

# Sisteme Incorporate

Cursul 9

Algoritmi de planificare

# Cuprins

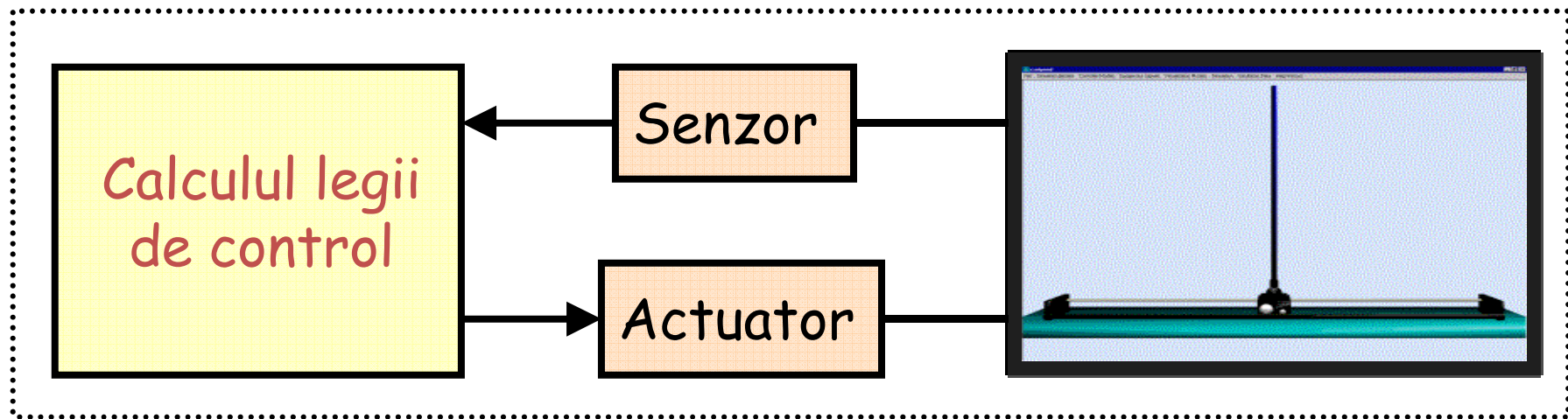
- Sisteme de timp real
- Algoritmi de planificare de timp real
  - Cu prioritati fixe (RMS)
  - Cu prioritati dinamice (EDF)

# Sisteme de timp real

- Definitie
  - Sunt sisteme a caror corectitudine depinde de aspectele lor **functionale** cat si de cele **temporale**
- Masurarea performantei
  - **Punctualitatea** lor in indeplinirea constrangerilor de timp (deadlines)
  - Viteza/performanta medie sunt metrici secundare
- Proprietate de baza
  - **Previzibilitatea** raspunsului la constrangerile de timp

# Exemplu sistem de timp real

- Sistem de control digital
  - Executa periodic urmatoarele sarcini:
    - **masoara** starea sistemului
    - **actioneaza** sistemul in conformitate cu statusul curent



# Care este provocarea?

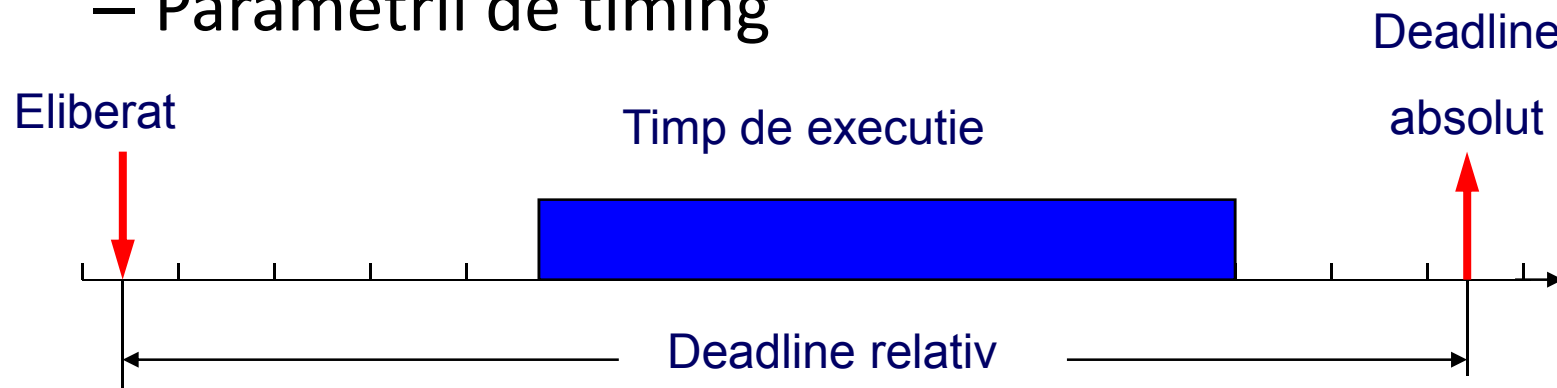
- Specificarea constrangerilor de timp pentru sistemele de timp real
- Obținerea unui răspuns previzibil din partea sistemului la satisfacerea tuturor constrangerilor de timp real
  - poate să implice și existența altor sisteme de timp real care afectează constrangerile sistemului tinta

# Real-Time Workload

- Unitatea de munca (job)
  - Un calcul, o citire din fisier, o transmisie a unui mesaj etc

Atribute:

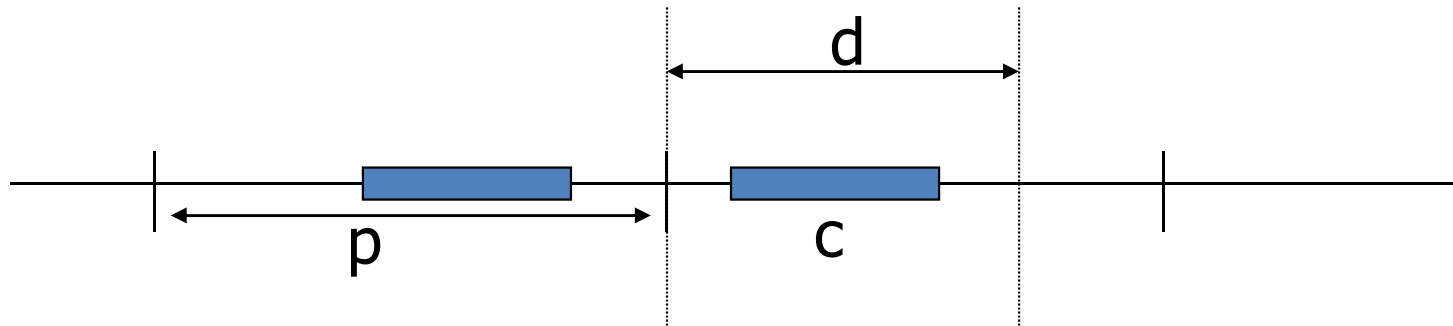
- Resursele necesare pentru a progresa
- Parametrii de timing



# Proces Periodic

- Activat la intervale regulate de timp
  - Ex. Clipeste cursorul odata la 1 secunda
- $P = (s, c, p, d)$ 
  - $s$  = momentul de start
  - $c$  = worst case execution time (WCET)
  - $p$  = perioada
  - $d$  = deadline
  - $c \leq d \leq p$

# Proces Periodic



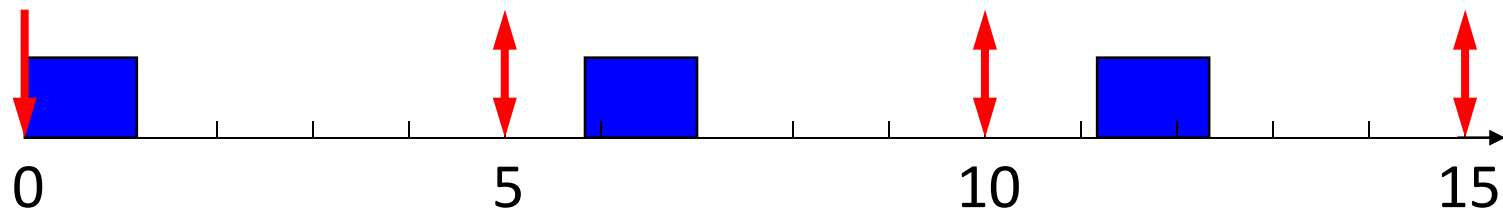
- **Perioada**: intervalul dintre doua activari succesive ale aceluiasi proces.
- **Timp de initializare**: timpul la care procesul devine initializat.
- **Deadline**: timpul la care procesul trebuie sa-si inceteze executia.
- In majoritatea cazurilor,  $d = p$



# Proces Periodic

– Task periodic( $p, e$ )

- Executia lui se repeta
- Perioada  $p$  ( $0 < p$ )
- Timp de executie  $e$ 
  - maximul timpului de executie ( $0 < e < p$ )
- Utilizarea:  $U = e/p$



