. Operatori pentru relatii si multiseturi

(Nota: acest subcapitol este redactat doar sumar. In scurt timp fiecare operator va fi prezentat cu mai multe detalii)

Redenumirea: Exista doua modalitati de a face redenumirea tabelor si/sau coloanelor:

- a. **Operatorul de redenumire ρ** permite atat redenumirea relatiilor/multiseturilor cat si a atributelor acestora:

Fiind data o relatie R, putem obtine o alta relatie $S = \rho_{S(A_1, A_2, \dots, A_n)}$ care are acelasi continut ca si R dar attributele se numesc A_1, A_2, \dots, A_n .

Echivalent SQL: Aliasurile de coloana si de tabela folosite in clauzele SELECT, respectiv FROM dintr-o cerere de regasire de tip SELECT

- b. **Constructorul \rightarrow** care permite redenumirea atributelor in rezultatul unei expresii relationale sau pe multiseturi:

Putem redenumi intr-un rezultat un atribut prin constructia:

Nume_vechi \rightarrow Nume_nou

Exemplu: Fie o relatie $R=ABCDE$.

In rezultatul proiectiei $\pi_{B \rightarrow \text{Nume}, C \rightarrow \text{Prenume}, E \rightarrow \text{DataN}}(R)$ attributele nu sunt B, C si E ci Nume, Prenume si DataN

Echivalent SQL: aliasul de coloana folosit in clauza SELECT a unei cereri de regasire.

Eliminare duplicate: Acest operator se poate aplica doar pe multiseturi (relatiile nu contin tupluri duplicat). Efectul este eliminarea duplicatelor din multiset. Notatia operatorului este urmatoarea:

Fiind dat un multiset R, $\delta(R)$ este un multiset fara duplicate (deci o relatie)

Echivalent SQL: SELECT DISTINCT dintr-o cerere de regasire de tip SELECT

Exemplu:

A	B	C
1	2	3
1	2	3
7	4	1
3	9	1
3	7	1
3	9	1

Multisetul R

A	B	C
1	2	3
7	4	1
3	9	1
3	7	1

Multisetul (relatia) $\delta(R)$

Grupare: Forma operatorului de grupare este urmatoarea:

$$\gamma_{\text{Lista_atribute_si_functii_statistice}}(R)$$

- Atributele din lista sunt criteriile de grupare. Ele apar in rezultatul returnat de operator
- Functiile statistice din lista (ex.: MIN, MAX, SUM, AVG, COUNT) se calculeaza la nivelul fiecarui grup si de asemenea apar in rezultatul operatorului

Acest operator se poate aplica atat relatiilor cat si multiseturilor.

Echivalent SQL: Functii statistice si grupare cu GROUP BY

Un exemplu in acest sens este edificator: In cazul relatiei STUD anterioare

$$\gamma_{\text{CodSpec, Count(*)} \rightarrow \text{NrStud, AVG(Medie)} \rightarrow \text{Medie}}(\text{STUD})$$

va returna o relatie avand urmatorul continut:

CodSpec	NrStud	Medie
10	2	8,75
11	1	9,00

Sortare: Forma operatorului de sortare este urmatoarea:

$$\tau_{\text{Lista_atribute}}(R)$$

Efectul este sortarea relatiei sau multisetului R in functie de atributele din lista. Cum atat in cazul relatiilor cat si a multiseturilor nu este presupusa o relatie de ordine, acest operator practic nu modifica argumentul (doar rearanjeaza elementele). El are sens doar atunci cand este ultimul aplicat unei expresii .

Echivalent SQL: Clauza ORDER BY dintr-o cerere de regasire de tip SELECT

Proiectie extinsa: Acest operator este analog proiectiei obisnuite dar permite atribute (coloane) calculate pentru rezultatul unei expresii pe relatii sau multiseturi. Forma sa este urmatoarea:

$$\pi_{\text{Expresie1, Expresie2, \dots Expresien}}(R)$$

Observatie: in functie de rezultatul dorit (relatie sau multiset) dupa ce se calculeaza rezultatele duplicatele se elimina sau nu se elimina.