# Worst Case Execution Time

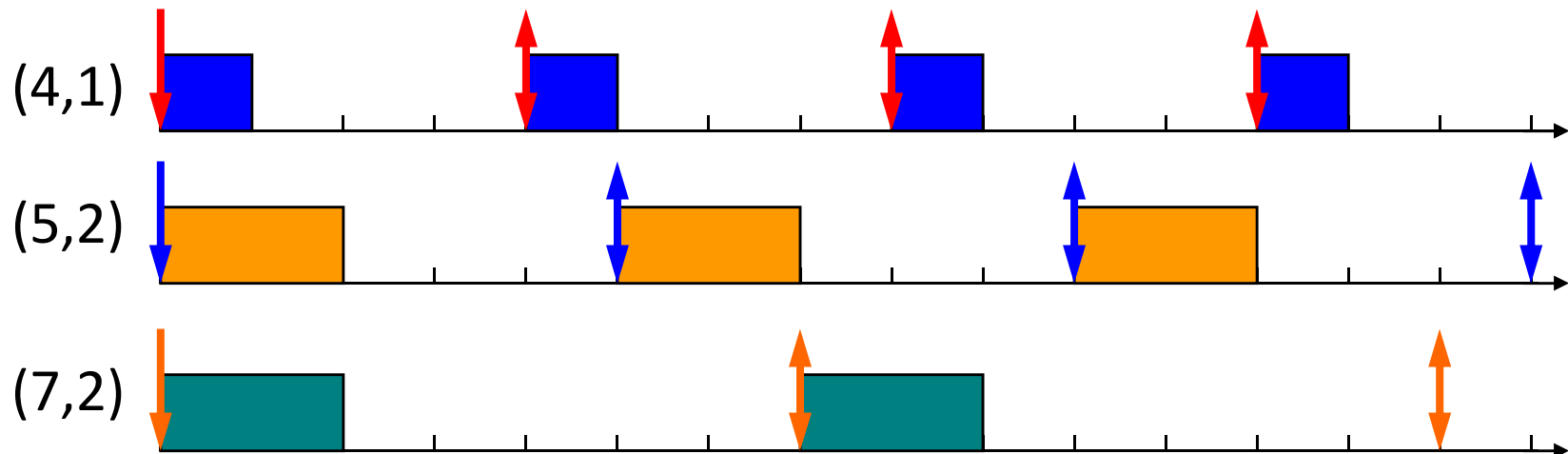
- Pentru un task  $T$  care ruleaza pe un procesor  $P$ , WCET este timpul maxim de executie al lui  $T$  pe  $P$  pentru toate intrarile posibile ale lui  $T$
- Analiza WCET: analiza statica pentru a estima WCET
  - Analiza cailor de executie a programului
  - Modelare micro-arhitecturala

# Hard vs. Soft Deadline

- **Hard** deadline
  - Consecinte foarte grave, chiar dezastruoase pot avea loc daca termenul nu este respectat
  - Pre-validarea este esentiala: este posibil ca **toate** deadline-urile sa fie satisfacute, chiar si in cel mai rau caz?
- **Soft** deadline
  - In cazul ideal, deadline-ul trebuie respectat la performanta maxima. Performanta scade in cazul ratarii termenelor limita.
  - Abordarea cea mai buna: garantii statistice

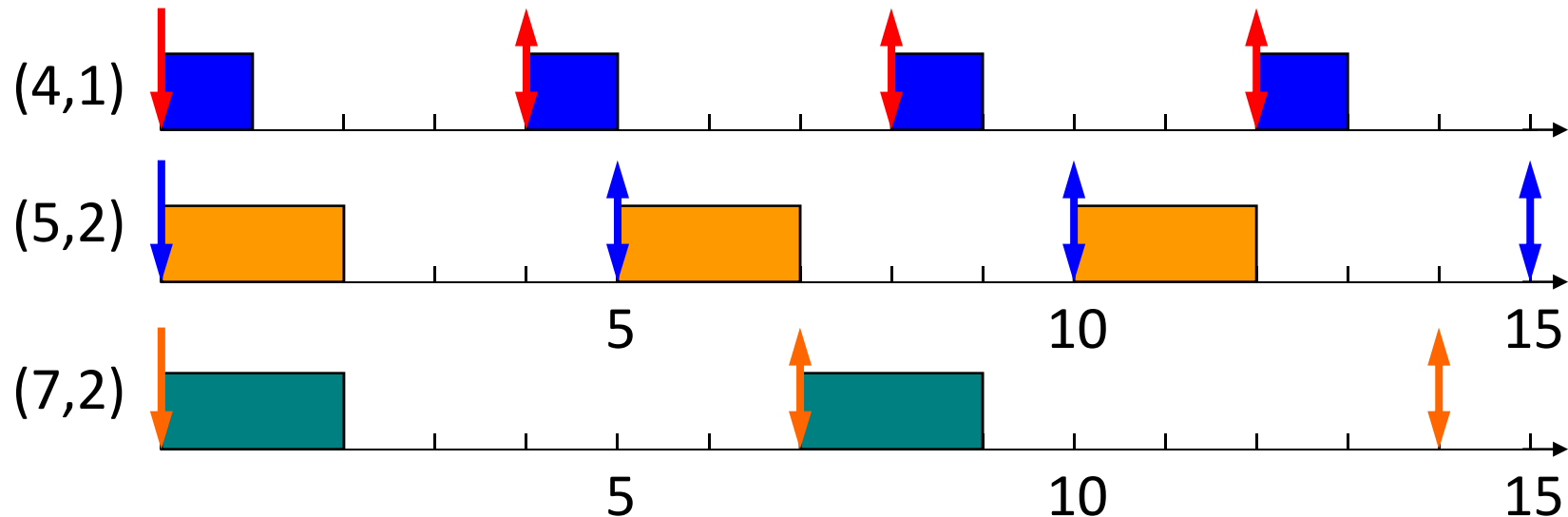
# Planificabilitate

- Proprietatea care indica daca un sistem de timp real (un set de task-uri de timp real) poate sa respecte termenele limita.



# Planificarea de timp real

- Determina ordinea executiei pentru task-urile de timp real
- Planificare cu prioritati
  - Statice
  - Dinamice



# Rate monotonic scheduling (RMS)

- RMS (Liu si Layland 1973)
  - utilizat pe scara larga
- RMS este un algoritm **optim** cu **prioritati fixe**
  - Daca exista o planificare care satisface toate termenele limita cu prioritati fixe, atunci RMS va produce o planificare fezabila

# Modelul de analiza RM

- Toate procesele ruleaza pe un singur CPU
- Costul si timpul de schimbare a contextului este nul
- Fara dependente de date intre procese (cozi, stive, semafoare blocante/non-blocante)
- Deadline la sfarsitul perioadei ( $p = d$ )
- Ruleaza procesul cu cea mai mare prioritate

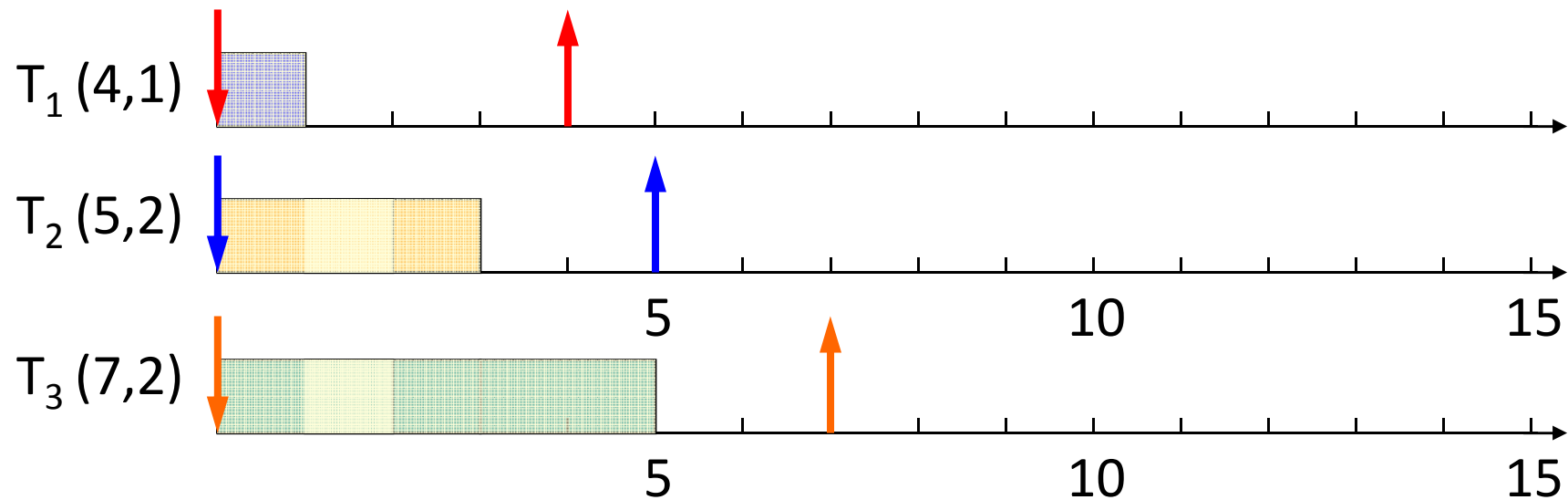
# Prioritati RMS

- Planificare optima cu prioritati fixe:
  - Procesul cu perioada cea mai scurta primeste prioritatea cea mai mare;
  - Prioritatea este invers proportionala cu perioada
- Intuitie: Procesele care au nevoie de atentie frecvent (perioada mica) trebuie sa primeasca prioritate mai mare.



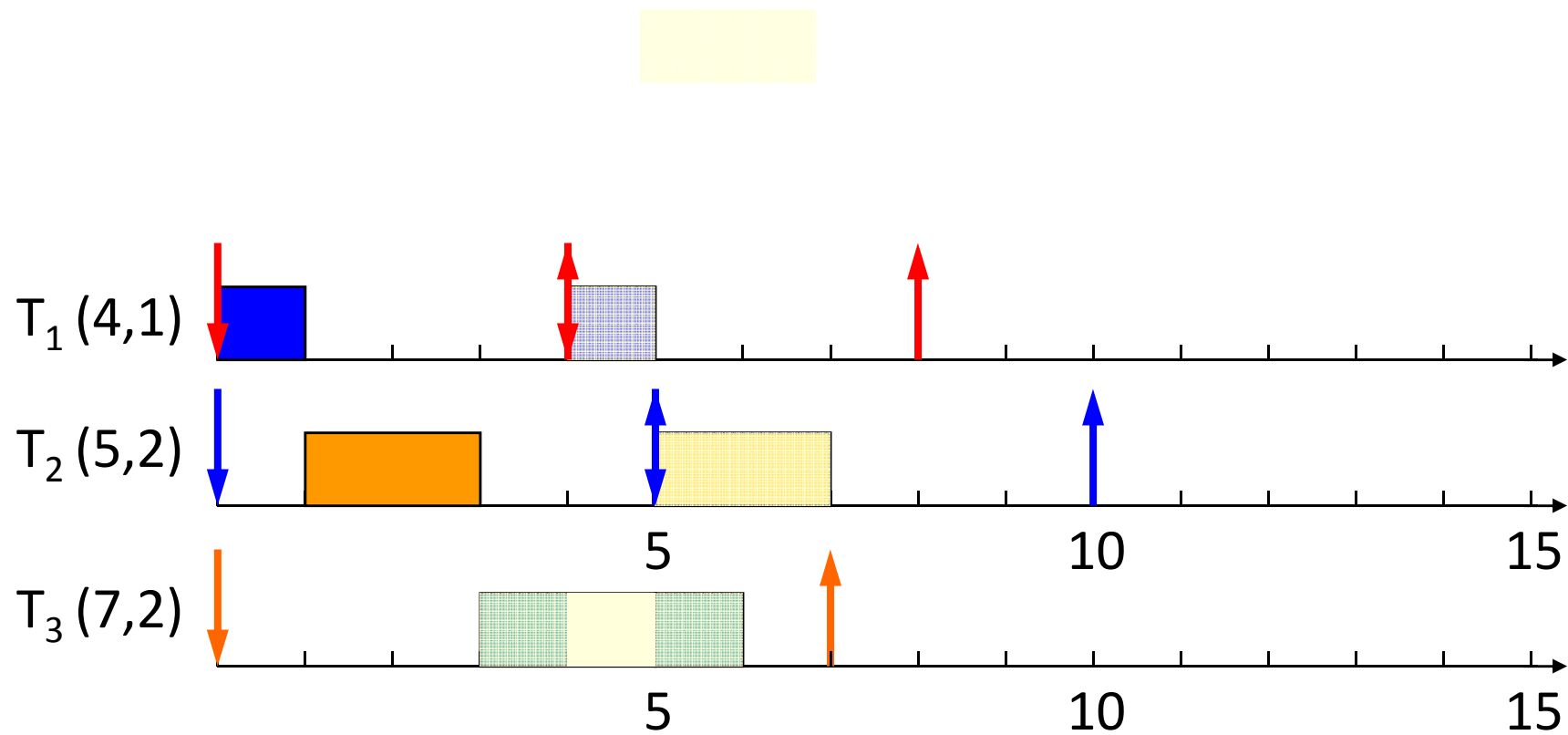
# RM (Rate Monotonic)

- Task-ul cu perioada cea mai mica primeste prioritatea cea mai mare
- Executa sarcina cu prioritatea cea mai mare



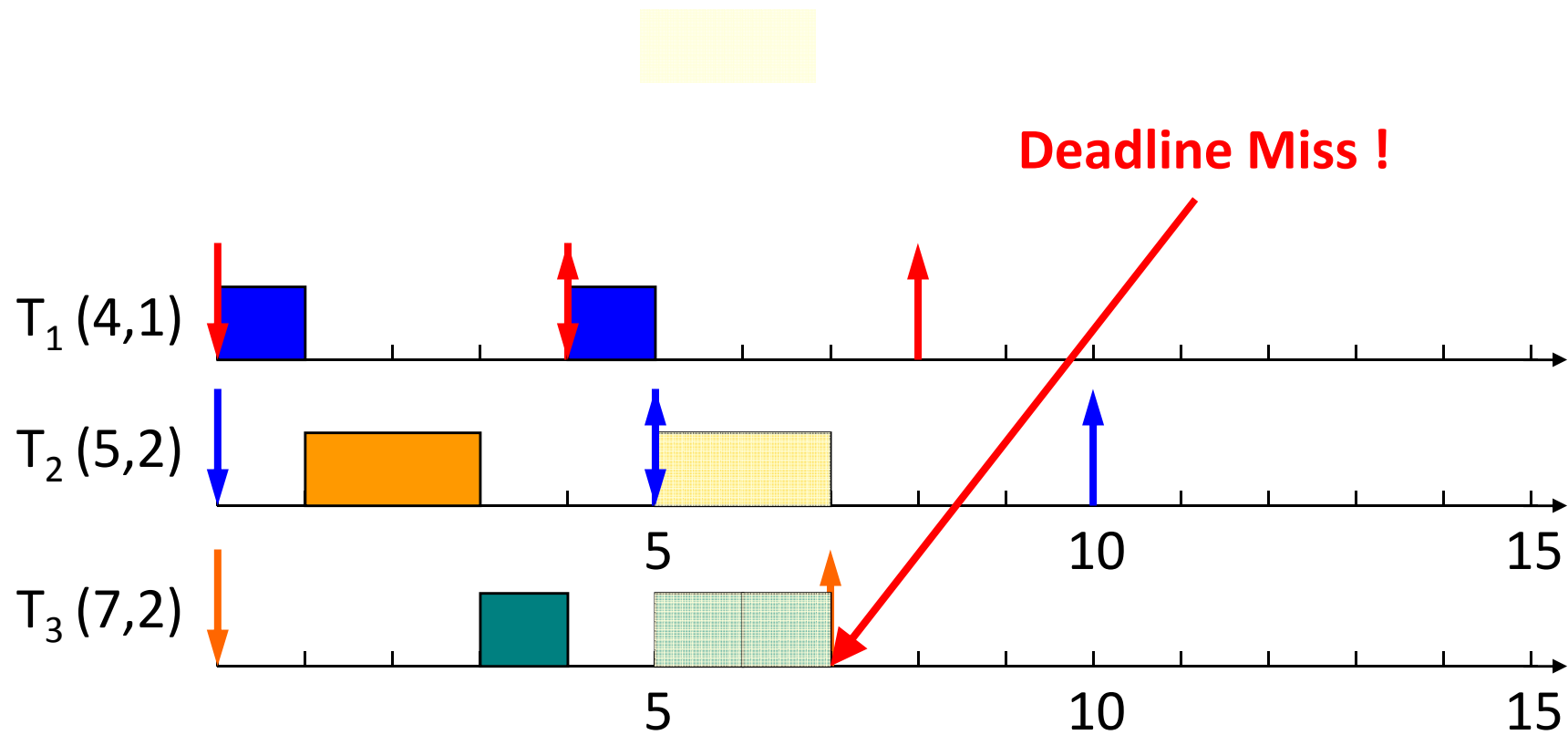
# RM (Rate Monotonic)

- Executa sarcina cu prioritatea cea mai mare



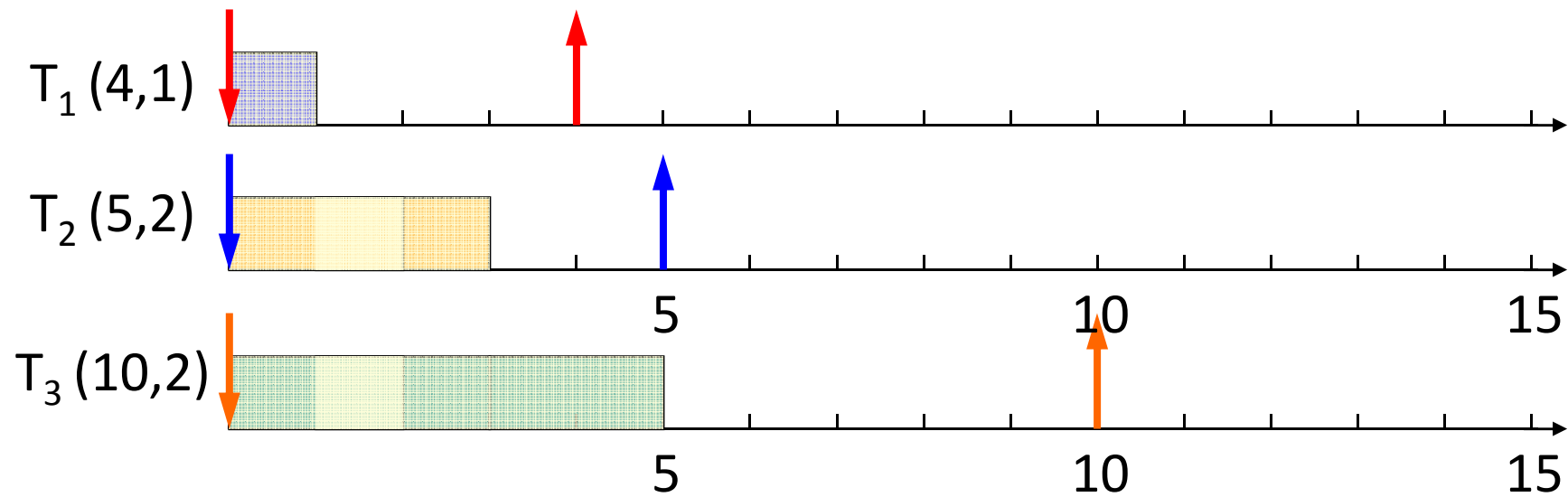
# RM (Rate Monotonic)