Echivalent SQL: Ca si in cazul proiectiei obisnuite, acest operator este implementat prin clauza SELECT a unei cereri de regasire a informatiei

Exemplu: Pentru expresia:

$$\pi \text{ Nume, Medic*2} \rightarrow \text{Dublu (STUD)}$$

Rezultatul este:

Nume	Dublu
Ionescu Ion	16
Popescu Maria	18
Georgescu Vasile	19

3.4. Calcul relational

Pe langa algebra relationala, cererile de regasire a informatiei intr-o baza de date relationala pot fi exprimate si prin calcul relational pe tupluri (CRT) sau calcul relational pe domenii (CRD). In acest paragraf sunt prezentate pe scurt aceste doua modalitati de exprimare a cererilor.

3.4.1. Calcul relational pe tupluri

In calculul relational pe tupluri o cerere se exprima printr-o **expresie** de forma:

$$\{ t \mid \Psi(t) \}$$

Unde t este o **variabila tuplu** iar Ψ o **formula**. Semnificatia expresiei este “multimea tuturor tuplurilor t care verifica formula Ψ ”.

Formula este compusa din elemente (numite si atomi) care pot fi de trei tipuri:

- Elemente de tip $R(s)$ unde R este un nume de relatie iar s o variabila tuplu. Semnificatia este “ s este un tuplu din R ”
- Elemente de tip $s[i] \theta v[j]$ unde s si v sunt variabile tuplu iar θ un operator prin care se poate compara componenta i a variabilei tuplu s cu componenta j a variabilei tuplu v
- $s[i] \theta a$ sau $a \theta s[i]$ prin care componenta i a variabilei tuplu s se compara cu constanta a .

Pe baza acestor atomi se poate defini recursiv ce este o formula si ce sunt aparitii **libere** sau **legate** ale variabilelor tuplu:

- Orice atom este in acelasi timp formula. Toate aparitiile unei variabile tuplu intr-un atom sunt aparitii libere
- Daca Ψ si ϕ sunt doua formule, atunci $\Psi \vee \phi$, $\Psi \wedge \phi$ si $\neg\Psi$ sunt formule cu semnificatia Ψ sau-logic ϕ , Ψ si-logic ϕ si respectiv “not Ψ ”. Aparitiile de variabile tuplu sunt libere sau legate in aceste formule dupa cum ele sunt libere

sau legate in componentele acestora. Este permis ca o aceeași variabilă tuplu să aibă o apariție liberă în Ψ și o altă legată în Φ

- Dacă Ψ este o formulă atunci și $(\exists s)(\Psi)$ este formulă. Aparitiile variabilei tuplu care sunt libere în Ψ sunt legate în $(\exists s)(\Psi)$. Celelalte apariții de variabile tuplu din Ψ rămân la fel (libere sau legate) în $(\exists s)(\Psi)$. Semnificația acestei formule este următoarea: există o valoare concretă a lui s care înlocuită în toate aparițiile libere din Ψ face ca aceasta să fie adevărată.
- Dacă Ψ este o formulă atunci și $(\forall s)(\Psi)$ este formulă. Aparitiile variabilei tuplu care sunt libere în Ψ sunt legate în $(\forall s)(\Psi)$. Celelalte apariții de variabile tuplu din Ψ rămân la fel (libere sau legate) în $(\forall s)(\Psi)$. Semnificația acestei formule este următoarea: orice valoare concretă a lui s pusă în locul aparițiilor libere ale acestuia din Ψ face ca Ψ să fie adevărată.
- Parantezele pot fi folosite în formule după necesități. Precedența este: întâi comparațiile, apoi \exists și \forall și în final \neg , \wedge , \vee (în această ordine)

Exemple de expresii și formule:

- Expresia $\{t \mid R(t) \vee S(t)\}$ este echivalenta reuniunii a două relații din algebra relațională. Analog $\{t \mid R(t) \wedge S(t)\}$ reprezintă intersecția a două relații.
- Expresia pentru proiecția lui R pe atributele i_1, i_2, \dots, i_k se poate scrie astfel:

$$\{t^{(k)} \mid (\exists u)(R(u) \wedge t[1] = u[i_1] \wedge t[2] = u[i_2] \wedge \dots \wedge t[k] = u[i_k])\}$$
- Formula $(\exists s)(R(s))$ spune că relația R este nevidă

Din păcate unele din expresiile scrise în calcul relațional pe tupluri duc la rezultate infinite. De exemplu: dacă R este o relație finită expresia $\{t \mid R(t)\}$ este de asemenea finită dar expresia $\{t \mid \neg R(t)\}$ este infinită (există o infinitate de tupluri care nu aparțin lui R).