- Executa sarcina cu prioritatea cea mai mare



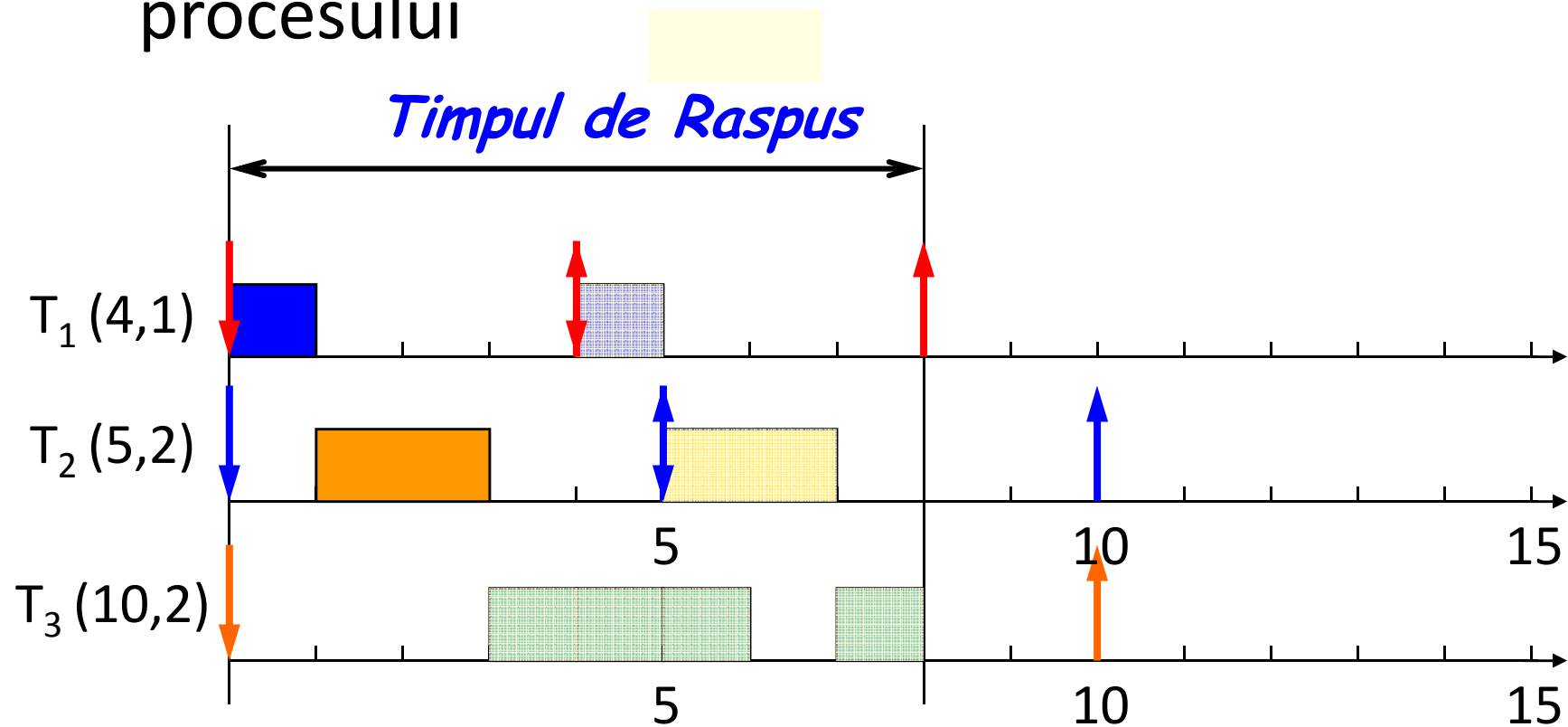
# Timpul de raspuns

- Durata de la release pana la terminarea procesului



# Timpul de raspuns

- Durata de la release pana la terminarea procesului

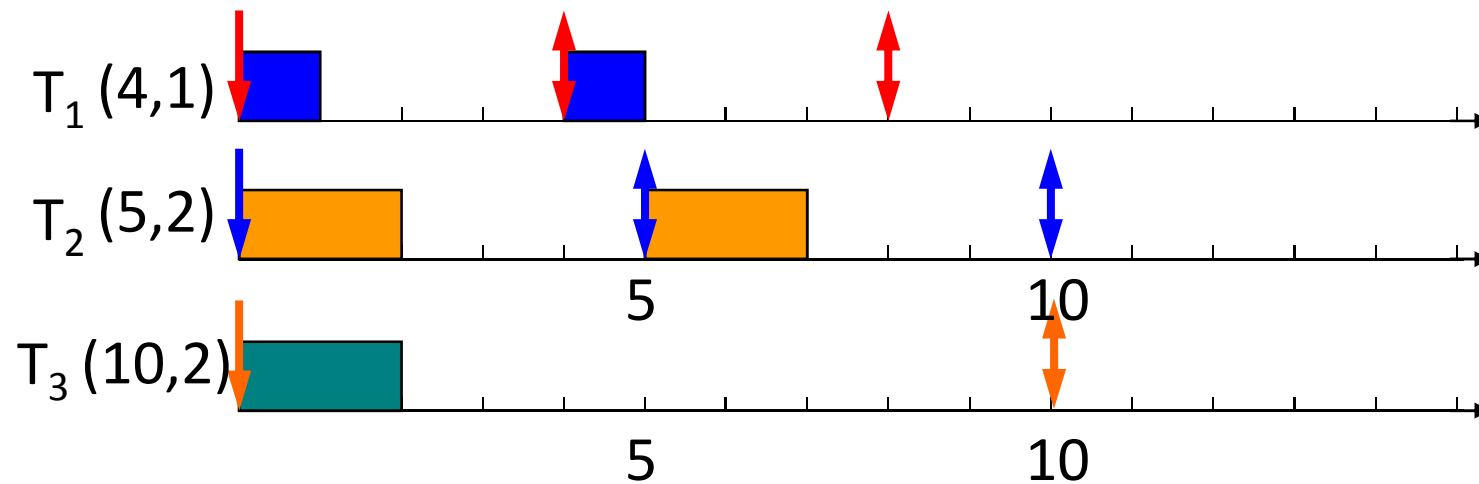


# Evaluarea timpului de raspus

- Response Time ( $r_i$ ) [Audsley et al., 1993]

$$r_i = e_i + \sum_{T_k \in HP(T_i)} \left\lceil \frac{r_i}{p_k} \right\rceil \cdot e_k$$

- $HP(T_i)$  : multimea task-urilor cu prioritate mai mare decat  $T_i$



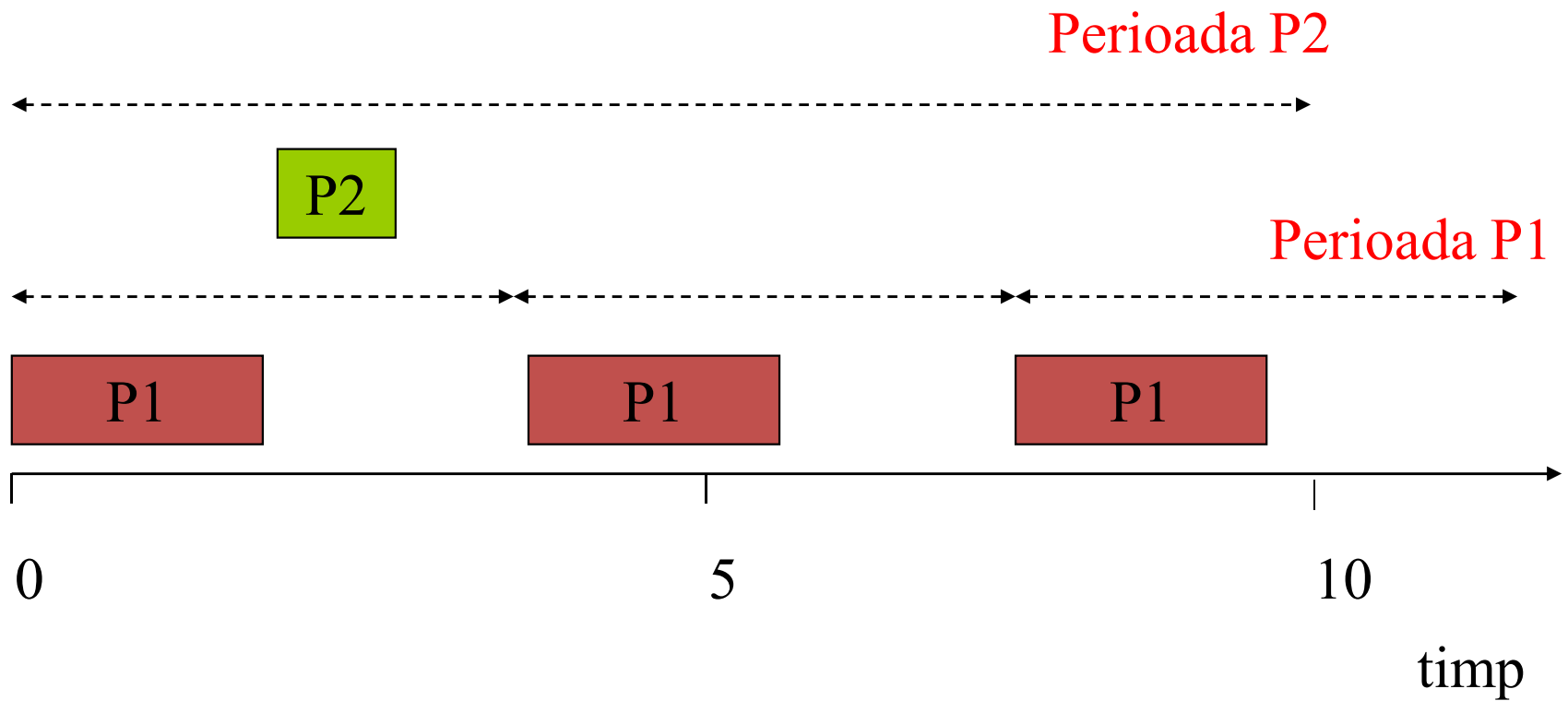
# RM – Analiza planificabilitatii

- Un sistem de timp real este planificabil cu RM  
Daca si numai daca  $r_i \leq p_i$  pentru toate task-urile  $T_i(p_i, e_i)$

Joseph & Pandya,

“Finding response times in a real-time system”,  
The Computer Journal, 1986.

# Exemplu RMS



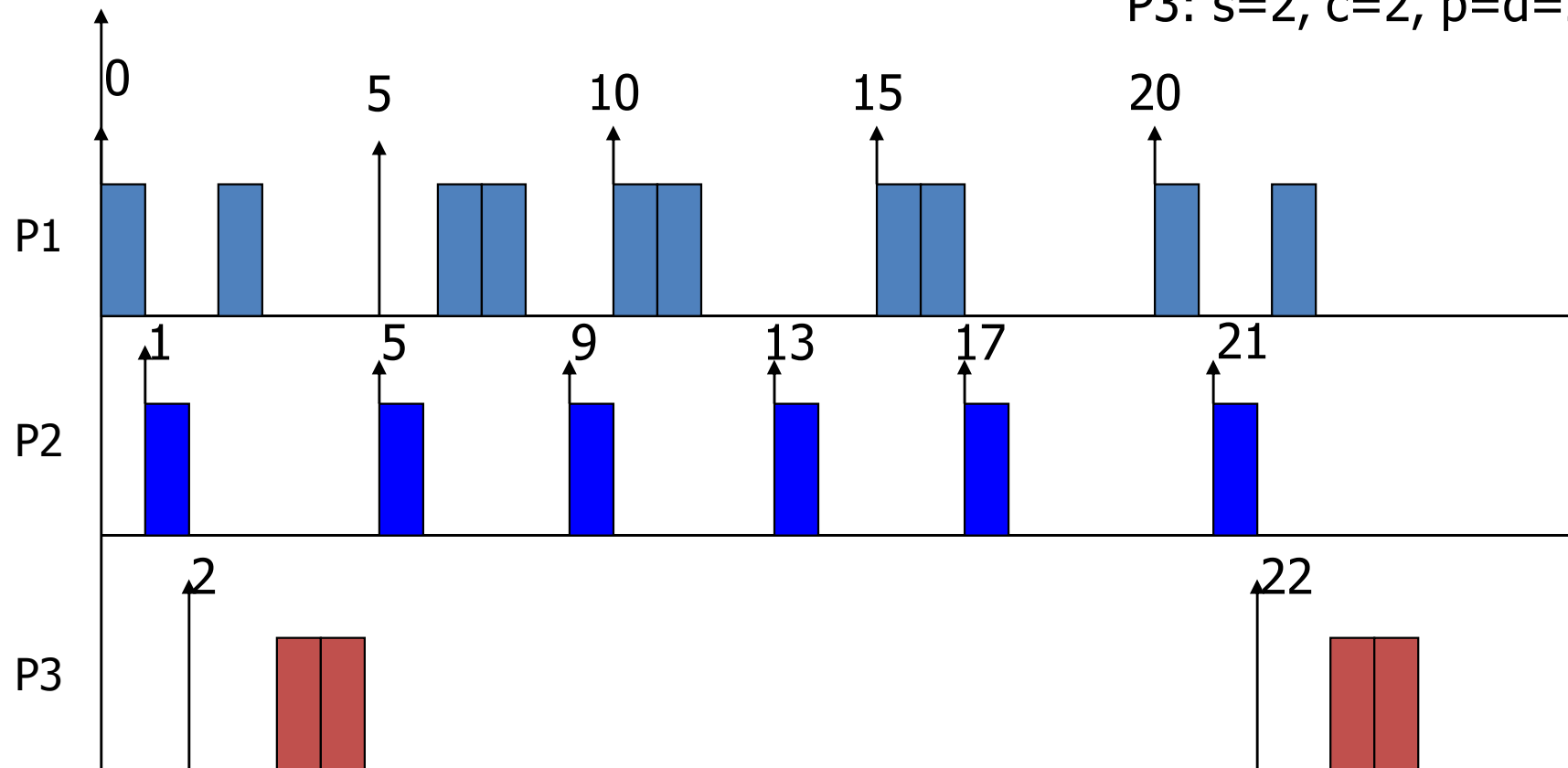


# Exemplu RMS

P1:  $s=0, c=2, p=d=5$

P2:  $s=1, c=1, p=d=4$

P3:  $s=2, c=2, p=d=20$



# RMS – Utilizarea procesorului

- Utilizarea pentru n procese este

$$U = \sum_{i=1}^n \frac{c_i}{p_i}$$

- $U \leq 1$  este o conditie **necesara dar nu si suficiente** pentru fezabilitate, indiferent de politica de planificare
- Planificarea cu prioritati fixe este fezabila daca

$$U \leq n \left( 2^{\frac{1}{n}} - 1 \right)$$

- Pe masura ce numarul sarcinilor tinde la infinit, utilizarea maxima se apropie de 69%

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n \left( 2^{\frac{1}{n}} - 1 \right) = \ln 2 \approx 0.69$$

# RMS – Utilizarea procesorului

- Pentru exemplul anterior:

P1:  $s=0, c=2, p=d=5$

P2:  $s=1, c=1, p=d=4$

P3:  $s=2, c=2, p=d=20$

$$U = \frac{2}{5} + \frac{1}{4} + \frac{2}{20} = 0.75$$

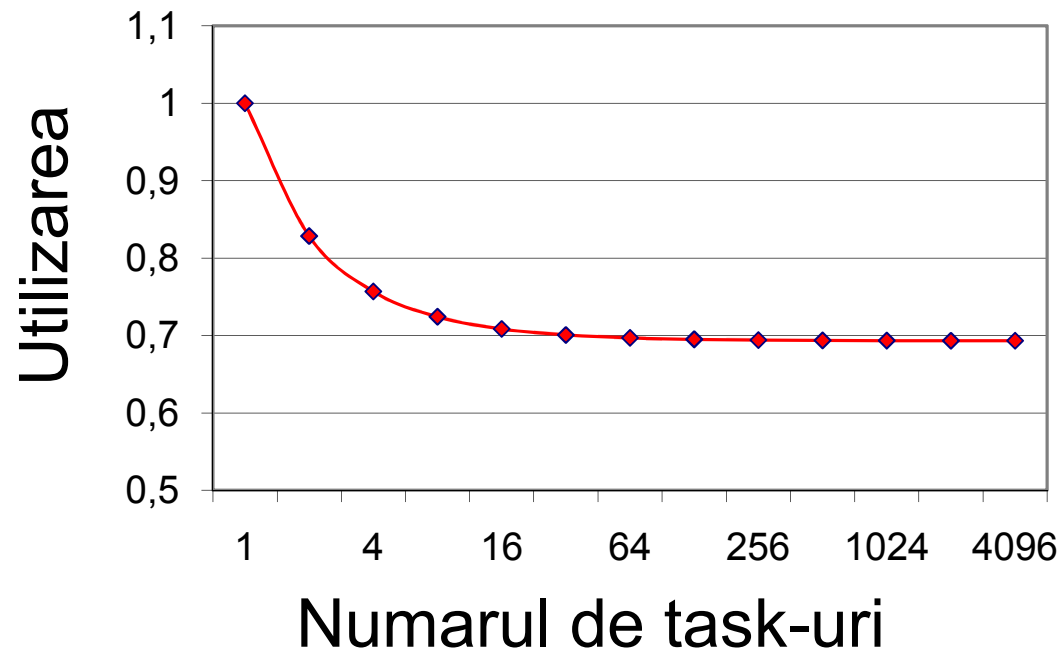
$$U \leq 3 \left( 2^{\frac{1}{3}} - 1 \right) = 0.779..$$

Sistemul este planificabil.

# RM – Limitarea utilizarii

- Planificarea cu prioritati fixe este fezabila daca  $\sum U_i \leq n (2^{1/n} - 1)$

## RM Utilization Bounds



# Analiza rate-monotonic

- **Timpul de raspuns**: timpul necesar pentru terminarea procesului.
- **Momentul critic**: starea pentru care planificatorul da timpii de raspuns cei mai mari.
- Instanta critica se petrece atunci cand toate procesele cu prioritate mare sunt gata de executie.

# Momentul critic pentru un proces

- **Deadline** al unui task = timpul următoarei cereri
- **Overflow** se pretrece la momentul  $t$  dacă  $t$  este deadline-ul unei cereri nesatisfacută
- Un algoritm de planificarea este **fezabil** dacă procesele pot fi planificate a. i. nu se pretrece nici un overflow
- **Timpul de raspuns** la o cerere a unui proces este intervalul de timp dintre cerere și răspunsul dat procesului respectiv

# Momentul critic pentru un proces

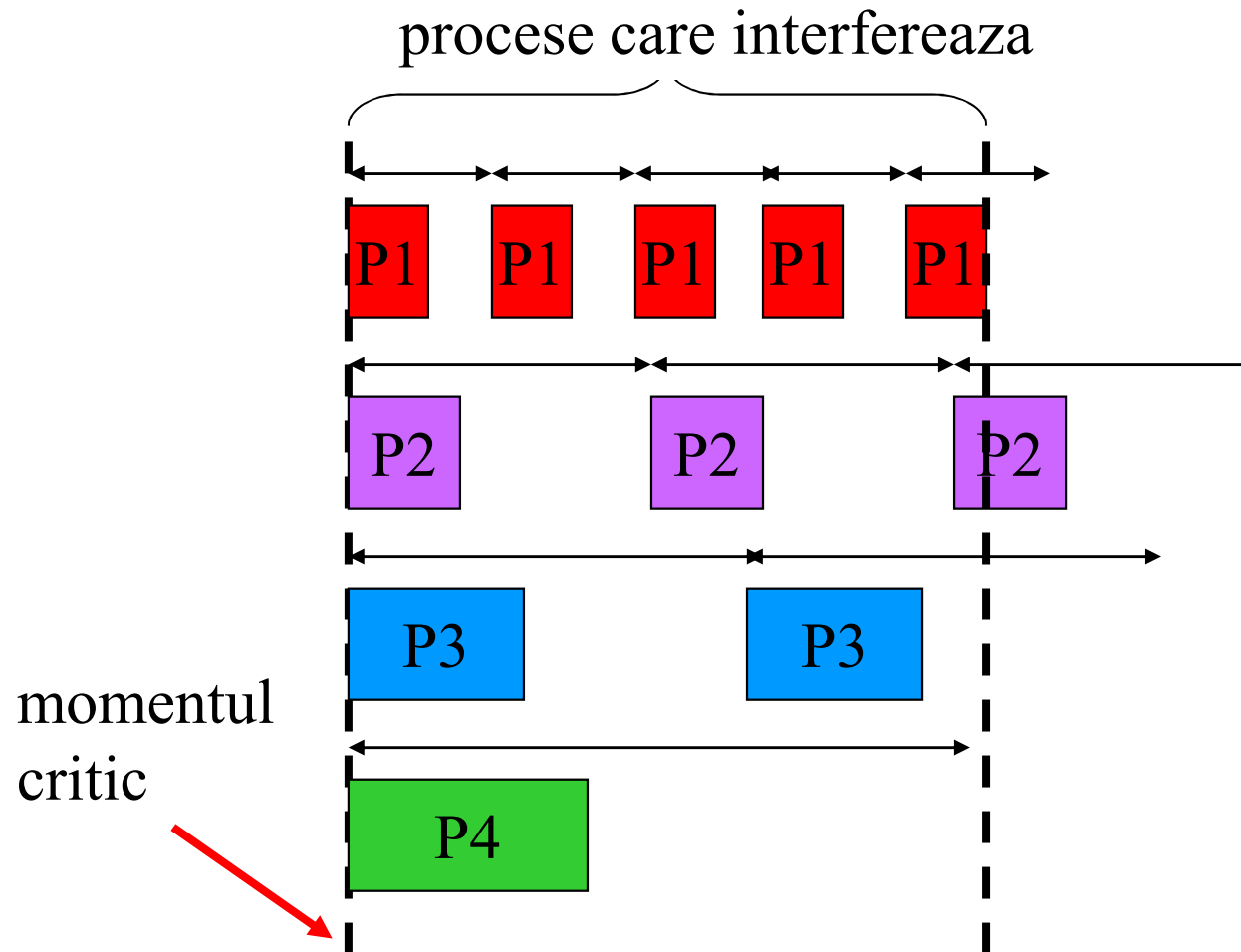
- **Momentul Critic** = momentul de timp pentru care o cerere catre procesul respectiv produce un timp de raspuns maxim.
- **Interval critic** = intervalul de timp de la momentul critic pana la raspunsul procesului la cererea primita.