Pentru a evita astfel de rezultate s-au introdus așa numitele **expresii sigure**. Pentru definirea lor este necesară definirea unui alt concept și anume **domeniul** unei formule:

Definiție: Dacă Ψ este o formulă atunci domeniul său, notat cu $\text{DOM}(\Psi)$ este mulțimea tuturor valorilor care fie apar explicit în Ψ sau sunt componente ale tuplurilor relațiilor prezente în Ψ . Cum orice relație este finită rezultă că și domeniul oricărei formule este finit.

Exemplu: Fie formula $\Psi = R(t) \wedge t[1] > 100$ care reprezintă condiția pentru o selecție din R după condiția “valoarea pe prima coloană este mai mare decât 100”. Atunci:

$$\text{DOM}(\Psi) = \{100\} \cup \{\text{mulțimea valorilor care apar în tuplurile lui } R\}$$

Definiție: O expresie Ψ se zice că este sigură dacă rezultatul său este compus doar din valori aparținând lui $\text{DOM}(\Psi)$.

Conform acestei definiții:

- expresiile $\{t \mid R(t)\}$, $\{t \mid R(t) \wedge t[1] > 100\}$, $\{t \mid R(t) \vee S(t)\}$, $\{t \mid R(t) \wedge S(t)\}$ sau $\{t^{(k)} \mid (\exists u)(R(u) \wedge t[1] = u[i_1] \wedge t[2] = u[i_2] \wedge \dots \wedge t[k] = u[i_k])\}$ sunt sigure
- expresiile $\{t \mid \neg R(t)\}$ sau $\{t \mid \neg R(t) \wedge \neg S(t)\}$ nu sunt sigure.

În literatura de specialitate se poate găsi demonstrația faptului că expresiile sigure din CRT sunt echivalente cu expresii din algebra relațională și reciproc.

3.4.2. Calcul relațional pe domenii

În calculul relațional pe domenii nu avem variabilele tuplu ci variabile de domeniu, ele constituind elementele care formează tuplurile. În acest caz rescriem regulile de formare pentru o formulă astfel:

- Un atom poate fi:
 - $R(x_1, x_2, \dots, x_n)$ unde R este o relație iar x_i sunt variabile de domeniu sau constante
 - $x \theta y$ unde x și y sunt variabile de domeniu sau constante iar θ este în continuare un operator de comparație.
- Formulele din CRD sunt construite analog cu cele din CRT utilizând de asemenea \neg, \wedge, \vee precum și \exists, \forall .
- Noțiunile de apariție liberă sau legată a unei variabile de domeniu sunt analoge cu cele din CRT
- Analog cu CRT se definesc: domeniul unei variabile de domeniu $DOM(x)$ și expresii sigure în CRD.

Exemple de expresii:

- Reuniunea a două relații R și S : $\{x_1x_2\dots x_n \mid R(x_1x_2\dots x_n) \vee S(x_1x_2\dots x_n)\}$
- Intersecția a două relații R și S : $\{x_1x_2\dots x_n \mid R(x_1x_2\dots x_n) \wedge S(x_1x_2\dots x_n)\}$
- Selecția după condiția “valoarea pe prima coloană este mai mare decât 100:

$$\{x_1x_2\dots x_n \mid R(x_1x_2\dots x_n) \wedge x_1 > 100\}$$

Toate expresiile de mai sus sunt sigure. Analog cu CRT, expresiile:

$\{x_1x_2\dots x_n \mid \neg R(x_1x_2\dots x_n)\}$ și $\{x_1x_2\dots x_n \mid \neg R(x_1x_2\dots x_n) \wedge \neg S(x_1x_2\dots x_n)\}$ nu sunt sigure.

În literatura de specialitate se poate găsi demonstrația faptului că expresiile sigure din CRD sunt echivalente cu expresii din algebra relațională și reciproc.