# Cand se intampla momentul critic?

- *Teorema: Pentru orice proces, momentul critic se produce atunci cand procesul respectiv primeste o cerere simultana cu alte cereri catre toate procesele cu prioritati mai mari.*
- Putem determina asa daca o schema de atribuire de prioritati va produce o planificare fezabila.
  - Daca cererile adresate tuturor proceselor in momentele lor critice sunt satisfacute inainte de deadline, atunci schema de planificare folosita este fezabila.

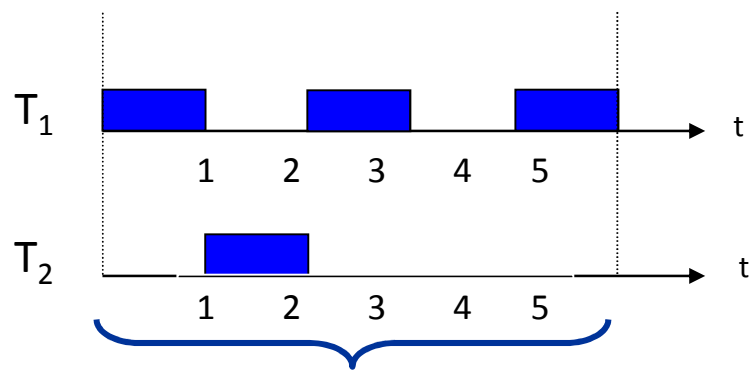


# Momentul Critic

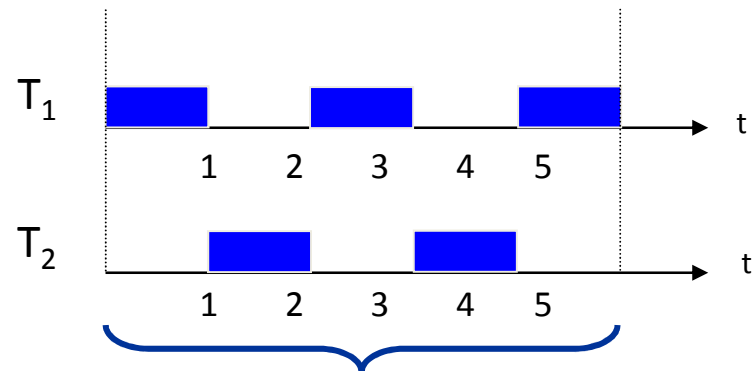


# Exemplu

- Doua procese  $\tau_1$  &  $\tau_2$  cu  $T_1=2$ ,  $T_2=5$ , &  $C_1=1$ ,  $C_2=1$
- $\tau_1$  are prioritate mai mare decat  $\tau_2$ 
  - Schema de atribuire de prioritati este fezabila
  - Pot sa maresc  $C_2$  la 2 si inca pot face planificare



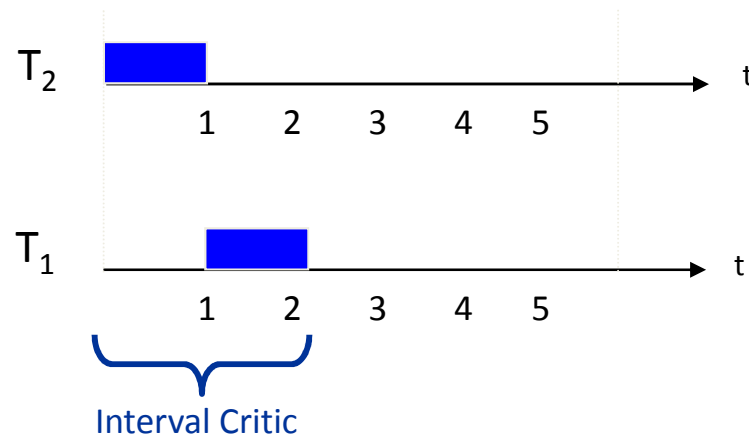
Interval critic



Interval critic

# Exemplu (cont.)

- $\tau_2$  are prioritate mai mare decat  $\tau_1$ 
  - Atribuirea de prioritati este inca fezabila
  - Nu pot sa maresc peste  $C_1=1, C_2=1$



# Testarea planificarii

Conditie suficienta dar nu si necesara

$$c_1 \times \left[ \frac{p_i}{p_1} \right] + c_2 \times \left[ \frac{p_i}{p_2} \right] + \dots + c_i \times \left[ \frac{p_i}{p_i} \right] \leq p_i$$

# Planificarea earliest-deadline-first (EDF)

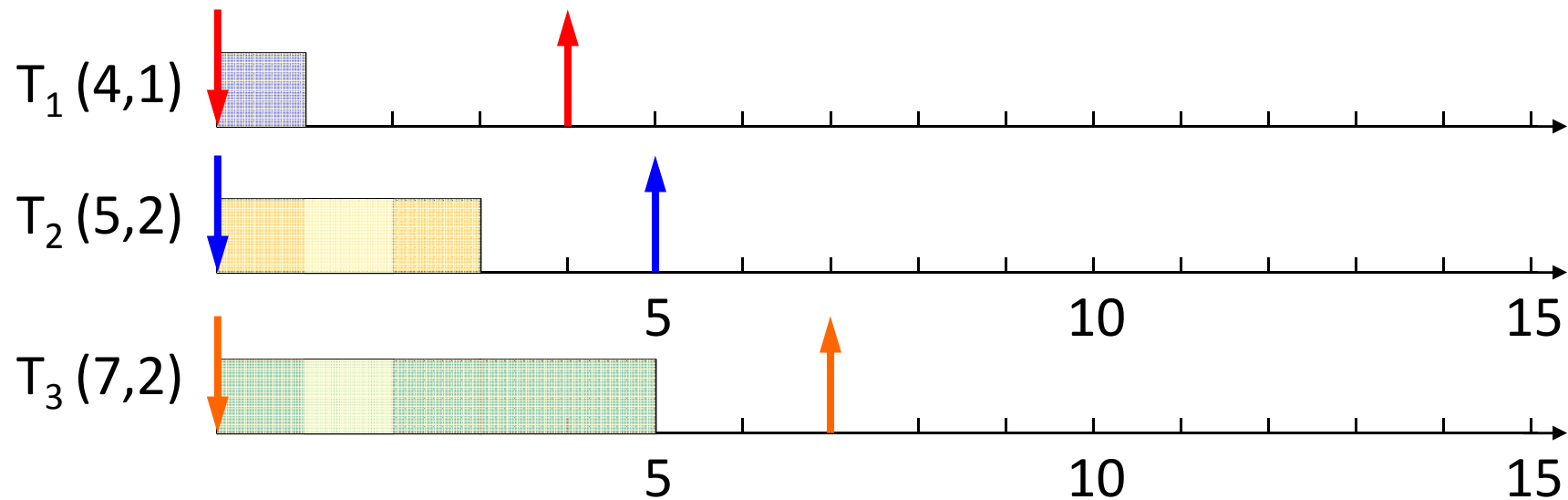
- **EDF**: algoritm de planificare cu atribuire dinamica de prioritati.
- Procesul care este cel mai aproape de termenul limita are prioritatea cea mai mare.
- Necesita recalcularea prioritatilor proceselor la fiecare intrerupere de timer.
- EDF poate utiliza si 100% din CPU.

# Implementarea EDF

- La fiecare intrerupere de ceas:
  - Calculeaza timpul pana la deadline;
  - Alege procesul cu deadline-ul cel mai apropiat.
- De obicei este considerat un algoritm prea costisitor pentru a putea fi utilizat practic.

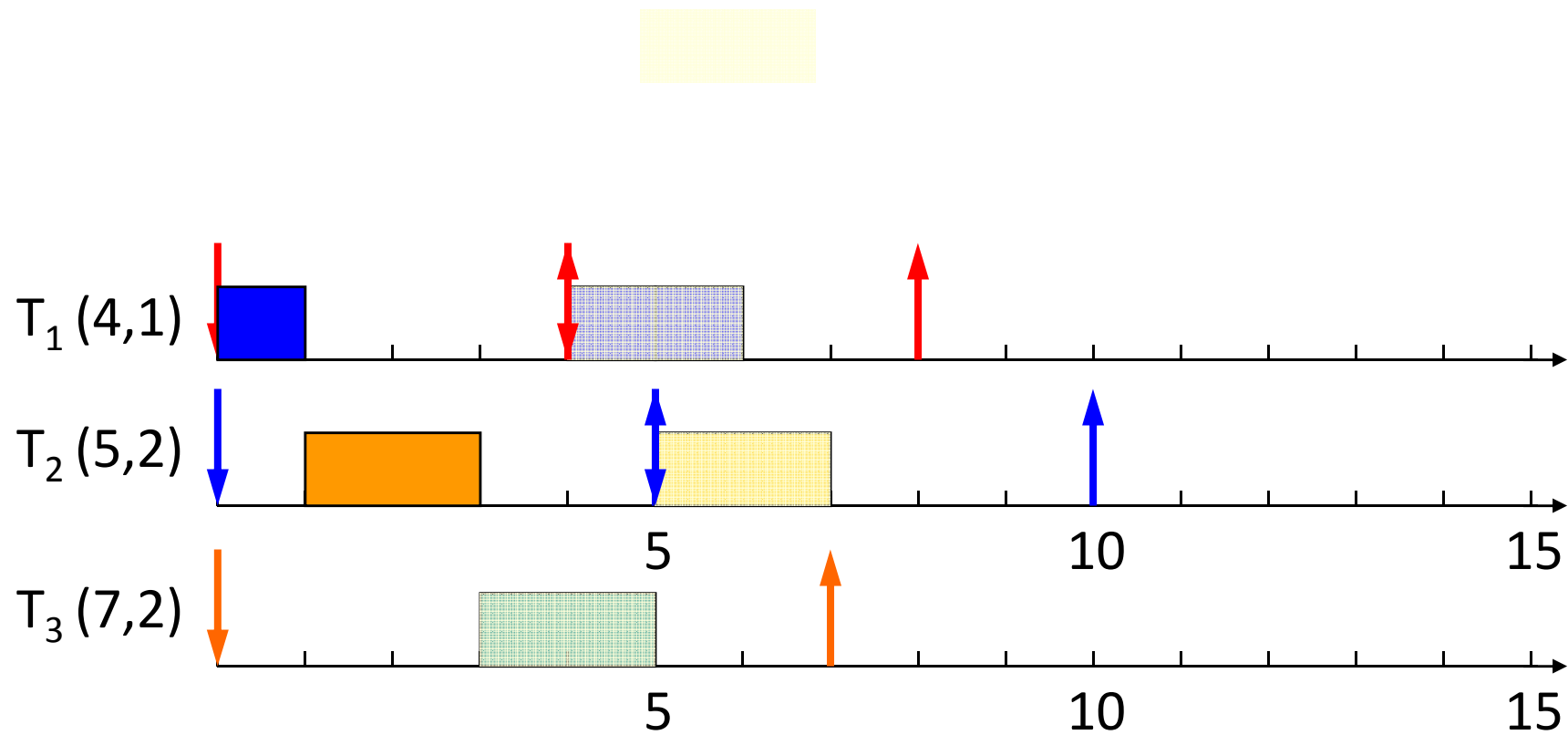
# EDF (Earliest Deadline First)

- Task-ul cu deadline apropiat are prioritate mai mare
- Executa task-ul cu cel mai apropiat termen



# EDF (Earliest Deadline First)

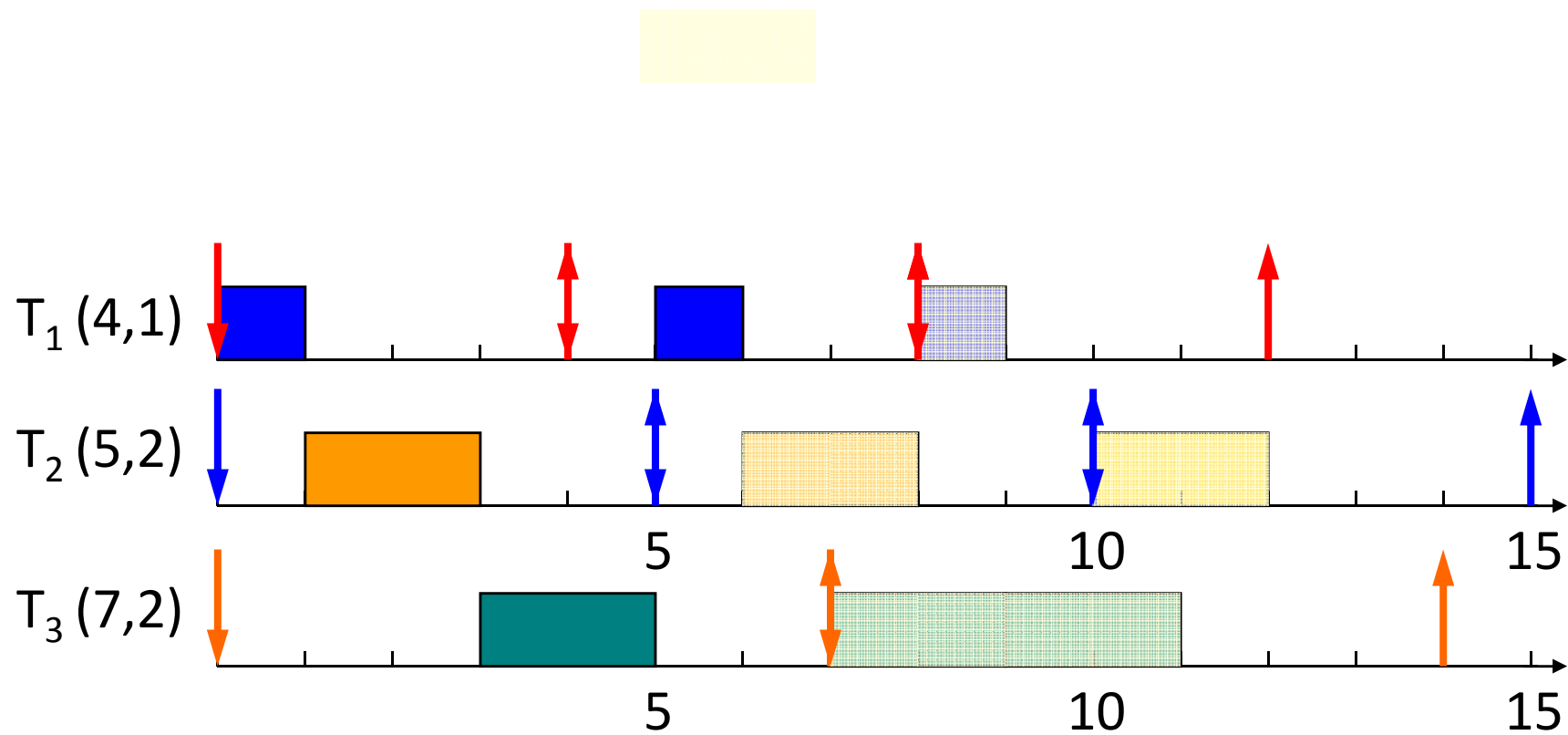
- Executa task-ul cu cel mai apropiat termen





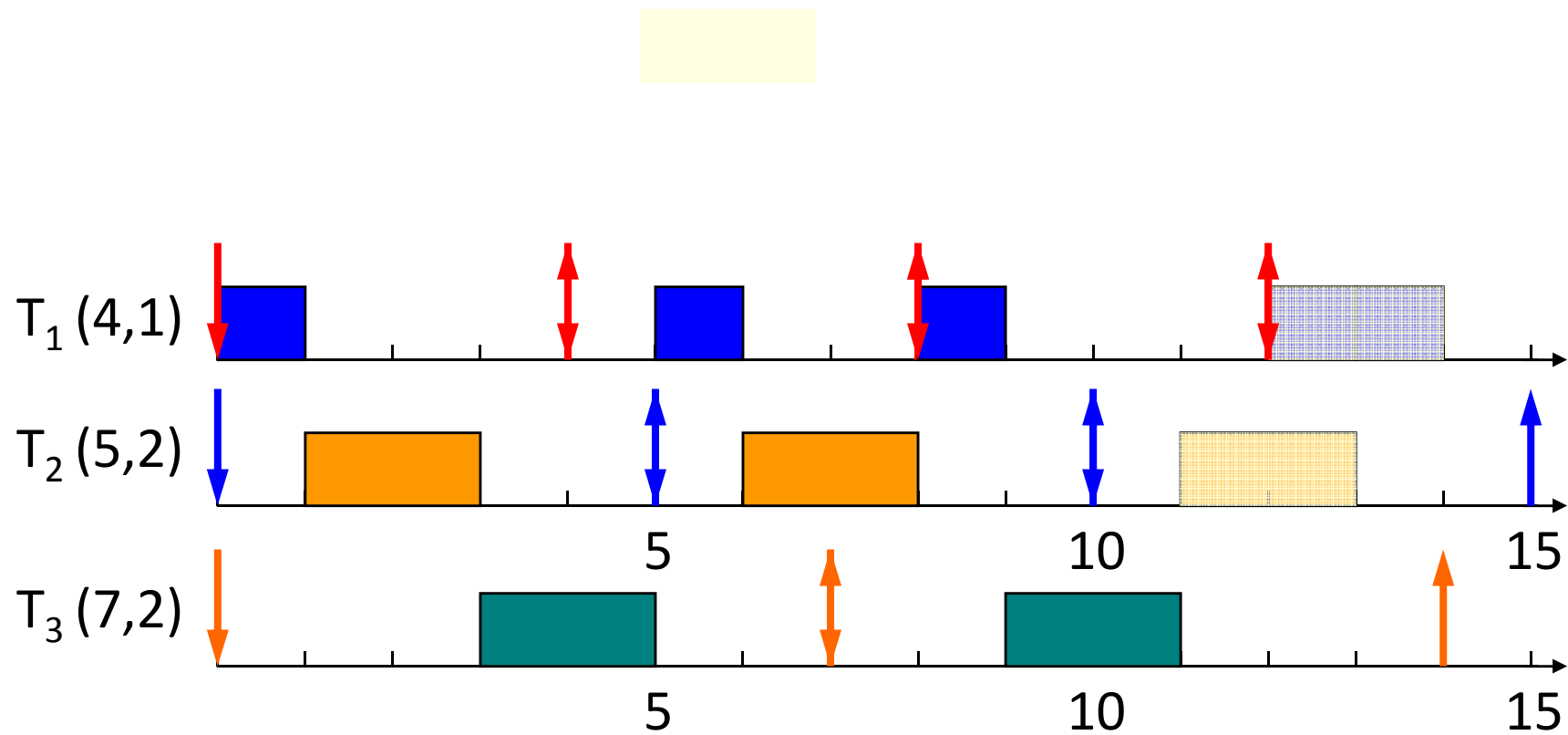
# EDF (Earliest Deadline First)

- Executa task-ul cu cel mai apropiat termen



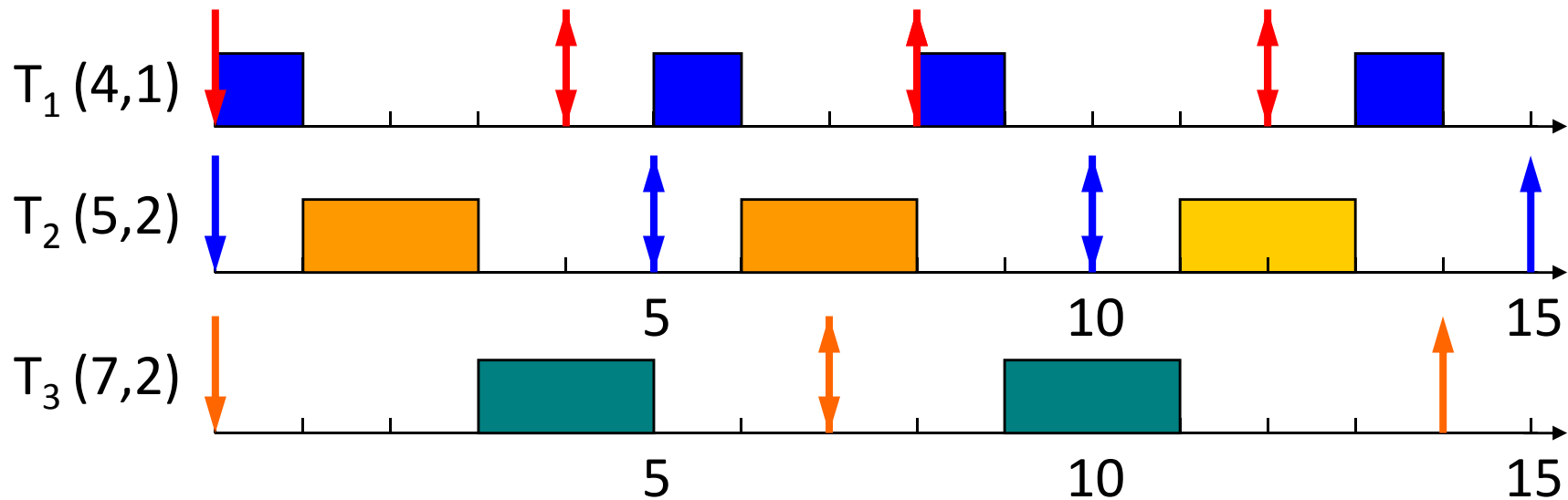
# EDF (Earliest Deadline First)

- Executa task-ul cu cel mai apropiat termen



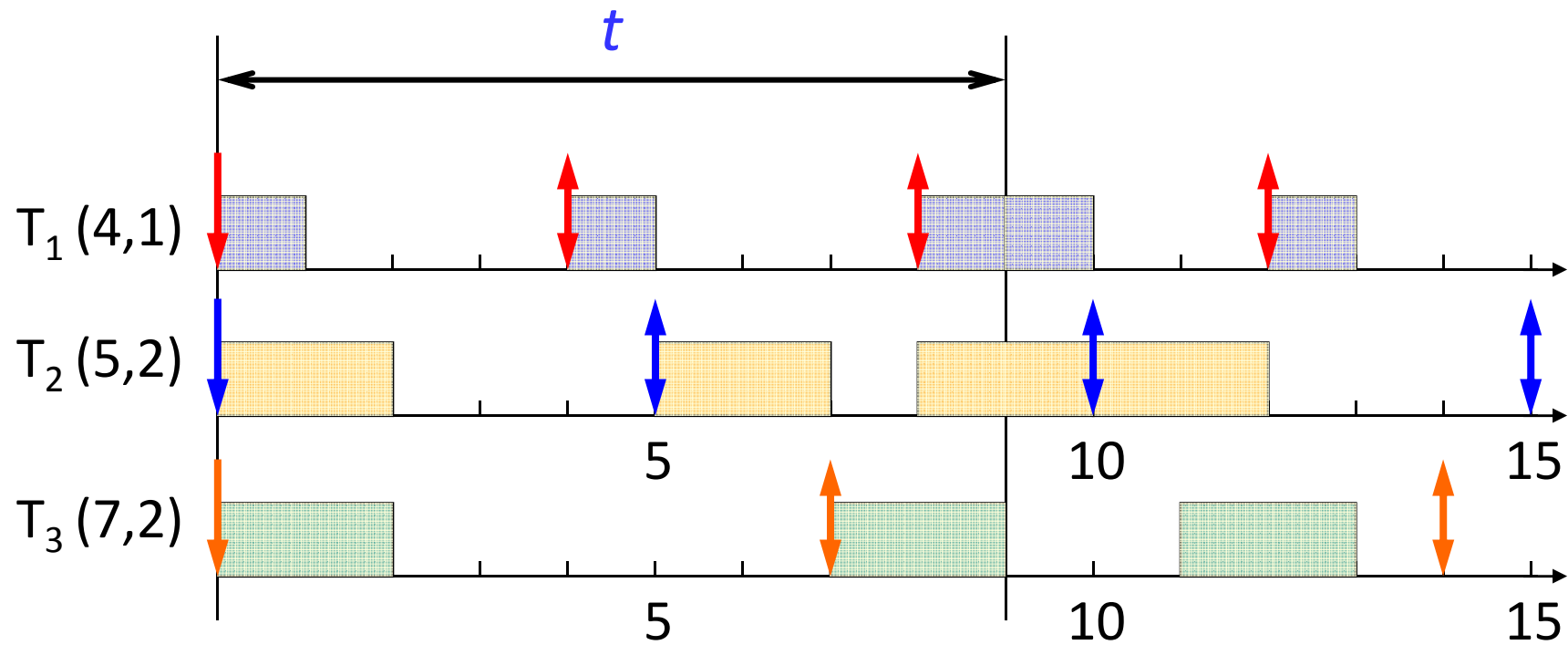
# EDF (Earliest Deadline First)

- Algoritm de planificare optim
  - Daca exista o schema de planificare pentru un set de task-uri de timp real, EDF o va gasi



# Limita de utilizare a procesorului

- Demand Bound Function :  $dbf(t)$



# EDF – Analiza planificabilitatii

- Un sistem de timp real este planificabil cu EDF daca si numai daca  $dbf(t) \leq t$  pentru toate intervalele de timp  $t$

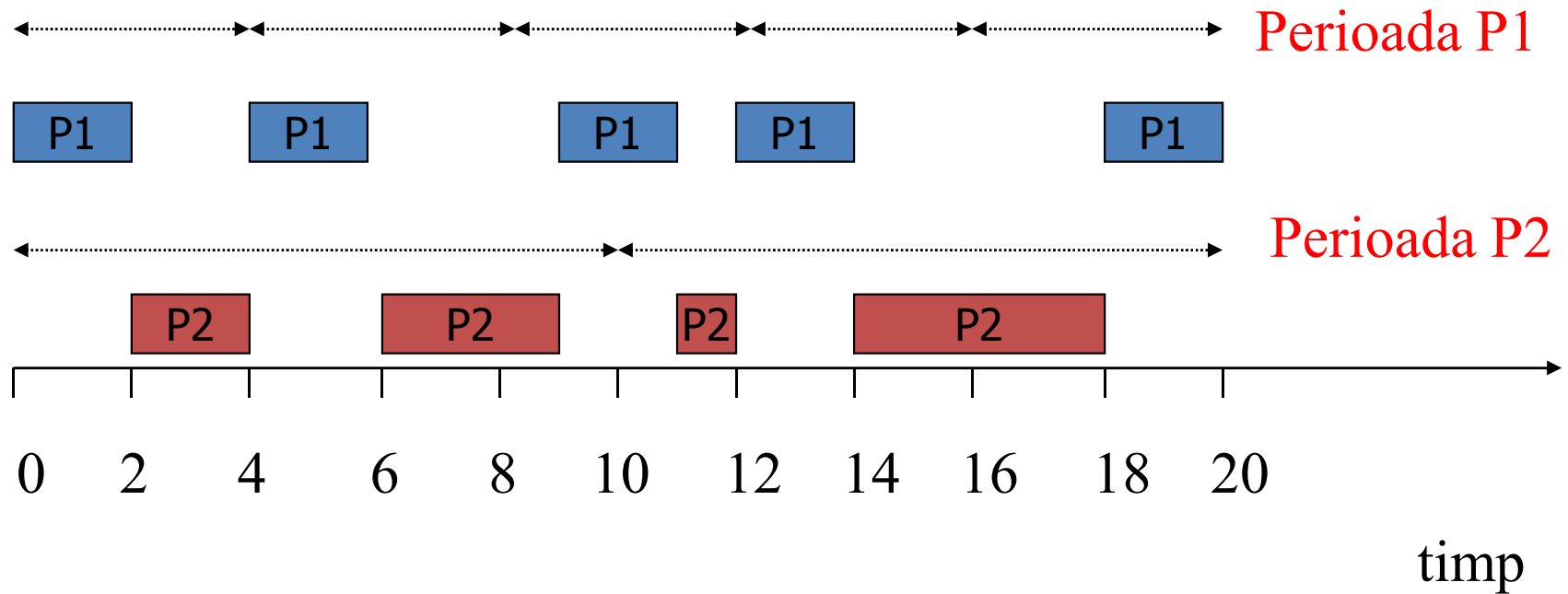
Baruah et al.

“Algorithms and complexity concerning the preemptive scheduling of periodic, real-time tasks on one processor”, Journal of Real-Time Systems, 1990.

- Demand Bound Function :  $dbf(t)$ 
  - Maximul utilizarii procesorului pe intervalul de timp  $t$

# Exemplu EDF

$P1 = (2, c=4, d=4)$   $P2 = (5, c=10, d=10)$



# Rezultatele EDF

- EDF este un algoritm optim de planificare
  - Daca exista o schema de planificare cu prioritati dinamice, EDF va produce o schema fezabila
- EDF va produce un scenariu de planificare fezabil daca  $U \leq 1$
- Planificarea cu atribuire de prioritati dinamice este fezabila daca si numai daca if  $U \leq 1$  (conditie necesara si suficienta)

# EDF – Utilizarea procesorului

- Utilizarea pentru n procese este

$$U = \sum_{i=1}^n \frac{c_i}{p_i} \leq 1$$

- $U \leq 1$  pentru ca schema de planificare sa fie fezabila

- Exemplu

P1: s=0, c=1, p=d=8

P2: s=1, c=2, p=d=5

P3: s=2, c=4, p=d=10

$$U = \frac{1}{8} + \frac{2}{5} + \frac{4}{10} = 0.925 = 92.5\%$$

Sistemul este planificabil.



# Concluzii

- Rate Monotonic
  - Implementare mai simpla chiar si pentru sistemele fara suport explicit pentru constrangeri de timp (perioade, termene limita)
  - Previzibil pentru task-urile cu prioritatea cea mai mare
- EDF
  - Utilizarea maxima a procesorului
  - Functionare imprecisa la supraincarcare
- Pentru mai multe detalii: Buttazzo, “Rate monotonic vs. EDF: Judgement Day”, EMSOFT 2003.